TP de CINEMATIQUE – CYCLE 2: IMPRIMANTE 3D MICRO DELTA

La durée est de deux heures et les activités feront l'objet d'un compte-rendu.

Programme - Compétences		
B29	MODELISER	Solide indéformable: vecteur-vitesse angulaire de deux référentiels en mouvement l'un par rapport à l'autre
B211	MODELISER	Torseur cinématique
B214	MODELISER	Liaisons: torseur cinématique des liaisons normalisées
C26	RESOUDRE	Dérivée temporelle d'un vecteur par rapport à un référentiel Relation entre les dérivées temporelles d'un vecteur par rapport à deux référentiels distincts Composition des vitesses angulaires Composition des vitesses



Le Groupe de **l'îlot de TP** sera constitué de:

- Un *Chef de Projet*, responsable du bon déroulement du TP et unique rédacteur du compte rendu de TP rendu impérativement en fin de séance;
- Un Analyseur Expérimentateur prenant en charge l'aspect mesure et expérimentation sur le système réel;
- Un *Analyseur Résolveur* travaillant sur la **modélisation** du système réel et la **résolution** du modèle par des outils analytiques ou numériques.

<u>NB</u>: Il est important que chaque personne constituant l'îlot échange de poste entre chaque séance de TP. La fonction de chacun est à indiquer sur le compte rendu, S.V.P. Si l'îlot n'est constitué que de deux personnes, le *Chef de Projet* devra aussi prendre en charge la fonction d'*Analyseur Résolveur*.

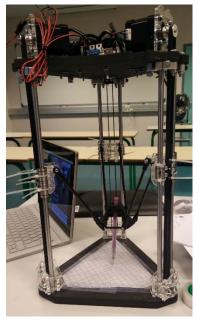
OBJECTIFS DU TP:

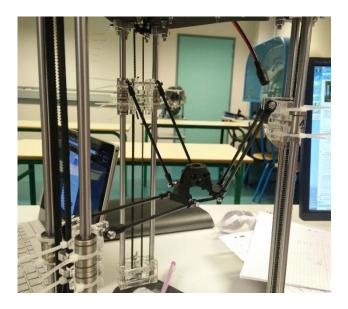
- Manipuler et comprendre le fonctionnement du système d'imprimante 3D Micro Delta.
- Modéliser le fonctionnement cinématique du système proposé.
- Déterminer les caractéristiques cinématiques du système en expérimentant sur le système réel.
- Retrouver analytiquement et numériquement la loi d'entrée/sortie à partir du système modélisé.
- Evaluer les écarts entre modèles Valider le fonctionnement et les réglages du système.

1. PRESENTATION DU SYSTEME

Les imprimantes 3D sont de plus en plus présentes dans l'industrie et les laboratoires pour réaliser des pièces prototypes (appréhension de l'ergonomie, montage de la pièce dans son environnement, ...) ou alors obtenir une pièce de réparation (si les contraintes supportées par la pièce sont faibles).

Récemment des imprimantes à architecture parallèle sont apparues à destination du grand public. Leur conception basée uniquement sur des composants standards (moteur pas à pas, poulies, courroies crantées, roulements, douilles à billes et pièces découpées au laser), permet d'obtenir un prix faible (<500€) et à monter par l'utilisateur.





La société REPRAP France propose ainsi une imprimante à architecture dite delta, à monter soi-même. On se propose à travers l'étude suivante d'en étudier son architecture et sa cinématique.

Extraits du diagramme des exigences de l'imprimante 3D Micro Delta :

« requirement »

Contrôler la précision de positionnement horizontal de la buse

 $Id= \ll 2.2 \gg$

Text= « La buse doit pouvoir se positionner avec une précision horizontale de 0.1 mm »

« requirement »

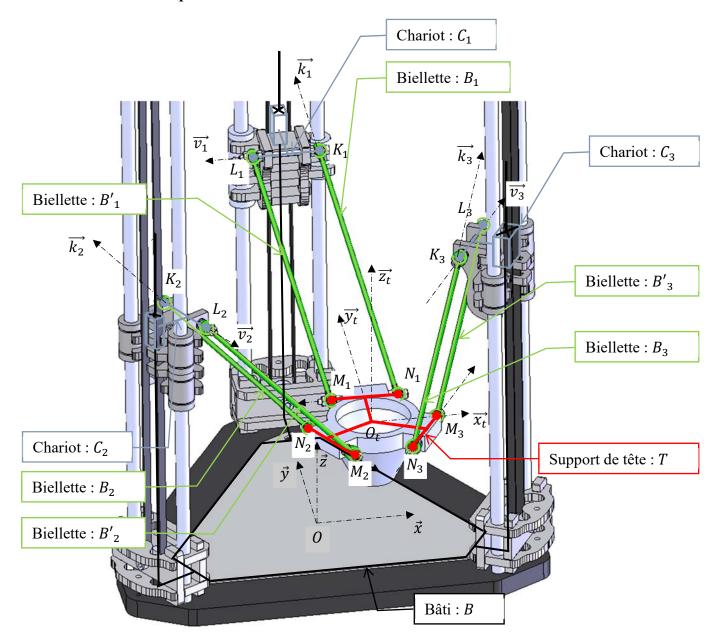
Fixer la taille maximum des pièces imprimables

Id= « 3.1 »

Text= « Le volume de travail devra être un cylindre de 110mm de diamètre pour 170mm de hauteur »

2. MODELISATION CINEMATIQUE DE L'IMPRIMANTE 3D MICRO DELTA

2.1. Schéma cinématique



La motorisation de la tête de l'imprimante est constituée de 11 classes d'équivalence :

- B: le bâti auquel est lié le repère $(0; \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$;
- T: le support de la tête d'impression auquel est lié le repère $(O_t; \overrightarrow{x_t}, \overrightarrow{y_t}, \overrightarrow{z_t})$ et $\overrightarrow{N_t M_t} = a$. $\overrightarrow{v_t}$ avec a = 39 mm; $\overrightarrow{OO_t} = x$. $\overrightarrow{x} + y$. $\overrightarrow{y} + z$. \overrightarrow{z} ;
- 3 chariots C_i avec $i \in [1; 2; 3]$ on a : $\overrightarrow{K_iL_i} = \overrightarrow{N_iM_i} = a. \overrightarrow{v_i}$.avec $a=39 \ mm$;
- 3 biellettes B_i dont les extrémités sont les points K_i et N_i . $\overline{N_iK_i} = l$. $\overrightarrow{k_i}$ avec l = 144 mm;
- 3 biellettes B'_i dont les extrémités sont les points L_i et M_i . $\overline{M_iL_i} = \overline{N_iK_i} = l$. $\overline{k_i}$.

Nota: les quadrilatères $(K_i, L_i, M_i, N_i,)$ $i \in [1; 2; 3]$ sont des parallélogrammes. On note:

$$\overrightarrow{OO_t} = x.\vec{x} + y.\vec{y} + z.\vec{z}$$

2.2. Géométrie des chariots et du bâti

<u>Nota</u>: sur la figure ci-dessous, les biellettes ne sont pas représentées, la tête d'impression est en position telle que $O_t = O$. Le repère $(O; \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$ est lié au bâti.

Les centres des rotules $(K_1, L_1, K_2, L_2, K_3, L_3)$ entre les chariots et les billettes, sont situés sur un cylindre d'axe $(0, \vec{z})$ et de rayon R.

On note:

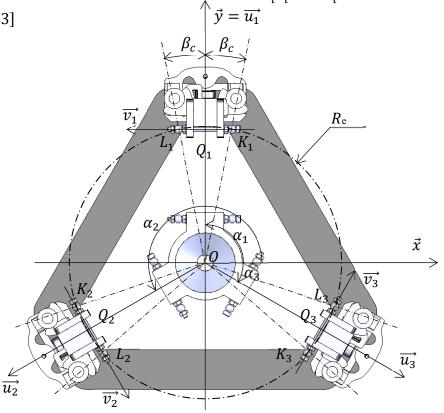
$$z_{i} = \overrightarrow{OK_{i}} \cdot \vec{z} = \overrightarrow{OL_{i}} \cdot \vec{z}$$

$$\overrightarrow{OK_{i}} = \text{Re.} \cos(\alpha_{i} - \beta_{c}) \cdot \vec{x} + \text{Re.} \sin(\alpha_{i} - \beta_{c}) \cdot \vec{y} + z_{i} \cdot \vec{z}$$

 $\overrightarrow{OL_i} = Re.\cos(\alpha_i + \beta_c).\vec{x} + Re.\sin(\alpha_i + \beta_c).\vec{y} + z_i.\vec{z}$

avec $i \in [1; 2; 3]$

On a: $\alpha_1 = (\vec{x}, \overrightarrow{u_1}) = (\vec{y}, \overrightarrow{y_1}) = 90^{\circ}$ $\alpha_2 = (\vec{x}, \overrightarrow{u_2}) = (\vec{y}, \overrightarrow{y_2}) = 210^{\circ}$ $\alpha_3 = (\vec{x}, \overrightarrow{u_3}) = (\vec{y}, \overrightarrow{y_3}) = -30^{\circ}$ $\beta_c = 11,44^{\circ}$ Re = 99,30mm $\overrightarrow{K_1L_1} = a. \overrightarrow{v_1} \quad \text{avec } a = 39 \ mm$



On note également :
$$\overrightarrow{OQ_1}$$
. $\overrightarrow{u_1} = \overrightarrow{OQ_2}$. $\overrightarrow{u_2} = \overrightarrow{OQ_3}$. $\overrightarrow{u_3} = R = 98 \ mm$
Et : $\overrightarrow{OQ_1}$. $\overrightarrow{z} = z_1$; $\overrightarrow{OQ_2}$. $\overrightarrow{z} = z_2$; $\overrightarrow{OQ_3}$. $\overrightarrow{z} = z_3$

2.3. Géométrie de la tête d'impression T

Le repère $(O_t; \overrightarrow{x_t}, \overrightarrow{y_t}, \overrightarrow{z_t})$ est lié à la tête support de la buse de l'imprimante.

Les centres des rotules $(N_1, M_1, N_2, M_2, N_3, M_3)$ entre la tête support de la buse et les billettes, sont situés sur un cercle de centre O_t et de rayon r.

On note:

$$\overrightarrow{ON_t} = r \cdot \cos(\alpha_i - \beta_t) \cdot \overrightarrow{x_t} + r \cdot \sin(\alpha_i - \beta_t) \cdot \overrightarrow{y_t} \qquad \text{avec } i \in [1; 2; 3]$$

$$\overrightarrow{OM_t} = r \cdot \cos(\alpha_i + \beta_t) \cdot \overrightarrow{x_t} + r \cdot \sin(\alpha_i + \beta_t) \cdot \overrightarrow{y_t} \qquad \text{avec } i \in [1; 2; 3]$$

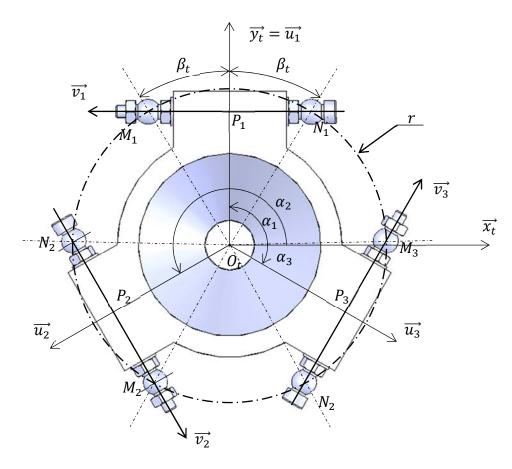
On a:

$$\begin{array}{l} \alpha_1 = (\overrightarrow{x_t}, \overrightarrow{u_1}) = (\overrightarrow{y_t}, \overrightarrow{y_1}) = 90^{\circ} \\ \alpha_2 = (\overrightarrow{x_t}, \overrightarrow{u_2}) = (\overrightarrow{y_t}, \overrightarrow{y_2}) = 210^{\circ} \\ \alpha_3 = (\overrightarrow{x_t}, \overrightarrow{u_3}) = (\overrightarrow{y_t}, \overrightarrow{y_3}) = -30^{\circ} \end{array}$$

$$r = 37,53mm$$

$$\beta_t = 31,49^{\circ}$$

$$\overrightarrow{N_t M_t} = a.\overrightarrow{v_t} \quad \text{avec } a = 39 \ mm$$



On note également : $\overrightarrow{OP_1}$. $\overrightarrow{u_1} = \overrightarrow{OP_2}$. $\overrightarrow{u_2} = \overrightarrow{OP_3}$. $\overrightarrow{u_3} = d = 33 \ mm$

3. ETUDE CINEMATIQUE DE L'IMPRIMANTE 3D MICRO DELTA

> Objectif de l'étude :

Le but de l'étude cinématique est de caractériser la relation entre la translation des chariots et la position de la buse d'impression, afin de générer les commandes d'axes au sein du logiciel d'impression.

 $\underbrace{\text{IMPORTANT}}$: On se placera dans cette étude dans le cas particulier d'une **translation de la tête** d'impression suivant l'axe horizontal \vec{x} . Afin de faciliter l'étude, On placera cette translation dans le plan de la plaque support.

Nous procèderons pour cette étude en trois étapes :

- **Etude expérimentale** préliminaire pour déterminer/ valider les caractéristiques géométriques dans la phase de déplacement horizontal de la buse d'impression.
- Etude d'un modèle cinématique du système en utilisant le logiciel *SolidWorks Meca3D*, dans le but de retrouver et d'affiner les résultats expérimentaux.
- Etude analytique du système pour déterminer sa loi d'entrée/sortie géométrique du système.
- Déterminer **l'écart** de résultats entre ces études et **valider** le modèle de programmation de déplacement de la buse d'impression.

3.1. Validation expérimentale du volume de travail

On désire valider expérimentalement le volume de travail donné dans l'extrait du **diagramme des exigences req** 3.1 situé en début de sujet.

QUESTION N°1: Donner le protocole expérimental afin de valider le volume utile de travail. Préciser le volume réel obtenu par la mesure (un croquis est apprécié!).

QUESTION N°2: En s'inspirant du schéma cinématique 3D donné en début de sujet, réaliser le graphe de liaisons du mécanisme d'imprimante Micro Delta.

3.2. Loi d'Entrée / Sortie par méthode expérimentale

Le système fourni dispose d'une feuille de papier millimétré avec l'axe \vec{x} gradué de -70 mm à +70 mm. Cette grandeur sera notée x buse.

QUESTION N°3: Au moyen d'un réglet gradué, relever les hauteurs z_i des axes supérieurs des trois biellettes i (points L_i ou K_i) et le plan horizontal (O, \vec{x}, \vec{y}) .

Reporter les mesures obtenues dans le tableau *Excel* fourni (nommé « *Loi_E-S_MicroDelta_eleve* ») Commenter ces courbes.

3.3. Loi d'Entrée / Sortie par méthode analytique

Afin de retrouver analytiquement z₁, z₂ et z₃, nous allons écrire 3 bouclages géométriques dans (O Ot P_i Q_i).

On écrira ainsi:

$$\overrightarrow{OQ_i} = \overrightarrow{OO_t} + \overrightarrow{O_tP_i} + \overrightarrow{P_iQ_i}$$

La tête d'impression se translatant horizontalement suivant l'axe \vec{x} , on peut écrire :

$$\overrightarrow{OO_t} = x \cdot \vec{x} + Z_0 \cdot \vec{z}$$

QUESTION N°4: Ecrire les trois équations vectorielles correspondant aux trois bouclages. On les exprimera en fonction de l, R, d, Z_0 et z.

QUESTION N°5: Dans chaque équation, isoler le vecteur correspondant aux biellettes (longueur l). En projetant le reste des vecteurs dans la base $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$, calculer la norme de chaque biellette. Isoler alors les zi dans chaque équation. On obtient alors :

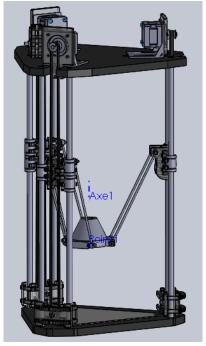
Avec: l = 144 mm; R = 98 mm; d = 33 mm; $Z_0 = 12.5 \text{ mm}$

QUESTION N°6: Reporter ces valeurs analytiques de z_1 , z_2 et z_3 dans le tableau de mesure du fichier *Excel* « *Loi_E-S_MicroDelta_eleve* ».

3.4. Loi d'Entrée / Sortie par méthode numérique : SolidWorks/ Méca3D

On dispose d'un modèle SolidWoks / Méca3D fourni. Le modèle cinématique Méca3D est presque complet, il manque juste la liaison permettant de modéliser facilement le mouvement de translation horizontale entre la tête

d'impression et le bâti.

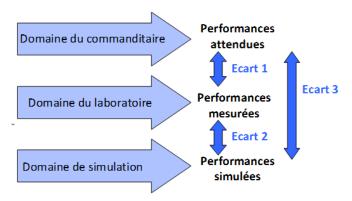


QUESTION N°7: Quelle liaison entre la tête d'impression et le bâti doit -on rajouter au modèle Méca3D afin de modéliser cette translation ? Faire cette modification.

QUESTION N°8: Paramétrer le mouvement et faire le calcul en lançant une étude géométrique. Remplir alors le tableau de résultats du fichier *Excel « Loi_E-S_MicroDelta_eleve »*.

4. FORMULATION DES ECARTS ENTRE MODELES D'ETUDE

Nous allons ici nous intéresser aux **écarts** entre les **modèles d'étude** : Etude expérimentale, étude numérique (*SolidWorks – Meca3D*) et étude analytique.



QUESTION N°9: Remplir le tableau de résultats du fichier *Excel* « *Loi_E-S_MicroDelta_eleve* » en complétant les colonnes Dz₁, Dz₂ et Dz₃ correspondant aux écarts entre modèles expérimental et analytique. Les écarts trouvés Sont-ils significatifs ? Peut-on alors valider les modèles (numérique et analytique) ?

QUESTION N°10: Au vu de ces écarts, commenter qualitativement l'exigence req 2.2 donnée en début de sujet. A quoi peut-on attribuer ces écarts et donc cette imprécision de positionnement ?