# Proyecto 2: El Problema de la Mochila

Emily Sanchez Viviana Vargas

Curso: Investigación de Operaciones II Semestre 2025

September 19, 2025

## 1 Problema de la Mochila (Knapsack Problem)

El problema de la mochila es un clasico de la optimizacion combinatoria. Se dispone de una mochila con una capacidad maxima W y un conjunto de n objetos. Cada objeto i tiene un peso  $w_i$  y an valor  $v_i$ . El objetivo es seleccionar los objetos de manera que:

- $\bullet$  La suma total de los pesos no exceda la capacidad W.
- Se maximice el valor total de los objetos elegidos.

#### 1.1 Variantes principales

0/1 Knapsack Cada objeto puede elegirse una sola vez o no elegirse: decision binaria.

Bounded Knapsack Cada objeto puede seleccionarse un numero limitado de veces.

Unbounded Knapsack Se permite una cantidad ilimitada de cada objeto.

#### 1.2 Solucion

**Bounded Knapsack** Se resuelve con programación dinámica considerando las cantidades límite de cada objeto:

$$dp[i][w] = \max_{k=0}^{\min(q_i, \lfloor w/w_i \rfloor)} \left(dp[i-1][w-k \cdot w_i] + k \cdot v_i\right)$$

donde  $q_i$  es la cantidad máxima del objeto i.

Tipo de problema: Bounded Knapsack

Capacidad máxima: 11 Número de objetos: 3

### Formulación Matemática

Función objetivo:

Maximizar  $Z = 7x_A + 5x_B + 4x_C$ 

Restricción:

 $5x_A + 3x_B + 2x_C \le 11$ 

Restricciones de variables:

 $x_i \in Z^+ \quad \forall i \in \{A, B, C\}$ 

### Datos del Problema

(	Objeto	Costo	Valor	Cantidad
	A	5,00	7,00	1
	В	3,00	5,00	1
	$^{\mathrm{C}}$	2,00	4,00	1

## Tabla de Programación Dinámica Detallada

Capacidad	Inicial	A	В	С
0	0			
1	0	0	0	0
2	0	0	0	4(1)
3	0		5(1)	
4	0	0	5(1)	5
5	0	7(1)	7	9(1)
6	0	7(1)	7	9(1)
7	0	7(1)	7	11(1)
8	0	7(1)	12(1)	12
9	0	7(1)	12(1)	12
10	0	7(1)	12(1)	16(1)
11	0	7(1)	12(1)	16(1)

# Solución Óptima

Valor máximo obtenido: 16

Objetos seleccionados: C:1, B:1, A:1

Capacidad utilizada: 10 Capacidad restante: 1