

# Differenzverstärker

27. April 2021

Florian Tietjen Torsten Möller Eric Antosch

## Inhaltsverzeichnis

A	ppiid	iungsverzeichnis	2			
1	<b>G</b> ru	undschaltung eines Differenzverstärkers Dimensionierung des $R_E$ -Widerstands	<b>3</b>			
2	Diff	Differenzverstärkung				
3	_	gen- und Gleichtaktverstärkung	6			
	3.1	Gegentaktverstärkung	6			
	3.2	Gleichtaktverstärkung	7			
	3.3	Auswertung der Gegen- und Gleichtaktverstärkung	7			
		3.3.1 Gegentaktverstärkung	7			
		3.3.2 Gleichtaktverstärkung	7			
	3.4	Gleichtaktunterdrückung	8			
4	We	chselspannungsverstärker	9			
	4.1	Simulation der Schaltung	9			
	4.2	Simulation Wechselspannungsverstärkung	11			
	4.3	Eingangswiderstand der Schaltung	12			
	4.4	Ausgangswiderstand der Schaltung	14			
	4.5	AC-Analyse der Schaltung	16			
5	Lite	eratur	16			
A	bbi	ildungsverzeichnis				
	1	Grundschaltung der Differenzverstärker	3			
	2	Versuchsaufbau	4			
	3	Darstellung der Kollektorströme gegen die Differenzspannung $U_d$	5			
	4	Anlegung der Cursor an die entsprechenden Punkte (siehe Slope)	5			
	5	Versuchsaufbau des Netzwerkes	6			
	6	Ein- und Ausgangsspannung	6			
	7	Ein- und Ausgangsspannung	7			
	8	Schaltplan für den Versuchsaufbau	9			
	9	Messwerte aus LTSpice	11			
	10		11			
	11		12			
	12		13			
	13	Aufbau der Schaltung für 4.4	14			
	14		15			
	15	· ·	16			
	10	miconang der ric rimary be	10			

## 1 Grundschaltung eines Differenzverstärkers

#### Aufgabe 1.0

Bei dieser Aufgabe soll die Grundschaltung eines Differenzverstärkers mit zwei BC546B-Transistoren mit beiden Basen an GND beschrieben werden.

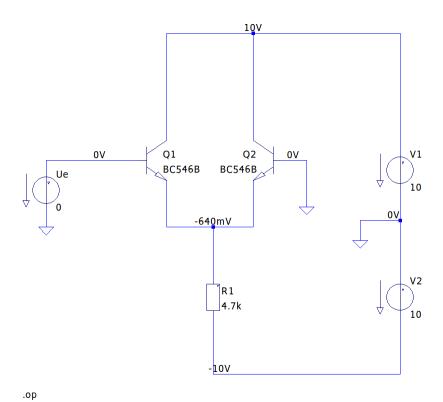


Abbildung 1: Grundschaltung eines Differenzverstärkers

#### 1.1 Dimensionierung des $R_E$ -Widerstands

Wir wollen nun zunächst unseren  $R_E$ -Widerstand mithilfe der gegebenen Formeln [1] berechnen:

$$R_E = \frac{U_B - U_{BE}}{2 \cdot I_C} \tag{1}$$

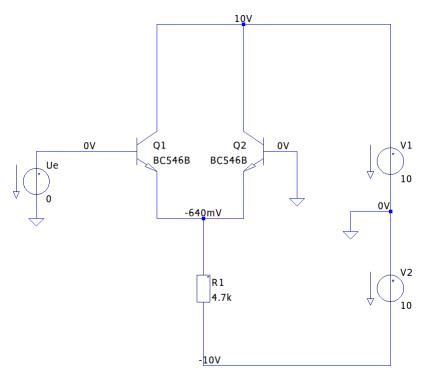
Wir erhalten mit dem Einsetzen der Werte für  $I_C=1mA,\,U_B=10V$  und  $U_{BE}=0,7V$  ungefähr einen Widerstandswert von  $R_E=4650\Omega.$  Da unser Widerstand  $R_E$  aus der E12-Reihe sein soll, wählen wir mit  $4700\Omega$  den passenden Widerstandswert.



## 2 Differenzverstärkung

#### Aufgabe 2.0

In dieser Aufgabe wollen wir die Differenzverstärkung unserer Grundschaltung ermitteln, indem wir den linken Transistor nun von einer Spannungsquelle ansteuern lassen.



.dc Ue -0.5 0.5 0.0001

Abbildung 2: Versuchsaufbau

Wir nutzen nun die DC-Sweep-Analyse von LTSpice um die Spannung der Ue-Quelle linear von -0.5V bis 0.5V wachsen zu lassen. Aus der Vorlesung kennen wir die Bedeutung von  $U_d$ , welches die Differenz der Potentiale an den Basen der beiden Transistoren darstellt. [1]

$$I_{C_1} = \frac{2 \cdot I_0}{1 + e^{-\frac{U_d}{U_T}}} \tag{2}$$

$$I_{C_2} = \frac{2 \cdot I_0}{1 + e^{+\frac{U_d}{U_T}}} \tag{3}$$



Tragen wir nun die Ströme durch die beiden Transistoren gegen die Differenzspannung  $U_d$  ab, so entsteht folgendes Bild:

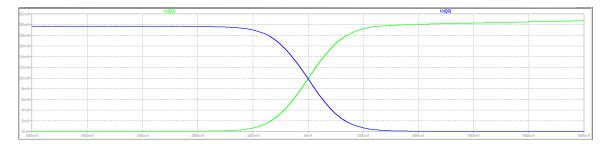


Abbildung 3: Darstellung der Kollektorströme gegen die Differenzspannung  $U_d$ 

Wir erkennen sowohl eine ziemlich genaue Übereinstimmung der Diagramme aus der Vorlesung als auch aus den Praktikumsaufgaben. Bei einer Differenzspannung von  $U_d=0V$  erhalten wir zudem unsere  $I_C=1mA$ , die wir in Aufgabe 1 bereits verwendet haben.

Wir wollen nun noch einmal die Steilheit der Schaltung im Arbeitspunkt berechnen. Dafür legen wir bei dem Punkt  $U_d = 0V$  ein Steigungsdreieck an, da:

$$S_{1,2} = \pm \frac{dI_{C_{1,2}}}{dU_d} \tag{4}$$

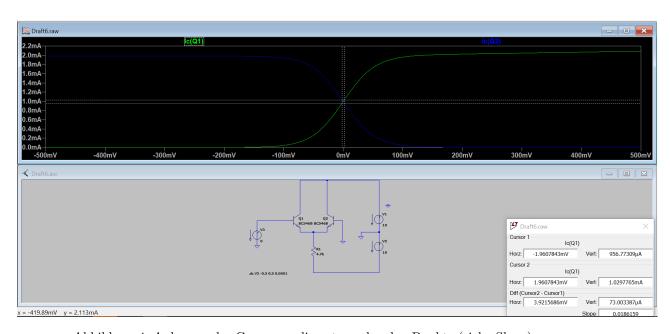


Abbildung 4: Anlegung der Cursor an die entsprechenden Punkte (siehe Slope)

Wie auf dem Bild unten links zu erkennen ist, bekommen wir eine Steigung von ungefähr  $S_{1,2} = \pm 0,0186 \frac{A}{V}$ . Berechnen wir mithilfe der aus der Vorlesung gegebenen Formel, so ergibt sich [1]:

$$S_{1,2} = \pm \frac{I_{C_0}}{2 \cdot U_T} = \pm 0,02 \frac{A}{V} \tag{5}$$

Die Werte liegen also, wie sich leicht erkennen lässt, nicht weit auseinander und die Abweichung ist wahrscheinlich durch Ungenauigkeiten beim Messen oder durch Rundungen beim Rechnen entstanden.



## 3 Gegen- und Gleichtaktverstärkung

#### Aufgabe 3.0

Nun werden in den Kollektorzweigen der Transistoren Widerstände  $R_{C1}$  und  $R_{C2}$  von jeweils  $1k\Omega$  ergänzt. Ziel des Versuchs ist die Untersuchung der Gegen- und Gleichtaktverstärkung sowie der Vergleich der Messergebnisse mit den theoretischen Berechnungen.

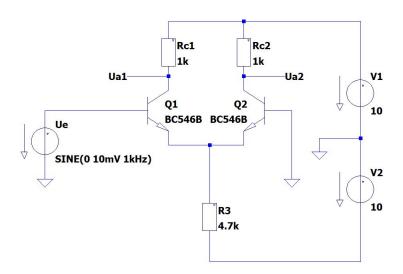


Abbildung 5: Versuchsaufbau des Netzwerkes

#### 3.1 Gegentaktverstärkung

Um die reine Wechselspannung darstellen zulassen, werden die Gleichanteile der Spannung subtrahiert. Im Labor geschieht dies durch die Messung in AC-Kopplung. In LTSpice könnte dafür entweder ein in Reihe geschalteter Kondensator helfen oder es wird wie eben genannt der Mittelwert subtrahiert.

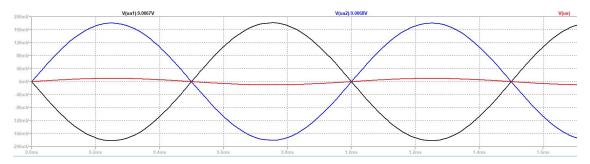


Abbildung 6: Ein- und Ausgangsspannung



#### 3.2 Gleichtaktverstärkung

Nun werden die Basen der Transistoren miteinander verbunden. Dabei wird die Eingangsspannung soweit erhöht bis die gleiche Ausgangsspannung wie beim Vorversuch erreicht wird. Die ermittelte Eingangsspannung liegt hier bei  $\hat{u_e} = 1,7V$ .

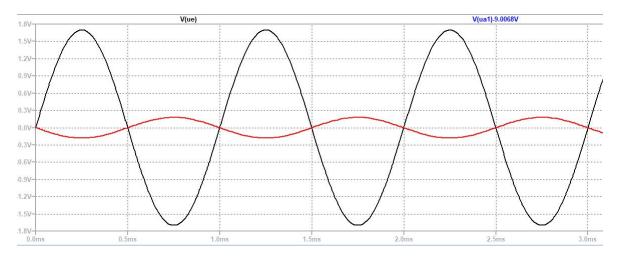


Abbildung 7: Ein- und Ausgangsspannung

Die Ausgangsspannungen liegen nun genau übereinander, weshalb nur ein Signal erkennbar ist. Dies war zu erwarten, da die Basen miteinander verbunden sind und damit der Kollektorstrom gleich gesteuert wird.

#### 3.3 Auswertung der Gegen- und Gleichtaktverstärkung

#### 3.3.1 Gegentaktverstärkung

Aus den Messwerten werden die beiden Gleichtaktverstärkungen  $v_{ud1}$  und  $v_{ud2}$  bestimmt:

$$\begin{split} v_{u_d1} &= -\frac{u_{a1}}{u_e} = -\frac{180mV}{10mV} = -18 \\ v_{u_d2} &= \frac{u_{a2}}{u_e} = -\frac{180mV}{10mV} = 18 \end{split}$$

Vergleich der berechneten Gegentaktverstärkung  $v_{u_d1}$  und  $v_{u_d2}$  aus der Steilheit:

$$\begin{aligned} v_{u_d 1} &= -\frac{1}{2} \cdot S \cdot R_C = -\frac{1}{2} \cdot 0,038 \frac{A}{V} \cdot 1k\Omega = -19 \\ v_{u_d 2} &= +\frac{1}{2} \cdot S \cdot R_C = -\frac{1}{2} \cdot 0,038 \frac{A}{V} \cdot 1k\Omega = 19 \end{aligned}$$

#### 3.3.2 Gleichtaktverstärkung

Nun wird aus den Messungen die Gleichtaktverstärkung  $v_{u_{gl}1}$  und  $v_{u_{gl}2}$  bestimmt:

$$\begin{aligned} v_{u_{gl}1} &= -\frac{u_{a1}}{u_e} = -\frac{180mV}{1,7V} = -0,105 \\ v_{u_{gl}2} &= \frac{u_{a2}}{u_e} = -\frac{180mV}{1,7V} = 0,105 \end{aligned}$$

Nach der theoretischen Berechnung sollten folgende Werte sich ergeben:



$$\begin{split} v_{u_{gl}1} &= -\frac{R_C}{2 \cdot R_E} = -\frac{1k\Omega}{2 \cdot 4,7k\Omega} = -0,106 \\ v_{u_{gl}2} &= -\frac{R_C}{2 \cdot R_E} = -\frac{1k\Omega}{2 \cdot 4,7k\Omega} = -0,106 \end{split}$$

Auch hier gibt es minimale Abweichung, die darauf zurückzuführen sind, dass unsere Ansätze bei der Berechnung immer vereinfachte Rechnungen sind, so wird beispielsweise der Early-Effekt vernachlässigt. LTSpice jedoch arbeitet mit sehr genauen numerischen Verfahren, so dass die Messergebnisse von den berechneten Werten abweichen können.

#### 3.4 Gleichtaktunterdrückung

Aus den Messwerten ergibt sich eine Gleichtaktunterdrückung von:

$$\begin{aligned} & \text{CMRR}_1 = G = |\frac{v_{u_d}i}{v_{u_{gl}}}| = S \cdot R_E = 0,038 \frac{A}{V} \cdot 4,7k\Omega = 178,6 \\ & \text{CMRR}_2 = G = |\frac{v_{u_d}i}{v_{u_{gl}}}| = S \cdot R_E = 0,038 \frac{A}{V} \cdot 4,7k\Omega = 178,6 \end{aligned}$$

Theoretisch soll die Gleichtaktunterdrückung bei folgenden Werten liegen:

$$\begin{split} \text{CMRR}_1 &= G = |\frac{v_{u_d}i}{v_{u_{gl}}}| = \frac{18}{0,105} = 169, 8\\ \text{CMRR}_2 &= G = |\frac{v_{u_d}i}{v_{u_{ql}}}| = \frac{18}{0,105} = 169, 8 \end{split}$$



## 4 Wechselspannungsverstärker

#### Aufgabe 4.0

In dieser Aufgabe wollen wir die Wechselspannungsverstärkung, die dem Differenzverstärker zugrunde liegt untersuchen.

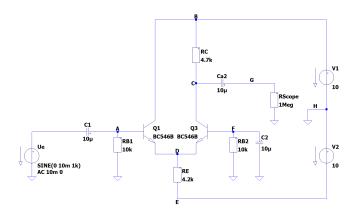


Abbildung 8: Schaltplan für den Versuchsaufbau

#### Vorbereitung

Aus der gegebenen Spannungsverstärkung von ca. 40dB errechnen wir nun den Emitterwiderstand  $R_E$ :

$$v_u = \frac{1}{2} \cdot S \cdot R_C = 40 \text{dB} = 100 \text{mit} S = \frac{I_{C_0}}{U_T}$$
 (6)

Und damit erkennen wir, dass:

$$100 = \frac{I_{C_0} \cdot R_C}{2 \cdot U_T} \tag{7}$$

Wir wollen nun zunächst den Wert für  $I_{C_0}$  berechnen:

$$I_{C_0} = \frac{100 \cdot 2 \cdot U_T}{R_C} = \frac{100 \cdot 2 \cdot 26 \text{mV}}{47k\Omega} = 1,1 \text{mA}$$
 (8)

Wir stellen nun die betreffende Masche auf, um den Widerstandswert von  $R_E$  zu berechnen und erhalten:

$$0V = U_{BE} - U_B + R_E \cdot I_0 \tag{9}$$

Wir stellen nun die Gleichung nach  $R_E$  um und bekommen:

$$R_E = \frac{U_B - U_{BE}}{I_{C_0}} = \frac{10V - 0.7V}{2.2mA} = 4227\Omega.$$
 (10)

Aus der E12-Reihe wählen wir nun  $2 \cdot 1k\Omega$  und  $1 \cdot 2, 2k\Omega$ , womit wir auf  $4, 2k\Omega$  kommen.

#### 4.1 Simulation der Schaltung

Wir wollen nun die Schaltung im berechneten Arbeitspunkt simulieren und die Gleichspannungspotentiale an den Punkten A-H auslesen.



Messpunkt	Spanning (RMS)	Spannung (Mittelwert)
A	35,66 mV	-34,952 mV
В	10V	10V
С	5,0215V	4,9793V
D	673,4 mV	-673,39 mV
Е	10V	10V
F	34,937 mV	-34,937 mV
G	649,62 mV	-5,7671 mV
H	0V	0V

Tabelle 1: Messpunkte aus LTSpice

Aus den oben stehenden Messwerten werden wir nun die Basisströme, Kollektorströme und ihre Stromverstärkung berechnen:

$$\begin{split} I_{C_2} &= \frac{B-C}{R_C} = \frac{10 \text{V} - 4,98 \text{V}}{4,7k\Omega} = 1,068 \text{mA} \\ I_0 &= \frac{D-E}{R_E} = \frac{-0,673 \text{V} + 10 \text{V}}{4,2k\Omega} = 2,22 \text{mA} \\ I_{C_1} &= I_0 - I_{C_2} = 2,22 \text{mA} - 1,068 \text{mA} = 1,152 \text{mA} \\ I_{B_1} &= \frac{A}{R_{B_1}} = \frac{0,035 \text{V}}{10k\Omega} = 3,5 \mu \text{A} \\ I_{B_2} &= \frac{F}{R_{B_2}} = \frac{0,035 \text{V}}{10k\Omega} = 3,5 \mu \text{A} \\ B_1 &= \frac{I_{C_1}}{I_{B_1}} = \frac{1,152 \text{mA}}{3,5 \mu \text{A}} = 329,1 \\ B_2 &= \frac{I_{C_2}}{I_{B_2}} = \frac{1,068 \text{mA}}{3,5 \mu \text{A}} = 305,1 \end{split}$$

Die berechneten Ströme stimmen sehr genau mit den Strömen, die LTSpice berechnet überein:



Operating Point				
V(a):	-0.0349263	voltage		
V(d):	-0.673595	voltage		
V(e):	-10	voltage		
V(f):	-0.0349477	voltage		
V(b):	10	voltage		
V(c):	4.98507	voltage		
V(g):	4.98507e-011	voltage		
V(n001):	0	voltage		
Ic(Q2):	0.00106701	device_current		
Ib(Q2):	3.49477e-006	device_current		
Ie(Q2):	-0.0010705	device_current		
Ic(Q1):	0.00114658	device_current		
Ib(Q1):	3.49263e-006	device_current		
Ie(Q1):	-0.00115007	device_current		
I(C1):	-3.49263e-019	device_current		
I(Ca2):	-4.98507e-017	device_current		
I(C2):	-3.49477e-019	device_current		
I (Rscope) :	4.98507e-017	device_current		
I (Rc) :	0.00106701	device_current		
I (Rb2):	-3.49477e-006	device_current		
I(Re):	0.00222057	device_current		
I(Rb1):	-3.49263e-006	device_current		
I(Ue):	-3.49263e-019	device_current		
I(V2):	-0.00222057	device_current		
I(V1):	-0.00221359	device_current		

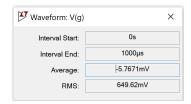
Abbildung 9: Messwerte aus LTSpice

#### 4.2 Simulation Wechselspannungsverstärkung

In der nächsten Teilaufgabe wollen wir nun eine Simulation mit  $\hat{u}_e = 10 \text{mV}$  und f = 1 kHz machen und dann die Wechselspannungsverstärkung ermitteln. Diese wollen wir dann mit der theoretischen Wechselspannungsverstärkung vergleichen.



(a) Eingangsspannung  $u_e$ 



(b) Ausgangsspannung  $u_a$ 

Abbildung 10: Messwerte aus der Simulation

Wir berechnen zunächst einmal den Wert aus der Simulation:

$$u = \sqrt{u_{EFF}^2 - u_{-}^2} \tag{11}$$

$$u_e = \sqrt{(35,66\text{mV})^2 - (-34,952\text{mV})^2} = 7,07\text{mV}$$
  
$$u_a = \sqrt{(649,62\text{mV})^2 - (-5,7671\text{mV})^2} = 649,59\text{mV}$$

Nun errechnen wir aus den beiden oberen Werten die Wechselspannungsverstärkung:

$$v_u = \frac{u_a}{u_e} = \frac{649,59 \text{mV}}{7,07 \text{mV}} = 91,88.$$
 (12)

Wir erkennen, dass dieser Wert nicht extrem weit weg von unserem angestrebten Wert von 100 liegt. Abweichungen können sowohl durch Rundungen, Bauteilabweichungen/-ungenauigkeiten oder durch numerische Verfahren entstehen.



## 4.3 Eingangswiderstand der Schaltung

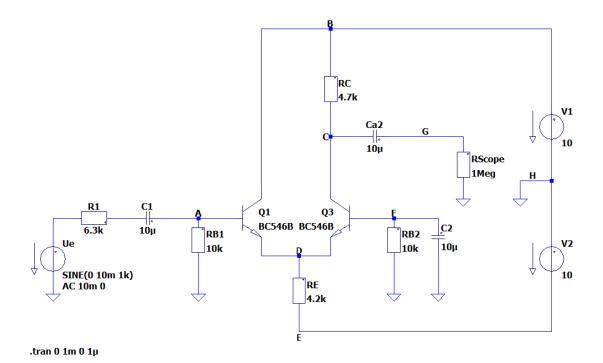


Abbildung 11: Schaltplan für die Messung 4.3

Im nächsten Teilversuch vergleichen wir den Eingangswiderstand der Schaltung, den wir mithilfe einer Formel aus der Vorlesung berechnen können und dem Eingangswiderstand der Schaltung, die wir mittels der Halbausschlagsmethode ermitteln können.

Dazu berechnen wir zuerst einmal den Eingangswiderstand über:

$$r_{ein} = R_B || (2 \cdot r_{BE})$$

$$\frac{R_B \cdot 2 \cdot r_{BE}}{R_B + 2 \cdot r_{BE}} = \frac{10k\Omega \cdot 2 \cdot 4, 2k\Omega}{10k\Omega + 2 \cdot 4, 2k\Omega} = 4,565k\Omega$$
(13)



Wir wollen nun die Halbausschlagmethode nutzen, um einen entsprechenden Vergleichswert zu bekommen:

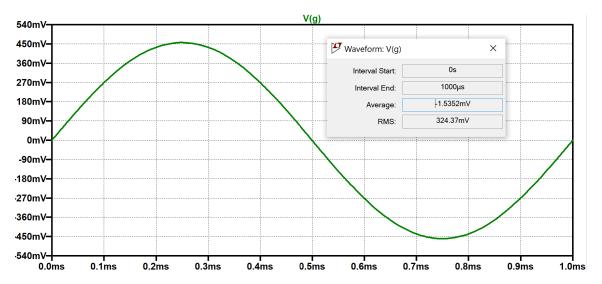


Abbildung 12: Messung für 4.3

Wir erkennen, dass der Wert aus der Simulation erhöht ist und etwa  $6,3k\Omega$  beträgt.



## 4.4 Ausgangswiderstand der Schaltung

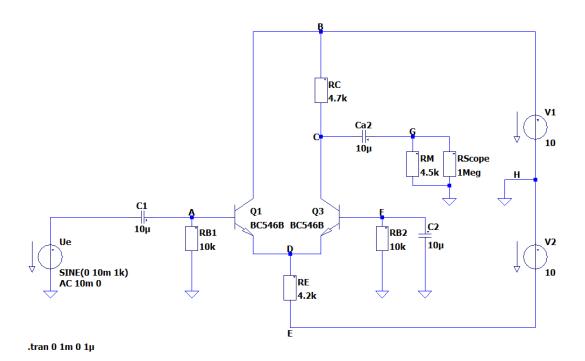


Abbildung 13: Aufbau der Schaltung für 4.4

Im vorletzten Versuch wiederholen wir nun den vorigen Vorgang, wobei wir uns hier jedoch auf den Ausgangswiderstand beziehen. Wir wollen also wieder zunächst den Ausgangswiderstand theoretisch beschreiben und ihn dann mithilfe der Simulation praktisch ermitteln:

$$r_{aus} \approx R_C = 4,7k\Omega$$



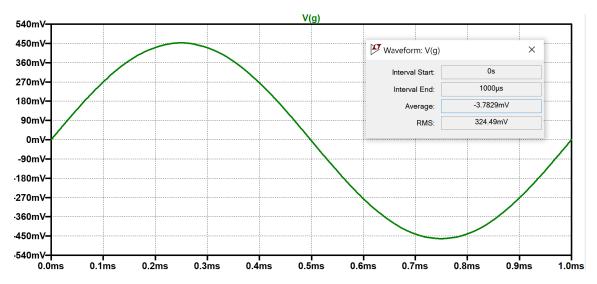


Abbildung 14: Messung für 4.4

Mit der Simulation ermitteln wir dann allerdings einen Wert von ca.  $4,5k\Omega$ . Dieser Wert ist nur leicht geringer als erwartet und entspricht im Groben den Erwartungen.

In beiden Versuchen haben wir die Halbsspannungsmethode verwendet. Wir ermitteln damit, welchen Ein- bzw. Ausgangswiderstand die Schaltung hat. Dabei erhöhen wir unseren Messwiderstand  $R_M$  solange, bis ungefähr die Hälfte der Spannung über unseren  $R_M$  abfällt. Der  $R_M$  hat dann den gleichen Spannungswert wie unser gesuchter Widerstand, weil sich dann die Spannung über beide Widerstände, die dann in Reihe sind, gleichmäßig im Verhältnis 1:1 aufteilt. Wir wissen nämlich, aus dem Ohm'schen Gesetz, dass wenn wir  $U = R \cdot I$  nehmen, und Spannung U und Strom I, denn die Widerstände sind in Reihe, gleich sind, auch der Widerstandswert R für beide Widerstände identisch sein muss.



## 4.5 AC-Analyse der Schaltung

Wir führen im letzten Schritt eine AC-Analyse im Bereich  $f=10{\rm Hz...}10{\rm MHz}$  durch und stellen den Vorgang als Graph nach Frequenz und Spannungsverstärkung in halblogarithmischer Skalierung dar:

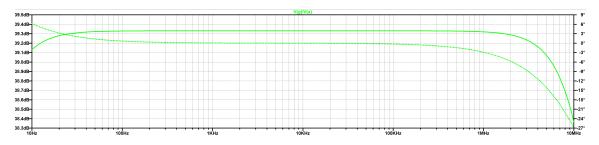


Abbildung 15: Messung der AC-Analyse

## 5 Literatur

[1] Prof.Dr.Björn Lange. Elektronik II Skript. HAW, 2019.

