

1. En esta prueba, practicarás la derivación parcial y el cálculo de la derivada total. Como has visto en los videos, la diferenciación parcial implica tratar cada parámetro y variable por los que no estás diferenciando como si fuera una constante.

1 / 1 punto

Tenga en cuenta que podría ser más rápido eliminar las opciones de opción múltiple que no pueden ser correctas, en lugar de realizar todos los cálculos.

Dado $f(x, y) = x^3 + xy^2 + m^4$, con m algún parámetro, ¿cuáles son las derivadas parciales de $f(x, y)$ con respecto a x y y ?

- ☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 3x^3 + y^2 + m^4$,
 $\frac{\partial f}{\partial y} = x^3 + 2xy + 4m^3$
- ☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 3x^3 + y^2$,
 $\frac{\partial f}{\partial y} = 2xy^2 + 4m^4$
- ☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 3x^2 + y^2 + m^4$,
 $\frac{\partial f}{\partial y} = 3x^2 + y^2 + m^4$
- ☒ $\frac{\partial f}{\partial x} = 3x^2 + y^2$,
 $\frac{\partial f}{\partial y} = 2xy + 4m^3$

✓ **Correcto**
 ¡Bien hecho!

2. Dado $f(x, y, z) = x^2y + y^2z + z^2x$, cuáles son $\frac{\partial f}{\partial x}$, $\frac{\partial f}{\partial y}$ y $\frac{\partial f}{\partial z}$?

1 / 1 punto

- ☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 3xyz$,
 $\frac{\partial f}{\partial y} = 3xyz$
 $\frac{\partial f}{\partial z} = 3xyz$
- ☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = xy + z^2$,
 $\frac{\partial f}{\partial y} = x^2 + yz$
 $\frac{\partial f}{\partial z} = y^2 + zx$

☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 2xy + y^2 \cos X + \cos^2 X,$

$\frac{\partial f}{\partial y} = X^2 + 2yz + \cos^2 X$

$\frac{\partial f}{\partial z} = X^2y + y^2 + 2zx$

☒ $\frac{\partial f}{\partial x} = 2xy + \cos^2 X,$

$\frac{\partial f}{\partial y} = X^2 + 2yz$

$\frac{\partial f}{\partial z} = y^2 + 2zx$

☒ **Correcto**
¡Bien hecho!

3. Dado $f(x, y, z) = y^{2x} - \sin(y)z^2 + e^X y^y$, cuáles son $\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y}, \frac{\partial f}{\partial z}$?

1 / 1 punto

☒ $\frac{\partial f}{\partial x} = 2e^{-2x} - \sin(y)z^2 + e^X y^y,$

$\frac{\partial f}{\partial y} = y^{2x} - \cos(y)z^2 + e^X y^y$

$\frac{\partial f}{\partial z} = 2e^{-2x} - \sin(y)z - \sin(z)e^X y^y$

☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 2e^{-2x} - \sin(y)z^2 + e^y,$

$\frac{\partial f}{\partial y} = y^{2x} - \cos(y)z^2 + e^X$

$\frac{\partial f}{\partial z} = 2e^{-2x} - \sin(y)z - \sin(z)e^X y^y$

☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 2e^{-2x} - \sin(y)z^2 + e^X y^y,$

$\frac{\partial f}{\partial y} = y^{2x} - \cos(y)z^2 + e^X y^y$

$\frac{\partial f}{\partial z} = 2e^{-2x} - \sin(y)z + \sin(z)e^X y^y$

☐ $\frac{\partial f}{\partial x} = 4e^{2x} - \cos(y)z - \sin(z)e^X y^y,$

$\frac{\partial f}{\partial y} = 4e^{2x} - \cos(y)z - \sin(z)e^X y^y$

$\frac{\partial f}{\partial z} = 4e^{2x} - \cos(y)z - \sin(z)e^X y^y$

☒ **Correcto**
¡Bien hecho!

4. Recuerda la fórmula para la derivada total, es decir, para $f(x, y), X = x(t), y = y(t)$, se puede calcular $\frac{df}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{dy}{dt}$.

1 / 1 punto

Dado que $f(x, y) = \frac{\sqrt{x}}{y}$, $x(t) = t$, $y(t) = \sin(t)$, calcular la derivada total $\frac{df}{dt}$.

- ☐ $\frac{df}{dt} = \frac{1}{2\sqrt{t}\sin(t)} - \frac{\sqrt{t}}{\sin^2(t)}$
- ☒ $\frac{df}{dt} = \frac{1}{2\sqrt{t}\sin(t)} - \frac{\sqrt{t}\cos(t)}{\sin^2(t)}$
- ☐ $\frac{df}{dt} = \frac{1}{2\sqrt{t}\sin(t)} + \frac{\sqrt{t}\cos(t)}{\sin(t)}$
- ☐ $\frac{df}{dt} = -\frac{1}{\sqrt{t}\sin(t)} - \frac{\sqrt{t}\cos(t)}{\sin^2(t)}$

✓ **Correcto**
¡Bien hecho!

5. Recuerda la fórmula para la derivada total, es decir, para $f(x, y, z)$, $X = x(t)$, $y = y(t)$ y $con = z(t)$, se puede calcular $\frac{df}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{dy}{dt} + \frac{\partial f}{\partial z} \frac{dz}{dt}$.

1 / 1 punto

Dado que $f(x, y, con) = \cos(x)\sin(y)e^{2z}$, $x(t) = t + 1$, $y(t) = t - 1$, $z(t) = t^2$, calcular la derivada total $\frac{df}{dt}$.

- ☐ $\frac{df}{dt} = [-(t+1)\sin(t+1)\sin(t-1) + (t-1)\cos(t+1)\cos(t-1) + 4\cos(t+1)\sin(t-1)]e^{2t^2}$
- ☐ $\frac{df}{dt} = [-\sin(t+1)\sin(t-1) + \cos(t+1)\cos(t-1) + 2\cos(t+1)\sin(t-1)]e^{2t^2}$
- ☐ $\frac{df}{dt} = [\cos(t+1)\sin(t-1) + \cos(t+1)\cos(t-1) + 4\cos(t+1)\sin(t-1)]e^{2t^2}$
- ☒ $\frac{df}{dt} = [-\sin(t+1)\sin(t-1) + \cos(t+1)\cos(t-1) + 4\cos(t+1)\sin(t-1)]e^{2t^2}$

✓ **Correcto**
¡Bien hecho!