

Explicación detallada de ejercicios sobre recursividad

☒ 3) Potencia recursiva

```
def potencia(base, exponente):  
    if exponente == 0:  
        return 1  
    else:  
        return base * potencia(base, exponente - 1)
```

Explicación paso a paso:

La función `potencia` calcula el resultado de elevar una base a un exponente entero positivo utilizando recursividad.

Esto significa que la operación se resuelve en pasos sucesivos, donde cada paso es una llamada a la misma función con un exponente menor.

◊ Caso base:

Cuando el exponente es 0, la función devuelve 1, ya que cualquier número elevado a la 0 da 1.

Esto detiene las llamadas recursivas.

◊ Paso recursivo:

Se multiplica la `base` por el resultado de la misma función llamada con el `exponente - 1`.

◊ Ejemplo detallado:

Queremos calcular 2^3 , es decir: `potencia(2, 3)`

```
potencia(2, 3)  
→ 2 * potencia(2, 2)  
→ 2 * (2 * potencia(2, 1))  
→ 2 * (2 * (2 * potencia(2, 0)))  
→ 2 * (2 * (2 * 1))  
→ 2 * (2 * 2)  
→ 2 * 4  
→ 8
```

En cada paso, la pila de llamadas se acumula y resuelve desde el fondo hacia arriba.

☒ 4) Conversión de decimal a binario

```
def decimal_a_binario(n):  
    if n == 0:  
        return ""  
    else:  
        return decimal_a_binario(n // 2) + str(n % 2)
```

Explicación paso a paso:

Esta función convierte un número decimal (base 10) a binario (base 2) utilizando recursividad.

◊ Caso base:

Cuando el número es 0, se devuelve una cadena vacía. Este es el punto donde se detiene la recursión.

◊ Paso recursivo:

La función divide el número entre 2 ($n // 2$) y concatena el resto de esa división ($n \% 2$) al final del resultado.

◊ Ejemplo detallado:

Convertimos el número 10 a binario:

```
decimal_a_binario(10)  
→ decimal_a_binario(5) + '0'      # 10 % 2 = 0  
→ (decimal_a_binario(2) + '1') + '0'  # 5 % 2 = 1  
→ ((decimal_a_binario(1) + '0') + '1') + '0'  # 2 % 2 = 0  
→ (((decimal_a_binario(0) + '1') + '0') + '1') + '0'  # 1 % 2 = 1  
→ "" + '1' + '0' + '1' + '0' = "1010"
```

Es importante destacar que el sistema binario se construye **de atrás hacia adelante**, y por eso la función concatena los restos después de resolver todas las llamadas recursivas.

☒ 5) Verificación de palíndromo

```
def es_palindromo(palabra):  
    if len(palabra) <= 1:  
        return True  
    if palabra[0] != palabra[-1]:  
        return False  
    return es_palindromo(palabra[1:-1])
```

Explicación paso a paso:

Un **palíndromo** es una palabra que se lee igual hacia adelante y hacia atrás (como "radar", "reconocer", "oso").

◇ *Caso base:*

Si la palabra tiene 0 o 1 letras, se considera un palíndromo (ya que no hay más letras que comparar).

◇ *Paso recursivo:*

La función compara el primer carácter (`palabra[0]`) con el último (`palabra[-1]`).

- Si **son diferentes**, la palabra no es un palíndromo.
- Si **son iguales**, la función se llama a sí misma con la subcadena que queda en el medio (`palabra[1:-1]`), eliminando el primer y último carácter.

◇ *Ejemplo detallado:*

Verificar si "radar" es un palíndromo:

```
es_palindromo("radar")  
→ 'r' == 'r', sigue con "ada"  
→ 'a' == 'a', sigue con "d"  
→ longitud = 1 → devuelve True
```

La función va "recortando" la palabra desde los extremos hacia el centro y comprobando si sigue siendo simétrica.