

# Université Libre de Bruxelles

# ${\footnotesize INFO-F-403} \\ {\footnotesize Introduction to language theory and compiling} \\$

# Assignement 2: The parser

Maxime Desclers - 362626

Julian Schembri - 380446

## 1 Introduction

Dans le cadre du cours d'introduction à la théorie du langage et de compilation (INFO-F-403), il a été demandé d'implémenter et d'écrire un compilateur pour le langage SUPRALGOL<sup>2016</sup>, une variante du langage Algol68.

La première partie consistait en la création du scanner. Ce scanner analyse et découpe, ensuite, un code SUPRALGOL<sup>2016</sup> permettant d'identifier chacun des éléments de ce dernier, et leur correspondance dans ce langage. La deuxième partie consistait en la création du parser. Ce parser permet de détecter les erreurs de syntaxe ne respectant pas la grammaire du langage à l'aide de tous les outils mis à sa disposion. Les différents outils seront énoncés dans le paragraphe suivant.

Il fallait, dans un premier temps, transformer la grammaire SUPRALGOL<sup>2016</sup> afin de la rendre LL(1). Quatre étapes sont nécessaires à cette transformation : la suppression des symboles inutiles, la suppression de la récursivité à gauche, la factorisation des règles, ainsi que la prise en compte de la priorité et l'associativité des opérateurs pour rendre la grammaire non-ambigüe.

Sur base de cette nouvelle grammaire et quelques manipulations, une action table a pu être créée, rendant possible l'exécution du parser LL(1) qu'il a été demandé de réaliser.

Etant donné la demande de justificatifs des différentes étapes, l'attention a été portée sur l'implémentation des différents algorithmes en vue de l'obtention des réponses les plus adéquates. Dans la suite de ce rapport, seront expliqué les différentes opérations, ainsi que les résultats ayant pu être obtenus grâce à ces dernières.

## 2 Grammaire

Une grammaire permet de définir un langage en définissant sa syntaxe. Elle décrit donc l'ensemble des mots adminissibles, que nous appelerons *terminaux*, à ce langage sur un alphabet donné, que nous appelerons *variables*.

## 2.1 Suppression des variables inutiles

Une variable est inutile si elle ne rempli pas l'une des fonction suivante : être accessible depuis le symbole de départ et produire quelque chose. Dès lors les variables inutiles détectées, elles peuvent être supprimées des différentes listes ainsi que des différentes règles dans lesquelles elles se trouvent.

## 2.2 Priorité et associativité des opérateurs

Afin de rendre la grammaire non-ambigüe, il est nécessaire d'appliquer les priorités et les associativités possible sur les différents opérateurs de cette dernière.

Dans les règles de la grammaire, les plus importantes,  $\varsigma$ -à-d avec une priorité plus élevée, se trouvent les plus haut dans la grammaire. Ceci peut être expliqué par le parcours des règles (parcours de liste type ArrayList); en effet les premières règles,  $\varsigma$ -à-d tout en haut de la liste, sont executées en premier. Il ne reste donc qu'à intervertir, remplacer, décaler, des règles en les montant pour en augmenter la priorité ou bien les descendre dans le cas échéant. Si des opérateurs ont la même priorité, ils sont mis sur une même ligne.

## 2.3 Suppression de la récursivité à gauche

La récursivité à gauche est un problème pour le « $Top-Down\ parsing$ ». En effet, cette classe de parseur utilise, comme demandé dans l'énoncé, la « $Left-most\ derivation$ ». Pour pallier à ce problème, la récursivité à gauche va être remplacée par une autre sorte de récursivité. L'introduction d'une nouvelle variable est nécessaire.

## 2.4 Factorisation à gauche

Pour les « $Top-Down\ parsing$ », chacunes des règles de la grammaire doit être factorisées à gauche. Comme pour le point précédent sur la recursivité, l'introduction d'une nouvelle variable est nécessaire. Cette étape consiste à rassembler les différents terminaux, ayant un préfixe commun (différent de  $\epsilon$ ), d'une variable, dans cette nouvelle variable recemment introduite. Cela enlève une ambigüité et permet au parser de savoir directement quelle règle choisir sans devoir toutes les parcourir.

## 3 Table d'action

Comme mentionné dans l'introduction, la construction d'une table d'action est nécessaire au bon fonctionnement du parser. Pour chaque symbole, le parseur doit savoir deux choses sur ce dernier : First(X) et Follow(X) où X est le symbole. La grammaire étant de type LL(1), les différents algorithmes faisant présence d'un ordre de grandeur k se le voient attribué à 1. First est donc l'ensemble des premiers terminaux (vecteur d'un seul terminal) rencontré pouvant commencer un mot généré à partir d'une variable. Follow s'applique pour les terminaux qui suivent le mot. Sur base de ces deux vecteurs , la table d'action peut être construite. L'action table permet donc au parseur de faire la liaison, entre les variables et les terminaux, en indiquant le numéro de la règle qui permet cette dernière.

#### 3.1 Valeur de First et Follow

Les différentes étapes permettant d'obtenir ces resultats sont proposées en annexe. Ces étapes ont été réalisées sur base des algorithmes présents dans les slides du cours.

	First	Follow
Program	begin	eps
Code	$[VarName], \ print, \ read, \ for, \ eps, \ while, \ if$	fi,od,else,end
InstList	$[VarName],  print,  read,  for,  while, \\ if$	fi,od,else,end
Instruction	$[VarName],  print,  read,  for,  while, \\ if$	fi,od,else,end,;
InstList'	eps,;	fi,od,else,end
Assign	[VarName]	fi,od,else,end,;

If	if	fi,od,else,end,;
While	while	fi,od,else,end,;
For	for	fi,od,else,end,;
Print	print	fi,od,else,end,;
Read	read	fi,od,else,end,;
ExprArith	[VarName],  (,  -,  [Number]	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
ExprArith0	[VarName], (, [Number]	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
ExprArith0'	eps, *, /	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
Op'	*, /	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
ExprArith1	[VarName], (, [Number]	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
ExprArith1'	eps, +, -	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=

Op"	+, -	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
ExprArith2	[VarName],  (,  [Number]	<=, fi, for, do, while, od, else, by, end, if, [Number], read, (, ), *, +, -, /=, /, [VarName], print, ;, to, <, =, >, >=
Cond	$[VarName],\ not,\ (,\ -,\ [Number]$	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
If'	fi,else	fi,od,else,end,;
Cond0	[VarName],(,-,[Number]	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
SimpleCond	[VarName], (, -, [Number]	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
Cond1	-	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
Cond1'	eps	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
BinOp'	and	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
Cond2	-	read, fi, or, for, then, do, while, [VarName], print, od, else, end, ;, if
Cond2'	or,eps	eps

BinOp"	or	[VarName],  not,  or,  (,  -,  [Number]
Comp	<=, <, =, >, / =, >=	[VarName], (, -, [Number]

# 3.2 Résultats

	begin	end		[VarName]	!!.	I	[Number]	)		*	/	+	if	then	fi	else	not	and	or	II		٨	= >	V	/ =	while	do	po	for	from	by	to	print	read
Program	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	ı	-	-	-	-	-	-	-	-	ı	-	-	-	-	-	-	-	-
Code	-	2	-	3	-	-	-	-	-	-	-	-	3	-	2	2	-	-	-	-	-	-	-	-	-	3	-	2	3	-	-	-	3	3
InstList	-	-	-	4	-	-	-	-	-	-	-	-	4	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	4	-	-	4	-	-	-	4	4
Instruction	-	-	-	7	-	-	-	-	-	-	-	-	8	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	9	-	-	10	-	-	-	11	12
InstList'	-	5	6	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	5	5	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	5	-	-	-	-	-	-
Assign	-	-	-	13	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
If	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	29	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
While	-	-	-	-	1	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	50	-	-	-	-	-	-	-	-
For	-	-	-	-	1	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	51	-	-	-	-	-
Print	-	-	-	-	1	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	52	-
Read	-	-	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	53
ExprArith	-	-	-	15	-	14	15	15	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
ExprArith0	-	-	-	18	-	-	18	18	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
ExprArith0'	-	17	17	17	-	17	17	17	17	16	16	17	17	-	17	17	-	-	-	17	17	17	17	17	17	17	17	17	17	-	17	17	17	17
Op'	-	-	-	-	-	-	-	-	-	25	26	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
ExprArith1	-	-	-	21	-	-	21	21	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
ExprArith1'	-	20	20	20	-	19	20	20	20	20	20	19	20	-	20	20	-	-	-	20	20	20	20	20	20	20	20	20	20	-	20	20	20	20
Op"	-	-	-	-	-	28	-	-	-	-	-	27	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
ExprArith2	-	-	-	22	-	-	23	24	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Cond	-	-	-	33	-	33	33	33	-	-	-	-	-	-	-	-	32	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
If'	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	30	31	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Cond0	-	-	-	34	-	34	34	34	-	-	-	-	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
SimpleCond	-	-	-	41	-	41	41	41	-	-	-	-	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Cond1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Cond1'	-	37	37	37	-	-	-	-	-	-	-	-	37	37	37	37	-	36	37	-	-	-	-	-	-	37	37	37	37	-	-	-	37	37
BinOp'	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	42	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Cond2	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Cond2'	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	39	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
BinOp"	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	43	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Comp	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	44	45	46	47	48	49	-	-	-	-	-	-	-	-	-

## 4 Conclusion

L'implémentation des différents algorithmes n'a pas été une tache facile. Certaines opérations et vérifications ne sont pas, toujours, entièrement décrites dans les slides. Cette implémentation n'est donc sûrement pas parfaite. Plusieurs tests ont été effectués et ont pointé de nombreuses erreurs, qui ont pu être corrigées par la suite. Cependant, pour les recommandations du projet, les résultats ont l'air dans l'ensemble corrects.

Lors de la précédente itération, le rapport avait été quelqu'un peu négligé et cela s'était ressenti. C'est donc pour cela que celui-ci a été mieux préparé, et realisé de la manière la plus claire possible.

## 5 Annexe

1. Algorithmes de transformation de la grammaire

## (a.1) Suppression des variables non productives

```
1) Au départ V_0 = \{ \}
2)
   \langle ExprArith \rangle \rightarrow [VarName]
   \langle Op \rangle \rightarrow +
   \langle BinOp \rangle \rightarrow and
   \langle Comp \rangle \rightarrow =
   \langle Print \rangle \rightarrow print ([VarName])
   \langle Read \rangle \rightarrow read (| VarName |)
   V_1 \leftarrow \{\langle ExprArith \rangle, \langle Op \rangle, \langle BinOp \rangle, \langle Comp \rangle \langle Print \rangle \langle Read \rangle\} \cup V_n
3)
   \langle Instruction \rangle \rightarrow \langle Print \rangle
   \langle Assign \rangle \rightarrow [VarName] := \langle ExprArith \rangle
   \langle SimpleCond \rangle \rightarrow \langle ExprArith \rangle \langle Comp \rangle \langle ExprArith \rangle
   V_{,} \leftarrow \{\langle Instruction \rangle, \langle Assign \rangle, \langle SimpleCond \rangle\} \cup V_{1}
4)
   \langle InstList \rangle \rightarrow \langle Instruction \rangle
   \langle Cond \rangle \rightarrow \langle SimpleCond \rangle
   V_3 \leftarrow \{\langle InstList \rangle, \langle Cond \rangle\} \cup V_2
5)
    \langle Code \rangle \rightarrow \langle InstList \rangle
   V_{4} \leftarrow \{\langle Code \rangle\} \cup V_{3}
    \langle Program \rangle \rightarrow begin \langle Code \rangle end
   \langle If \rangle \rightarrow if \langle Cond \rangle then \langle Code \rangle fi
   \langle While \rangle \rightarrow while \langle Cond \rangle do \langle Code \rangle od
   \langle For \rangle \rightarrow for[VarName] from \langle ExprArith \rangle by \langle ExprArith \rangle to \langle ExprArith \rangle do \langle Code \rangle od
   V_5 \leftarrow \{\langle Program \rangle, \langle If \rangle, \langle While \rangle, \langle For \rangle\} \cup V_A
   V_6 \leftarrow \{\langle Program \rangle, \langle If \rangle, \langle While \rangle, \langle For \rangle, \langle Code \rangle, \langle InstList \rangle, \langle Cond \rangle, \langle Instruction \rangle, \langle Assign \rangle, \}
   \langle SimpleCond \rangle, \langle ExprArith \rangle, \langle Op \rangle, \langle BinOp \rangle, \langle Comp \rangle \langle Print \rangle \langle Read \rangle \}
En ayant V_5 = V_6, La boucle s'arrête.
8) V' \leftarrow V_6
   P' = L'ensemble des règles de P qui ne contiennent pas des variables dans V \setminus V'
Ici, V'=V il n'y a plus rien a enlevé, P'=P and G'=G
```

# (a.2) Suppression des variables inacessible

```
1) Au départ V_0 \leftarrow \{\langle Program \rangle\}

2) \langle Program \rangle \rightarrow begin \langle Code \rangle end, V_1 \leftarrow \{begin, \langle Code \rangle, end \} \cup V_0

3) \langle Code \rangle \rightarrow \langle InstList \rangle, V_2 \leftarrow \{\langle InstList \rangle\} \cup V_1

4) \langle InstList \rangle \rightarrow \langle Instruction \rangle; \langle InstList \rangle, V_3 \leftarrow \{\langle Instruction \rangle, ; \} \cup V_2

5) \langle Instruction \rangle \rightarrow \langle Assign \rangle |\langle If \rangle| \langle While \rangle |\langle For \rangle| \langle Print \rangle |\langle Read \rangle, V_4 \leftarrow \{\langle Assign \rangle, \langle If \rangle, \langle While \rangle, \langle For \rangle, \langle Print \rangle, \langle Read \rangle \} \cup V_3
```

```
6) \langle Assign \rangle \rightarrow [VarName] := \langle ExprArith \rangle, V_5 \leftarrow \{[VarName], :=, \langle ExprArith \rangle] \cup V_4
7) \langle ExprArith \rangle \rightarrow [Number] | (\langle ExprArith \rangle) | -\langle ExprArith \rangle | \langle ExprArith \rangle \langle Op \rangle \langle ExprArith \rangle,
      V_6 \leftarrow \{[Number], (,), -, \langle Op \rangle\} \cup V_5
8) \langle Op \rangle \rightarrow + |-|*|/, V_7 \leftarrow \{+, -, *, /\} \cup V_6
9) \langle If \rangle \rightarrow if \langle Cond \rangle then \langle Code \rangle else \langle Code \rangle fi, V_{\gamma} \leftarrow \{if, \langle Cond \rangle, then, else, fi\} \cup V_{6}
10)
   \langle Cond \rangle \rightarrow \langle Cond \rangle \langle BinOp \rangle \langle Cond \rangle | not \langle SimpleCond \rangle, V_8 \leftarrow \{\langle BinOp \rangle, not, \langle SimpleCond \rangle\} \cup V_7 \rangle
11) \langle SimpleCond \rangle \rightarrow \langle ExprArith \rangle \langle Comp \rangle \langle ExprArith \rangle, V_{g} \leftarrow \{\langle Comp \rangle\} \cup V_{g}
12) \langle BinOp \rangle \rightarrow \text{and} | \text{or}, V_{10} \leftarrow \{ \text{and}, \text{or} \} \cup V_9 
13) \langle \textit{Comp} \rangle \rightarrow = |>=|>|<=|<|/=, V_{11} \leftarrow \{=,>=,>,<=,<,/=\} \cup V_{10}
14) \langle While \rangle \rightarrow while \langle Cond \rangle do \langle Code \rangle od, V_{12} \leftarrow \{while, do, od\} \cup V_{11}
15) \langle For \rangle \rightarrow for[VarName] from \langle ExprArith \rangle by \langle ExprArith \rangle to \langle ExprArith \rangle do \langle Code \rangle od,
   V_{13} \leftarrow \{for, from, by, to\} \cup V_{12}
16) \langle Print \rangle \rightarrow print([VarName]), V_{14} \leftarrow \{print\} \cup V_{13}
17) \langle Read \rangle \rightarrow read([VarName]), V_{15} \leftarrow \{read\} \cup V_{14}
18) V_{16} \leftarrow \{\langle Program \rangle, begin, \langle Code \rangle, end, \langle InstList \rangle, \langle Instruction \rangle, ;, \langle Assign \rangle, \langle If \rangle, \langle While \rangle\}
   \langle For \rangle, \langle Print \rangle, \langle Read \rangle, [VarName], :=, \langle ExprArith \rangle, [Number], (,), -, \langle Op \rangle, +, -, *, I, if
   \langle Cond \rangle, then, else, fi, \langle BinOp \rangle, not, \langle SimpleCond \rangle, \langle Comp \rangle, and, or, =,>=,>,<=,<,/=, while
   do, od, for, from, by, to, print, read}
Having V_{16} = V_{15}, the loop stops.
19) V' \leftarrow V_{16} \cap V = V; T' \leftarrow V_{16} \cap T = T
   P' <-L'ensemble des règles de P qui contiennent seulements des variables de V_{16}
Ici V_{16} = V vu que P' = P on a G' = G.
```

# (b.1) Suppression de la récursivité à gauche

Dans cette grammaire, il y a quatre cas de récursivité à gauche :

```
 \langle \textit{ExprArith} \rangle \rightarrow \langle \textit{ExprArith} \rangle \langle \textit{Op'} \rangle \langle \textit{ExprArith} \rangle | \langle \textit{ExprArith} 0 \rangle \\ \langle \textit{ExprArith} \, 0 \rangle \rightarrow \langle \textit{ExprArith} \, 0 \rangle \langle \textit{Op''} \rangle \langle \textit{ExprArith} \rangle | \langle \textit{ExprArith} \, 1 \rangle \\ \langle \textit{Cond} \rangle \rightarrow \langle \textit{Cond} \rangle \langle \textit{BinOp'} \rangle \langle \textit{Cond} \rangle | \langle \textit{Cond} \, 0 \rangle \\ \langle \textit{Cond} \, 0 \rangle \rightarrow \langle \textit{Cond} \, 0 \rangle \langle \textit{BinOp''} \rangle \langle \textit{Cond} \, \rangle | \langle \textit{Cond} \, 1 \rangle
```

Pour le première cas, introduisons une nouvelle variable  $\langle \textit{ExprArith'} \rangle$  et supprimons la récursivité:

```
\langle ExprArith' \rangle \rightarrow \langle Op' \rangle \langle ExprArith \rangle \langle ExprArith' \rangle | \varepsilon 
\langle ExprArith \rangle \rightarrow \langle ExprArith \rangle \langle ExprArith' \rangle
```

Pour le deuxième cas, introduisons une nouvelle variable  $\langle \textit{ExprArith 0'} \rangle$  et supprimons la récursivité :

```
\langle \textit{ExprArith 0'} \rangle \rightarrow \langle \textit{Op''} \rangle \langle \textit{ExprArith} \rangle \langle \textit{ExprArith 0'} \rangle | \varepsilon \langle \textit{ExprArith 0} \rangle \rightarrow \langle \textit{ExprArith 1} \rangle \langle \textit{ExprArith 0'} \rangle
```

```
Pour le troisième cas, introduisons une nouvelle variable \langle Cond' \rangle et supprimons la récursivité : \langle Cond' \rangle \rightarrow \langle BinOp' \rangle \langle Cond \rangle \langle Cond' \rangle | \varepsilon  \langle Cond \rangle \rightarrow \langle Cond \rangle \langle Cond' \rangle
```

Pour le quatrième cas , introduisons une nouvelle variable  $\langle \mathit{Cond}\,0^{\,\prime}\rangle$  and remove the left-recursion:

```
\langle Cond 0' \rangle \rightarrow \langle BinOp'' \rangle \langle Cond \rangle \langle Cond 0' \rangle | \varepsilon
\langle Cond 0 \rangle \rightarrow \langle Cond 1 \rangle \langle Cond 0' \rangle
```

## (b.2) Factorisation

```
Dans cette grammaire, il y a seulement un type de règles avec un préfixe commun  \langle If \rangle {\to} if \langle Cond \rangle then \langle Code \rangle fi \\ \langle If \rangle {\to} if \langle Cond \rangle then \langle Code \rangle else \langle Code \rangle fi  Pour ce premier cas, introduisons une nouvelle variable \langle If' \rangle et factorisons là  \langle If \rangle {\to} if \langle Cond \rangle then \langle Code \rangle \langle If' \rangle \\ \langle If' \rangle {\to} fi \\ \langle If' \rangle {\to} else \langle Code \rangle fi
```

# (c) Rendre la gammaire non ambigüe

```
Pour la règle \langle ExprArith \rangle, il faut appliquer les priorités suivante:
   -x
   */
   [VarName][Number](x)
Réécrivons la règle \langle Op \rangle:
   \langle Op' \rangle \rightarrow + |-
   \langle Op'' \rangle \rightarrow * | /
Ensuite réécrivons les règle \langle \textit{ExprArith} \rangle s:
   \langle ExprArith \rangle \rightarrow \langle ExprArith \rangle \langle Op' \rangle \langle ExprArith \rangle | \langle ExprArith 0 \rangle
   \langle ExprArith \, 0 \rangle \rightarrow \langle ExprArith \, 0 \rangle \langle Op'' \rangle \langle ExprArith \rangle | \langle ExprArith \, 1 \rangle
   \langle ExprArith 1 \rangle \rightarrow -\langle ExprArith \rangle || VarName || \vee [Number] \vee (\langle ExprArith \rangle)
Pour la règle \langle Cond \rangle, il faut appliquer les priorités suivante
   not x
   > < >= <= = /=
   and
   or
Réécrivons la règle \langle BinOp \rangle:
   \langle BinOp' \rangle \rightarrow \text{or}
   \langle \mathit{BinOp''} \rangle \rightarrow \text{and}
Pour finir, réécrivons les règles \langle Cond \rangle :
   \langle Cond \rangle \rightarrow \langle Cond \rangle \langle BinOp' \rangle \langle Cond \rangle | \langle Cond 0 \rangle
   \langle Cond \, 0 \rangle \rightarrow \langle Cond \, 0 \rangle \langle BinOp'' \rangle \langle Cond \rangle |\langle Cond \, 1 \rangle
   \langle Cond 1 \rangle \rightarrow not \langle SimpleCond \rangle | \langle SimpleCond \rangle
```

## 2. Les différentes règles de la grammaire transformée

```
1 : <Program> -> begin <Code> end
2 : <Code> -> eps
3 : <Code> -> <InstList>
4 : <InstList> -> <Instruction> <InstList'>
5 : <InstList'> -> eps
6 : <InstList'> -> ; <InstList>
7 : <Instruction> -> <Assign>
8 : <Instruction> -> <If>
9 : <Instruction> -> <While>
10 : <Instruction> -> <For>
11 : <Instruction> -> <Print>
12 : <Instruction> -> <Read>
13 : <Assign> -> [VarName] := <ExprArith>
14 : <ExprArith> -> - <ExprArith0>
15 : <ExprArith> -> <ExprArith0>
16 : <ExprArithO'> -> <Op'> <ExprArith> <ExprArithO'>
17 : <ExprArithO'> -> eps
18 : <ExprArith0> -> <ExprArith1> <ExprArith0'>
19 : <ExprArith1'> -> <Op''> <ExprArith> <ExprArith1'>
20 : <ExprArith1'> -> eps
21 : <ExprArith1> -> <ExprArith2> <ExprArith1'>
22 : <ExprArith2> -> [VarName]
23 : <ExprArith2> -> [Number]
24 : <ExprArith2> -> ( <ExprArith> )
25 : <0p'> -> *
26 : <0p'> -> /
27 : <0p''> -> +
28 : <0p','> -> -
29 : <If> -> if <Cond> then <Code> <If'>
30 : <If'> -> fi
31 : <If'> -> else <Code> fi
32 : <Cond> -> not <Cond0>
33 : <Cond> -> <Cond0>
34 : <Cond0> -> <SimpleCond>
35 : <Cond0> -> <Cond1>
36 : <Cond1'> -> <Bin0p'> <Cond2> <Cond1>
37 : <Cond1'> -> eps
38 : <Cond1> -> <Cond2> <Cond1'>
39 : <Cond2'> -> <BinOp''> <Cond> <Cond2'>
40 : <Cond2'> -> eps
41 : <SimpleCond> -> <ExprArith> <Comp> <ExprArith>
42 : \langle BinOp' \rangle \rightarrow and
43 : <BinOp''> -> or
44 : <Comp> -> =
45 : <Comp> -> >=
46 : <Comp> -> >
47 : <Comp> -> <=
48 : <Comp> -> <
49 : <Comp> -> /=
50 : <While> -> while <Cond> do <Code> od
51 : <For> -> for [VarName] from <ExprArith> by <ExprArith> to <ExprArith> do <Code> od
52 : <Print> -> print ( [VarName] )
```

## 3. Calcul des différentes listes First

```
_____ STEP 0 _____
<Program> :
<Code> : eps ,
<InstList>:
<Instruction>:
<InstList'> : eps ,
<Assign>:
< If > :
<While>:
<For> :
<Print> : print ,
<Read> : read ,
<ExprArith> :
<ExprArith0> :
<ExprArith0'> : eps ,
<\!\!\mathrm{Op}^{\frac{1}{2}}\!\!> : *_{\frac{1}{2}}, /_{\frac{1}{2}},
<ExprArith1> :
<ExprArith1'> : eps ,
<Op''> : + , -
<ExprArith2> : [VarName] , [Number] ,
<Cond>:
\langle \text{If'} \rangle : fi , else ,
<Cond0>:
<SimpleCond>:
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
  _____ STEP 1 _____
<Program> : begin ,
<Code> : eps ,
<InstList>:
<Instruction> : print , read ,
<InstList'> : eps ,
<Assign>:
< If > :
<While>:
<For> :
<Print> : print ,
<Read> : read ,
<ExprArith> :
<ExprArith0> :
<ExprArith0'> : eps ,
<Op'> : * , / ,
```

```
<ExprArith1> : [VarName] , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps ,
<0p''> : + , - 
<ExprArith2> : [VarName] , [Number] ,
<Cond>:
\langle \text{If'} \rangle : fi , else ,
<Cond0>:
<SimpleCond>:
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
_____ STEP 2 _____
<Program> : begin ,
<Code> : eps ,
\langle InstList \rangle: print , read ,
<Instruction> : print , read ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign>:
< If > :
<While>:
<For> :
<Print> : print ,
<Read> : read ,
<ExprArith> :
<ExprArith0> : [VarName] , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps ,
<Op'> : * , / ,
<ExprArith1> : [VarName] , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps ,
< Op', > : + , -
<ExprArith2> : [VarName] , [Number] ,
<Cond>:
\langle \text{If'} \rangle : fi , else ,
<Cond0>:
<SimpleCond>:
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
   _____ STEP 3 _____
<Program> : begin ,
<Code> : print , read , eps ,
<InstList> : print , read ,
<Instruction> : print , read ,
<InstList'> : eps , ; ,
```

```
<Assign>:
<If>:
<While>:
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read
<ExprArith>: [VarName] , - , [Number] ,
<ExprArith0>: [VarName] , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
\begin{array}{l} <\!\!\operatorname{Op'}\!\!> : * , / , \\ <\!\!\operatorname{ExprArith1}\!\!> : [\operatorname{VarName}] , [\operatorname{Number}] , \end{array}
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
< Op'' > : + , -
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond> :
\langle \text{If'} \rangle : fi , else ,
<Cond0>:
<SimpleCond> : [VarName] , - , [Number] ,
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
_____ STEP 4 _____
<Program> : begin ,
<Code> : print , read , eps ,
<InstList> : print , read ,
<Instruction> : print , read , for ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
<If>:
<While>:
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read
<ExprArith> : [VarName] , - , [Number] ,
<ExprArith0> : [VarName] , [Number] ,
\langle \text{ExprArith0'} \rangle : \text{eps} , * , / ,
<\!\!\operatorname{Op'}\!\!> : * , / , <\!\!\operatorname{ExprArith1}\!\!> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
<Op','> : + , - ,
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond> :
\langle \text{If'} \rangle : fi , else ,
<Cond0>: [VarName] , - , [Number] ,
<SimpleCond> : [VarName] , - , [Number] ,
<Cond1>:
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : eps ,
```

```
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
   _____ STEP 5 _____
<Program> : begin ,
<Code> : print , read , eps ,
<InstList>: print , read , for ,
<Instruction> : [VarName] , print , read , for ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
< If > :
<While> : while ,
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read
<ExprArith> : [VarName] , - , [Number] ,
<ExprArith0>: [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
<\!\!\operatorname{Op'}\!\!>\ :\ *\ ,\ /\ , <\!\!\operatorname{ExprArith1}\!\!>\ :\ [\operatorname{VarName}]\ ,\ (\ ,\ [\operatorname{Number}]\ ,
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
<Op', > : + , - ,
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond> : [VarName] , not , - , [Number] ,
\langle \text{If'} \rangle : fi , else
<Cond0>: [VarName] , - , [Number] ,
<SimpleCond> : [VarName] , - , [Number] ,
<Cond1>:
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<\!\!\operatorname{Comp}\!\!>\;:\;<=\;\;,\;<\;\;,\;=\;\;,\;>\;\;,\;\;/\!\!=\;\;,\;>=\;\;,
   _____ STEP 6 _____
<Program> : begin ,
<Code> : print , read , for , eps ,
<InstList> : [VarName] , print , read , for ,
<Instruction> : [VarName] , print , read , for , while ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
\langle If \rangle : if ,
<While> : while ,
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read .
<ExprArith>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<ExprArith0> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
\begin{array}{l} <\!\!\operatorname{Op'}\!\!> : * \;\;, \;\; / \;\;, \\ <\!\!\operatorname{ExprArith1}\!\!> : \; [\operatorname{VarName}] \;\;, \;\; ( \;\;, \;\; [\operatorname{Number}] \;\;, \end{array}
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
<Op''> : + , - ,
```

```
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond> : [VarName] , not , - , [Number] ,
\langle \text{If'} \rangle : fi , else
<Cond0>: [VarName] , - , [Number] ,
<SimpleCond>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<Cond1>:
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<\!\!\operatorname{Comp}\!\!>\;:\;<\!\!=\;,\;<\;,\;=\;,\;>\;,\;/\!\!=\;,\;>\!\!=\;,
          _____ STEP 7 ____
<Program> : begin ,
<Code> : [VarName] , print , read , for , eps ,
<InstList> : [VarName] , print , read , for , while ,
<Instruction> : [VarName] , print , read , for , while , if ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
\langle If \rangle : if ,
<While> : while ,
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read
<ExprArith>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<ExprArith0> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
<Op'> : * , / ,
<ExprArith1> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
<Op''> : + , - ,
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond>: [VarName] , not , - , [Number] ,
<If'> : fi , else
<\!\!\operatorname{Cond0}\!\!>\;:\;[\operatorname{VarName}] \quad,\; (\quad,\;-\quad,\;[\operatorname{Number}]\quad,
<SimpleCond> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
\langle BinOp' \rangle: and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
         _____ STEP 8 _____
<Program> : begin ,
<Code> : [VarName] , print , read , for , eps , while ,
<InstList> : [VarName] , print , read , for , while , if
<Instruction> : [VarName] , print , read , for , while , if ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
\langle If \rangle : if ,
<While> : while ,
```

```
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
<\!\!\operatorname{Op'}\!\!> : * , / , <\!\!\operatorname{ExprArith1}\!\!> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps , + , -
<Op','> : + , -
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond>: [VarName] , not , ( , - , [Number] ,
\langle \text{If'} \rangle : fi , else
<Cond0>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<SimpleCond> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
        _____ STEP 9 _____
<Program> : begin ,
<Code> : [VarName] , print , read , for , eps , while , if ,
<InstList> : [VarName] , print , read , for , while , if
<Instruction> : [VarName] , print , read , for , while , if ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
\langle If \rangle : if ,
<While> : while ,
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read ,
<\!\!\operatorname{ExprArith}\!\!>\;:\;[\operatorname{VarName}]\;\;,\;(\;\;,\;-\;\;,\;[\operatorname{Number}]\;\;,
<ExprArith0> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
<\!\!\operatorname{Op'}\!\!>:*,/,\\ <\!\!\operatorname{ExprArith1}\!\!>:[\operatorname{VarName}],(,[\operatorname{Number}],
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
<Op''> : + , -
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond>: [VarName] , not , ( , - , [Number] ,
<If'> : fi , else
<Cond0>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<SimpleCond> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
<Cond1>:
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
```

```
==== STEP 10 ======
<Program> : begin ,
<Code> : [VarName] , print , read , for , eps , while , if ,
<InstList> : [VarName] , print , read , for , while , if ,
<Instruction> : [VarName] , print , read , for , while , if ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
\langle If \rangle: if ,
<While> : while ,
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read
<ExprArith>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<ExprArith0> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith0'> : eps , * , / ,
<Op'> : * , / ,
<ExprArith1> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps , + , - ,
\begin{array}{l} <\!\!\operatorname{Op''}\!> : + , - , \\ <\!\!\operatorname{ExprArith2}\!\!> : [\operatorname{VarName}] , ( , [\operatorname{Number}] , \end{array}
<Cond>: [VarName] , not , ( , - , [Number] ,
\langle \text{If'} \rangle : fi , else
<Cond0>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<SimpleCond>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2>:
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
<Instruction> : [VarName] , print , read , for , while , if ,
<InstList'> : eps , ; ,
<Assign> : [VarName] ,
\langle If \rangle: if ,
<While> : while ,
<For> : for ,
<Print> : print ,
<Read> : read ,
<ExprArith>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
<ExprArith0> : [VarName] , ( , [Number] ,
\langle \text{ExprArith0'} \rangle : \text{eps} , * , / ,
<Op'> : * , / ,
<ExprArith1> : [VarName] , ( , [Number] ,
<ExprArith1'> : eps , + , -
<Op''> : + , - ,
<ExprArith2> : [VarName] , ( , [Number] ,
<Cond>: [VarName] , not , ( , - , [Number] ,
\langle \text{If'} \rangle : fi , else
<Cond0>: [VarName] , ( , - , [Number] ,
```

```
<SimpleCond> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
<Cond1> :
<Cond1'> : eps ,
<BinOp'> : and ,
<Cond2> :
<Cond2'> : or , eps ,
<BinOp''> : or ,
<Comp> : <= , < , = , > , /= , >= ,
```

#### 4. Calcul des différentes listes Follow

```
_____ STEP 0 _____
<Program> :
<Code> : fi , od , else , end ,
<InstList>: fi , od , else , end ,
<Instruction> : fi , od , else , end , ; ,
<InstList'> : fi , od , else , end ,
<Assign> : fi , od , else , end , ; ,
\langle If \rangle: fi , od , else , end , ; ,
<While> : fi , od , else , end , ; ,
<For> : fi , od , else , end , ; ,
<Print> : fi , od , else , end , ; ,
<Read> : fi , od , else , end , ; ,
<ExprArith> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [</pre>
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
\langle \text{ExprArith0} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
    Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >=
<ExprArithO'> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] , read , ( , ) , * , + , - , \neq , [VarName] , print , ; ,
    to , < , = , > , >= ,
\langle \mathrm{Op'} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [Number]
    , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; , to , < ,
   = , > , > = ,
<ExprArith1> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [</pre>
   Number] , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; ,
    to , < , = , > , > = ,
<ExprArit1'> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
<Op''> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [Number]
     , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; , to , < ,
    = \ , \ > \ , \ > = \ ,
\langle \text{ExprArith2} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
<Cond> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print , od
     , else , end , ; , if ,
<If'> : fi , od , else , end , ; ,
<Cond0> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<SimpleCond> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] ,
    print , od , else , end , ; , if ,
```

```
<Cond1> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if
<Cond1'> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<BinOp'> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<\!\!\operatorname{Cond2}\!\!> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
   od , else , end , ; , if ,
<Cond2'> :
<BinOp''> : [VarName] , not , or , ( , - , [Number] ,
<Comp> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
   _____ STEP 1 _____
<Program> :
<Code> : fi , od , else , end ,
<InstList> : fi , od , else , end ,
<Instruction> : fi , od , else , end , ; ,
<InstList'> : fi , od , else , end ,
<Assign> : fi , od , else , end , ; ,
\langle If \rangle: fi , od , else , end , ; ,
<While> : fi , od , else , end , ; ,
<For> : fi , od , else , end , ; ,
<Print>: fi , od , else , end , ; ,
<Read> : fi , od , else , end , ; ,
<ExprArith> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [</pre>
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
\langle \text{ExprArith0} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >=
<ExprArithO'> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] , read , ( , ) , * , + , - , \neq , [VarName] , print , ; ,
    to , < , = , > , >= ,
\langle \mathrm{Op'} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [Number]
    , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; , to , < ,
   = , > , > = ,
<ExprArith1> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [</pre>
   Number] , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; ,
    to , < , = , > , > = ,
<ExprArit1'> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
<Op''> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [Number]
     , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; , to , < ,
    = , > , > = ,
\langle \text{ExprArith2} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
   Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , > = ,
<Cond> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print , od
     , else , end , ; , if ,
<If'> : fi , od , else , end , ; ,
<Cond0> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<SimpleCond> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] ,
    print , od , else , end , ; , if ,
```

```
<Cond1> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if
<Cond1'> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<BinOp'> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<\!\!\operatorname{Cond2}\!\!> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<Cond2'> :
<BinOp''> : [VarName] , not , or , ( , - , [Number] ,
<Comp> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
   _____ STEP 2 _____
<Program> : eps ,
<Code> : fi , od , else , end ,
<InstList> : fi , od , else , end ,
<Instruction> : fi , od , else , end , ; ,
<InstList'> : fi , od , else , end ,
<Assign> : fi , od , else , end , ; ,
\langle If \rangle: fi , od , else , end , ; ,
<While> : fi , od , else , end , ; ,
<For> : fi , od , else , end , ; ,
<Print>: fi , od , else , end , ; ,
<Read> : fi , od , else , end , ; ,
<ExprArith> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [</pre>
    Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
<\!\!\mathrm{ExprArith0}\!\!>:<\!\!=\;,\;\mathrm{fi}\;\;,\;\mathrm{for}\;\;,\;\mathrm{do}\;\;,\;\mathrm{while}\;\;,\;\mathrm{od}\;\;,\;\mathrm{else}\;\;,\;\mathrm{by}\;\;,\;\mathrm{end}\;\;,\;\mathrm{if}\;\;,\;[
    Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >=
<ExprArithO'> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
    Number] , read , ( , ) , * , + , - , \neq , [VarName] , print , ; ,
    to , < , = , > , >= ,
\langle \mathrm{Op'} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [Number]
    , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; , to , < ,
    = , > , > = ,
<ExprArith1> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [</pre>
    Number] , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; ,
    to , < , = , > , > = ,
<ExprArit1'> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
    Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
<Op''> : <= , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [Number]
     , read , ( , ) , * , + , - , /= , / , [VarName] , print , ; , to , < ,
     = \ , \ > \ , \ > = \ ,
\langle \text{ExprArith2} \rangle : \langle = , fi , for , do , while , od , else , by , end , if , [
    Number] \ , \ read \ , \ ( \ , \ ) \ , \ * \ , \ + \ , \ - \ , \ /= \ , \ / \ , \ [VarName] \ , \ print \ , \ ; \ ,
    to , < , = , > , >= ,
<Cond> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print , od
     , else , end , ; , if ,
<If'> : fi , od , else , end , ; ,
<Cond0> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
    od , else , end , ; , if ,
<SimpleCond> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] ,
    print , od , else , end , ; , if ,
```

```
<Cond1> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
   od , else , end , ; , if ,
<Cond1'> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
   od , else , end , ; , if ,
<BinOp'> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
   od , else , end , ; , if ,
<Cond2> : read , fi , or , for , then , do , while , [VarName] , print ,
   od , else , end , ; , if ,
<Cond2'> : eps ,
<BinOp''> : [VarName] , not , or , ( , - , [Number] ,
<Comp> : [VarName] , ( , - , [Number] ,
```