

Klausurblatt Umweltphysik, Emma Marie Bach :3

Einheiten

Kraft:
[F] = 1N = 1 $\frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}$
Druck:
[p] = 1Pa = 1 $\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$ = 1 $\frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}^2}$
1bar = 100.000Pa = 1000hPa
Arbeit, Energie:

[W] = [E] = 1J = 1N · m
Leistung:
[P] = W = 1 $\frac{\text{J}}{\text{s}}$ = 1 $\frac{\text{N} \cdot \text{m}}{\text{s}}$
Wärmekapazität:
[c] = 1 $\frac{\text{J}}{\text{K}}$ = 1 $\frac{\text{N} \cdot \text{m}}{\text{K}}$

Mathe

Taylorreihe: $f(x) \approx \sum_{k=1}^n f^{(k)} \cdot (x-a)^k$

Rotierende Systeme

Zentripetalbeschleunigung:

$$\frac{\Delta v}{v} = \frac{\Delta s}{r} \Rightarrow a_Z = \frac{v^2}{r}$$

Zentripetalkraft:

$$F_Z = m \cdot a_Z = m \cdot \frac{v^2}{r}$$

Umlaufgeschwindigkeit:

$$F_Z = F_G \Rightarrow v = \sqrt{\frac{\gamma M}{r}}$$

Umlaufzeit:

$$v = \omega \cdot r \Rightarrow t = 2\pi r \cdot \sqrt{\frac{r}{\gamma M}}$$

Kräfte und Wege

Grundlagen:

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{F}_{a \rightarrow b} = -\vec{F}_{b \rightarrow a}$$

Kreisbahn:

$$s = \varphi \cdot R = \omega \cdot R \cdot t$$

Schwerkraft auf der Erde:

$$F_G = m \cdot g$$

Schwerkraft allgemein:

$$F_G = \gamma \cdot \frac{m \cdot M}{r^2}$$

Auftriebskraft (V = Volumen unter Wasser):

$$F_A = F_{G_{\text{Fluid}}} - F_{G_K} =$$

$$(\rho_{\text{Fluid}} - \rho_K) \cdot g \cdot V$$

Hangabtriebskraft:

$$F_H = F_G \cdot \sin(\alpha) = F_G \cdot \left\| \vec{\nabla} H \right\|_2$$

Normalenkraft:

$$F_N = F_G \cdot \cos(\alpha)$$

Reibungskraft:

$$F_R = \mu \cdot F_N$$

Druck:

$$p = \frac{F}{A} = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2$$

Impuls:

$$\vec{p} = m \cdot \vec{v} \Rightarrow \vec{F} = \dot{\vec{p}}$$

$$\vec{p}_{\text{ges}} = \vec{F}_{\text{ges}} = 0$$

Drehmoment (Torque) mit

Hebelarm r:

$$T = F \cdot r$$

$$T_1 = F_1 \cdot r_1 = F_2 \cdot r_2 = T_2$$

Energie, Arbeit, Leistung

Arbeit:

Für F und Δs parallel:

$$W = F \cdot \Delta s$$

Arbeit gegen die Schwerkraft:

$$W = F_G \cdot \Delta s = m \cdot g \cdot \Delta h$$

$$= \gamma \cdot M \cdot \left(\frac{1}{R_0} - \frac{1}{R_0 + h} \right)$$

Potentielle Energie:

$$E_{\text{pot}} = m \cdot g \cdot h$$

Arbeit gegen die

Reibungskraft:

$$W = F_R \cdot \Delta s = \mu \cdot m \cdot g \cdot \Delta s$$

Arbeit gegen die

Zentripetalkraft:

$$W = 0, \text{ da } F \perp \Delta s$$

Kinetische Energie:

$$E_{\text{kin}} = W = F \cdot \Delta s = m \cdot a \cdot \Delta s =$$

$$m \cdot a \cdot \frac{1}{2} \cdot a \cdot (\Delta t)^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$$

Wärme / Thermische

Energie:

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta T$$

Gespannte Feder:

$$F = k \cdot \Delta x$$

$$E = \frac{1}{2} \cdot k \cdot s^2$$

Mechanische

Energieerhaltung:

$$E_{\text{ges}} = E_{\text{pot}} + E_{\text{kin}} + Q = \text{const}$$

inkl. Reibungswärme Q

Leistung:

$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{\Delta E}{\Delta t} \rightarrow \frac{dW}{dt}$$

Leistung bei

Kraftauswirkung:

$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{F \cdot \Delta s}{\Delta t} = F \cdot v$$

Strömungsdynamik

Staudruck:

$$p = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2$$

Staukraft (ohne

Umströmung):

$$F = p \cdot A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot A \cdot v^2$$

Luftwiderstandskraft:

$$F_L = \frac{1}{2} \cdot c_w \cdot \rho \cdot A \cdot v^2$$

Kontinuitätsgesetz für

Inkompressible Fluide:

$$A \cdot v = \text{const}$$

Volumenarbeit:

$$W_V = - \int F \, ds = - \int p \cdot A \, ds =$$

$$- p \cdot \Delta V$$

Hydrodynamische

Energieerhaltung:

$$E_{\text{ges}} = E_{\text{pot}} + E_{\text{kin}} + W_V = \text{const}$$

\Rightarrow **Bernoulli-Gleichung**

durch Division der Volumen:

$$\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v^2 + \rho \cdot g \cdot h + p = \text{const}$$

Konsequenz: An Orten mit hoher Strömungsgeschwindigkeit ist der Druck geringer (Hydrodynamisches Paradoxon)

Gradientenkraft:

$$\Delta p = \vec{\nabla} p \cdot \Delta x$$

$$\Rightarrow \Delta F = -\Delta p \cdot A = -\vec{\nabla} p \cdot \Delta x \cdot A$$

$$\Rightarrow a = \frac{\Delta F}{m} = -\frac{\vec{\nabla} p}{\rho}$$

Barometrische Höhenformel

Molare Masse M: $M \cdot n = m$

Es gilt: $\frac{dp}{dh} = -\rho \cdot g = -\frac{Mg}{RT} \cdot p$

Barometrische Höhenformel für isotherme Atmosphäre:

$$p(h) = p_0 \cdot e^{-\frac{Mg}{RT} \cdot h}$$

Wind

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Erster Hauptsatz der Thermodynamik

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Zustandsgleichung des Idealen Gases

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Zustandsänderungen

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Wärme, Temperatur, Freiheitsgrade

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Entropie und Enthalpie

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Zweiter Hauptsatz der Thermodynamik

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Strahlung

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Absorption und Emission

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Atmosphärisches Fenster

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Strahlungsbilanz der Erde

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum

gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Treibhauspotential

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Corioliskraft

Bewegung eines Vektors (Bei Rotationsachse Ω und Rotation um den Ursprung): $\frac{d}{dt}\vec{v} = \Omega \times \vec{v}$

Aus der Produktregel folgt $\vec{a}_C = -2\vec{\Omega} \times \vec{v}$.

Bei Axialbewegung v_A mit der Drehachse gibt es keine Beschleunigung. Bei Radialbewegung v_R weg von der Drehachse: $a_{Cor} = 2 \cdot \omega \cdot v_R$ entgegen der Erdrotation (also nach Westen).

Bei Tangentialbewegung v_T mit der Drehung (Ost-West):

$a_{Cor} = 2 \cdot \omega \cdot v_T$. Bei Bewegung mit der Erdrotation würde die Bewegung des Objekts es dazu bringen, sich von der Rotationsachse zu entfernen - wenn es wieder von der Schwerkraft nach unten bewegt wird, "rutscht" es dabei Richtung Äquator.

Die Tangentialgeschwindigkeit ist bereits identisch zur Geschwindigkeit bei Bewegung nach Westen, also $v_T = -v_O$.

Die Radialgeschwindigkeit hängt vom Breitengrad ab - am Breitengrad

$\varphi \in (-\pi, \pi)$ gilt $v_r = v \sin(\varphi)$, es folgt:

$$\begin{pmatrix} a_N \\ a_O \end{pmatrix} = 2 \cdot \omega \cdot \sin(\varphi) \cdot \begin{pmatrix} v_N \\ -v_O \end{pmatrix} := f_C \cdot \begin{pmatrix} v_N \\ -v_O \end{pmatrix}$$

Insgesamt folgt auf der Nordhalbkugel ($\sin(\varphi) > 0$):

- Bewegung nach Norden führt zu Beschleunigung nach Osten
- Bewegung nach Süden führt zu Beschleunigung nach Westen
- Bewegung nach Osten führt zu Beschleunigung nach Süden
- Bewegung nach Westen führt zu Beschleunigung nach Norden

In der Südhemisphäre gilt ($\sin(\varphi) < 0$), also wird die Bewegung umgekehrt.