

Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

1. Datos Generales de la asignatura

Nombre de la asignatura: Cálculo Diferencial

ACF - 0901Clave de la asignatura:

> SATCA¹: 3-2-5

Todas las Carreras Carrera:

2. Presentación

Caracterización de la asignatura

La asignatura contribuye a desarrollar un pensamiento lógico-matemático al perfil del ingeniero y aporta las herramientas básicas para introducirse al estudio del cálculo y su aplicación, así como las bases para el modelado matemático. Además, proporciona herramientas que permiten modelar fenómenos de contexto.

La importancia del estudio del Cálculo Diferencial radica principalmente en proporcionar las bases para los temas en el desarrollo de las competencias del Cálculo Integral, Cálculo Vectorial, Ecuaciones Diferenciales y asignaturas de física y ciencias de la ingeniería, por lo que se pueden diseñar proyectos integradores con cualquiera de ellas.

La característica más sobresaliente de esta asignatura es que en ella se estudian las bases sobre las que se construye el cálculo diferencial. Utilizando las definiciones de función y límite se establece uno de los conceptos más importantes del cálculo: la derivada, que permite analizar razones de cambio y problemas de optimización, entre otras. La derivada es tema de trascendental importancia en las aplicaciones de la ingeniería.

Intención didáctica

La asignatura de Cálculo Diferencial se organiza en cinco temas.

El primer tema se inicia con un estudio sobre los números reales y sus propiedades básicas, así como la solución de problemas con desigualdades. Esto servirá de sustento para el estudio de las funciones de variable real.

El tema dos incluye el estudio del dominio y rango de funciones, así como las operaciones relativas a éstas. También las funciones simétricas, par e impar, escalonadas (definidas por más de una regla de correspondencia), crecientes y decrecientes, periódicas, de valor absoluto, etc.

En el tema tres se introduce la noción intuitiva de límite, así como la definición formal. Se aborda el cálculo de límites por valuación, factorización, racionalización, de límites trigonométricos y los límites laterales. Se incluyen casos especiales de límites infinitos y límites al infinito, así como asíntotas horizontales y verticales. El tema concluye con el estudio de la continuidad en un punto y en un intervalo.

¹ Sistema de Asignación y Transferencia de Créditos Académicos



Secretaría Académica, de Investigación e Innovación
Dirección de Docencia e Innovación Educativa

La derivada, en el tema cuatro, se aborda de manera intuitiva obteniendo la pendiente de la recta tangente a una curva y como una razón de cambio. La definición de derivada permite deducir propiedades y reglas de derivación de funciones.

El último tema consiste principalmente en aplicar las propiedades y reglas de derivación para modelar y resolver problemas de razones de cambio y optimización específicos de cada área.

El estudiante debe desarrollar la habilidad para modelar situaciones cotidianas en su entorno. Es importante que el estudiante valore las actividades que realiza, que desarrolle hábitos de estudio y de trabajo para que adquiera características tales como: la curiosidad, la puntualidad, el entusiasmo, el interés, la tenacidad, la flexibilidad y la autonomía.

El Cálculo Diferencial contribuye principalmente para el desarrollo de las siguientes competencias genéricas: de capacidad de abstracción, análisis y síntesis, capacidad para identificar, plantear y resolver problemas, habilidad para trabajar en forma autónoma, habilidades en el uso de las TIC's, capacidad crítica y autocrítica y la capacidad de trabajo en equipo.

El docente de Cálculo Diferencial debe mostrar y objetivar su conocimiento y experiencia en el área para construir escenarios de aprendizaje significativo en los estudiantes que inician su formación profesional. El docente enfatiza el desarrollo de las actividades de aprendizaje de esta asignatura a fin de que ellas refuercen los aspectos formativos: incentivar la curiosidad, el entusiasmo, la puntualidad, la constancia, el interés por mejorar, el respeto y la tolerancia hacia sus compañeros y docentes, a sus ideas y enfoques y considerar también la responsabilidad social y el respeto al medio ambiente.

3. Competencia a desarrollar

Competencia específica de la asignatura

Plantea y resuelve problemas utilizando las definiciones de límite y derivada de funciones de una variable para la elaboración de modelos matemáticos aplicados.

4. Competencias previas

Utiliza la aritmética para realizar operaciones.

Emplea el álgebra para simplificar expresiones.

Resuelve ecuaciones y sistemas de ecuaciones.

Utiliza la trigonometría para resolver problemas.

Describe las ecuaciones de los principales lugares geométricos.

5. Temario

| No. | Temas | Subtemas |
|-----|-------|----------|
|-----|-------|----------|





Secretaría Académica, de Investigación e Innovación Dirección de Docencia e Innovación Educativa

| 4 | 37/ | 111 / 1 |
|---|------------------------|--|
| 1 | Números reales. | 1.1 Los números reales. |
| | | 1.2 Axiomas de los números reales. |
| | | 1.3 Intervalos y su representación gráfica. |
| | | 1.4 Valor absoluto y sus propiedades. |
| | | 1.5 Propiedades de las desigualdades. |
| | | 1.6 Resolución de desigualdades de primer y |
| | | segundo grado con una incógnita. |
| | | 1.7 Resolución de desigualdades que incluyan |
| | | valor absoluto. |
| 2 | Funciones. | 2.1 Definición de variable, función, dominio y |
| | | rango. |
| | | 2.2 Función real de variable real y su |
| | | representación gráfica. |
| | | 2.3 Función inyectiva, suprayectiva y |
| | | biyectiva. |
| | | 2.4 Funciones algebraicas: polinomiales y |
| | | racionales. |
| | | 2.5 Funciones trascendentes: trigonométricas, |
| | | logarítmicas y exponenciales. |
| | | 2.6 Funciones escalonadas. |
| | | |
| | | 2.7 Operaciones con funciones: adición, |
| | | multiplicación, división y composición. |
| | | 2.8 Función inversa. |
| | | 2.9 Función implícita. |
| | | 2.10 Otro tipo de funciones. |
| 3 | Límites y continuidad. | 3.1 Noción de límite. |
| | | 3.2 Definición de límite de una función. |
| | | 3.3 Propiedades de los límites. |
| | | 3.4 Cálculo de límites. |
| | | 3.5 Límites laterales. |
| | | 3.6 Límites infinitos y límites al infinito. |
| | | 3.7 Asíntotas. |
| | | 3.8 Continuidad en un punto y en un intervalo. |
| | | 3.9 Tipos de discontinuidades. |
| 4 | Derivadas. | 4.1 Interpretación geométrica de la derivada. |
| | | 4.2 Incremento y razón de cambio. |
| | | 4.3 Definición de la derivada de una función. |
| | | 4.4 Diferenciales. |
| | | 4.5 Cálculo de derivadas. |
| | | 4.6 Regla de la cadena. |
| | | 4.7 Derivada de funciones implícitas. |
| | | 4.8 Derivadas de orden superior. |
| | | 1.0 2 311 radas de orden superior. |





Secretaría Académica, de Investigación e Innovación Dirección de Docencia e Innovación Educativa

| 5 | Aplicaciones de la derivada. | 5.1 Recta tangente y recta normal a una curva |
|---|------------------------------|---|
| | | en un punto. |
| | | 5.2 Teorema de Rolle y teoremas del valor |
| | | medio. |
| | | 5.3 Función creciente y decreciente. |
| | | 5.4 Máximos y mínimos de una función. |
| | | 5.5 Criterio de la primera derivada para |
| | | máximos y mínimos. |
| | | 5.6 Concavidades y puntos de inflexión. |
| | | 5.7 Criterio de la segunda derivada para |
| | | máximos y mínimos. |
| | | 5.8 Análisis de la variación de una función. |
| | | Graficación. |
| | | 5.9 Problemas de optimización y de tasas |
| | | relacionadas. |
| | | 5.10 Cálculo de aproximaciones usando |
| | | diferenciales. |
| | | 5.11 La regla de L'Hôpital. |