Lecon1 : Intervalles de IR

1) Définition

Soit 2 et 5 deux nombres réels de la droite graduée ci-dessous :



- ✓ L'ensemble des nombres réels compris entre 2 et 5 forme l'intervalle de 2 à 5. 2 et 5 sont les bornes de l'intervalle. 2 est appelé l'origine et 5 l'extrémité de l'intervalle ;
- ✓ L'ensemble des nombres supérieurs à 5 forme l'intervalle de 5 à plus infini $(+\infty)$;
- ✓ L'ensemble des nombres inferieurs à 2 forme l'intervalle de moins infini $(-\infty)$ à 2.

2) Notation

Soit a et b deux nombres réels.

✓ L'ensemble des nombres réels x tels que a < x < b forme un intervalle ouvert d'origine a et d'extrémité b. il se note]a; b[; a et b n'appartiennent pas à l'intervalle. On le représente ainsi :



✓ L'ensemble des nombres réels x tels que $a \le x \le b$ forme un intervalle fermé d'origine a et d'extrémité b. il se note [a;b]; a et b appartiennent à l'intervalle; On le représente ainsi :



 \checkmark L'ensemble des nombres réels x tels que $a \le x < b$ forme un intervalle fermé en a et ouvert en b. il se note [a;b[; a appartient à l'intervalle et b n'appartient pas à l'intervalle;

On le représente ainsi :



✓ L'ensemble des nombres réels x tels que $a < x \le b$ forme un intervalle ouvert en a et fermé en b. il se note]a;b]; a n'appartient pas à l'intervalle et b appartient à l'intervalle

On le représente ainsi :



- ✓ L'ensemble des nombres réels x tels que $x < a \ (ou \ x \le a)$ forme un intervalle illimité à gauche de a. il se note $]-\infty$; $a[(ou\]-\infty$; a]);
- ✓ On le représente ainsi :



✓ L'ensemble des nombres réels x tels que x > a (ou $x \ge a$) forme un intervalle illimité à droite de a. il se note $a : +\infty[$ (ou $a : +\infty[$).

On le représente ainsi :

