Sakarya Üniversitesi Bilgisayar Mühendisliği

Bahar 2021 IST108 Olasılık ve İstatistik 2. Ödev

- Bu ödevin son teslim tarihi ve saati <u>06 Mayıs 2021 sabah 08:30</u>.
- El ile yazılan ödevler çizgisiz beyaz kâğıda yazılacaktır. Sayfa fotoğrafları aydınlık bir ortamda çekilmelidir. Çekilen fotoğraflar okunabilir olmalıdır. Sayfa fotoğrafları tek bir MS Word belgesine eklenmelidir.
- Ödevlerin Microsoft Word programının denklem aracıyla yazılması tavsiye edilir. Denklem aracı menüden veya araç çubuğundan açılabilir. Örnek resimler ve ödev şablonu ekte mevcuttur.
- Microsoft Word programı öğrenciler için ücretsiz olarak aşağıdaki bağlantıdan edinilebilir.
 - https://www.microsoft.com/tr-tr/education/products/office/default.aspx
- Yazılan ödevler pdf dosyası şeklinde kaydedilmelidir. Dosya adı "ÖğrenciNo_ÖğrenciAdSoyad_Şube.pdf" şablonu şeklinde olmalıdır.
- Kaydedilen tek pdf dosyası <u>ist108.1b@gmail.com</u> adresine gönderilmelidir. Epostanın konu başlığı "Ödev 1 –
 ÖğrenciNo ÖğrenciAdSoyad Şube" şeklinde olmalıdır. Eposta mesajına da aynı bilgiler yazılmalıdır.
- Ödevler için öğrencilerin bireysel çalışması beklenmektedir. Öğrenciler aralarında ödevleri tartışabilirler ama ödevlerin bireysel olarak hazırlanması, yazılması ve teslim edilmesi gerekir.
- Ödevin tüm sayfalarında ad soyad numara ve şube bilgileri (1A, 2B.. gibi) yazılacaktır. Şube bilgisi SABİS' ten öğrenilebilir.
- Kapak yapılmayacaktır.
- Talimatlara uymayan ve/veya belirtilen saatten sonra gönderilen ödevler değerlendirmeye alınmayacaktır.

SORULAR

1. (50puan) Bir A sisteminden B sistemine 1 ve 0 bitleri iletilmektedir. A'dan B'ye 1 biti iletmek için T=5volt, 0 biti iletmek için T=0volt değerinde sinyal gönderilmektedir. Gönderilen sinyal yükselticiye aktarılmadan önce bağlantı üzerinde N₁ gürültüsüne maruz kalmakta dolayısıyla T+N₁ haline gelmektedir. Daha sonra gürültülü sinyal yükselticiye uygulanarak çıkışından 2(T+N₁) şeklinde bir sinyal elde edilmektedir. Bu sinyal B'ye gönderilmek için iletim hattına aktarıldığında yeni bir N₂ gürültüsü eklenmekte ve B'nin aldığı sinyal R=2(T+N₁)+N₂ halini almaktadır.

 N_1 gürültüsü ortalaması 0, varyansı 4 olan normal dağılım olarak ve N_2 gürültüsü ortalaması -1, varyansı 9 olan normal dağılım olarak modelleniyor. B cihazı aldığı R değerindeki sinyalin hangi bit değerine karşılık geldiğini tespit etmek için aşağıdaki çözümleme yöntemini kullanmaktadır.

Eğer R<1 ise alınan bit 0 biti olarak çözümlenir.

Eğer R>4 ise alınan bit 1 biti olarak çözümlenir.

Eğer 0 biti gönderildiğinde 0 biti olarak çözümlenmemişse veya 1 biti gönderildiğinde 1 biti olarak çözümlenmemişse hata olarak kabul edilmektedir.

İpucu: n tane rastgele değişken bağımsız ise

$$E[X_1 + X_2 + \dots + X_n] = E[X_1] + E[X_2] + \dots + E[X_n]$$

$$Var(X_1 + X_2 + \dots + X_n) = Var(X_1) + Var(X_2) + \dots + Var(X_n)$$

- a. 1 biti gönderildiğinde hata ihtimalini bulunuz.
- **b.** 0 biti gönderildiğinde hata ihtimalini bulunuz.

- 2. (50puan) Bir sunucuya 1 saniyede ortalama 1 paket gelmektedir. Sunucu ise kendisine gelen 5 paketi kullanarak bir doküman hazırlamaktadır. Paketler arasında geçen süre üstel rastgele değişken olarak modellenmiştir. X, sunucunun bir doküman hazırlaması için geçen süreyi ifade eden rastgele değişken olsun. Bir doküman hazırlanması için geçen sürenin
 - a. 10 saniyeden fazla olma olasılığını bulunuz.
 - **b.** 5 saniye ile 10 saniye arasında olma olasılığını bulunuz.