Gebze Technical University Computer Engineering

CSE 222 2017 Spring

HOMEWORK 2 REPORT

EMRE ÇELİK 141044024

Course Assistant: NUR BANU ALBAYRAK 1.

Öncelikle içteki döngüde 3 ifade var ve bunlar constant time da çalışır.

Best Case : n=1 olursa döngülere hiç girmez. Bu yüzden çalışma süresi : $\Theta(1)$ dir , yani constant time da çalışır.

Worst Case : 2 döngünün de n-1 defa dönmesiyle (n-1)*(n-1)*3 ifadesi karşımıza çıkar.Gelen sonuç en yüksek dereceli terim n^2 olduğundan worst case çalışma süresi : $\Theta(n^2)$ dir. Genel çalışma süresi $O(n^2)$ dir.

2.

Best Case : Gelen stringin null olması veya boş olması durumunda 1 defa çalışması Constant time $\Theta(1)$.

Worst Case : Stringin uzunluğu kadar recursive fonksiyon çağırma işlemi n defa olacak.Bir sondaki çağırmada n-1 uzunluklu string gönderilecek.Bu şekilde constant time da çalışan işlemlerle beraber devam edecek.

```
\begin{split} T(n) &= c + T(n-1); \\ T(n-1) &= c + c + T(n-2) \\ T(n-2) &= c + c + c + T(n-3) \\ \cdot \\ \cdot \\ T(n-m) &= m*c \text{ (best case e kadar , kendini çağırmaz)} \\ ..n &= m \\ T(n) &= n*c \text{ yani worst case çalışma süresi : } \Theta(n) \\ Genel Çalışma Süresi : O(n) \end{split}
```

A2)

1.

Program bubble sort yapar. Dıştaki döngü(j) n-1 defa , içteki döngü n - j defa dıştakinin konumdan sağ tarafa devam ederek dıştakinin indisiyle karşılaştırma yapıp gerektiği durumda swap işlemi yapar. En küçükten küçükse en küçükle yer değiştirir.

2.

Best Case : Dizi boştur.Donguler hiç çalışmaz.Çalışma süresi constant time $\Theta(1)$ dir. Worst Case : Dögüler tüm karşılaştırmaları yapacak şekilde dıştaki döngü (n-1) kez , içteki döngü n-j kez doner.(n-1)*(n-j) den en büyük dereceli terim n^2 dir.Bu yüzden Çalışma süresi $\Theta(n^2)$ dir.

A3)

```
A4)

1. 
sort(arr,int n){
    if(n <= 1)
        return;
    else
        sort(arr,n-1);

    temp ← arr[n];
    i ← n;

    while(i > 0 && arr[i - 1] > temp){
        arr[i] ← arr[i - 1];
        i ← i - 1;
    }
    arr[i] ← temp;
}
(küçükten büyüğe)
```

Insertion sort recursive fonksiyonda dizinin eleman sayısı 1 den büyük olduğu sürece eleman sayısı 1 azaltılıp çağrılır.Her seferinde bulunulan eleman ile kendinden öncekiler karsılastırılıp bu elemandan büyük(veya küçük) olan elemanlar sağa kaydırılır ve bu eleman onların soluna alınır.Bu şekilde devam eder.

2,3. Worst Case 'de en büyük (veya en küçük) elemanın en sonda veya en başta olması yani fonksiyon (n-1) defa çağrılmış olur.İçerdeki if ler ve ifadeler constant time da çalışır , while döngüsü 1,2,3, ... n-1 defa döner.

```
T(n) = T(n-1) + c1*(n-1) + c2 \qquad (c1 \ ve \ c2 \ sabit \ sayı) T(n-1) = T(n-2) + c1*(n-2) + c2 + c2 . . n-1 \ defa \ tekrarlarsa T(n) = c1*(k*n - Ctoplam) + c2toplam k = n-1 T(n) = c1*(n*(n-1) - Ctoplam) + c2toplam constantlara \Theta(1) zamanda çalıştıklarını söylersek , geriye n^2 + c1n + c2 gibi bir ifade kalır. Burda en yükse dereceli terim n^2 olduğu için algoritma worst case çalışma süresi \Theta(n^2) dir.
```

2.yol : içteki while döngüsü 1,2,3 .. n-1 defa döndüğü için içindeki ifadelere c dersek toplamda ; c*1 + c*2 + c*3 .. c*(n-1) kez çalışır.Bunu sonucu (n-1 e kadar olan sayıların toplamı) * c dir. $\rightarrow c(n-1)(n-1+1)*2 = cn^2 / 2 + cn / 2$ dir.En yüksek dereceli terim n^2 olduğundan (cn den daha büyük artış hızına sahip) worst case çalışma süresi $\Theta(n^2)$ dir.

$$n \ge n0$$
 ve $0 \le c1g(n) \le T(n)$ alt sınırı $T(n) = \Omega(g(n))$
 $n \ge n0$ ve $0 \le T(n) \le c2g(n)$ üst sınırı $T(n) = O(g(n))$

1.
$$f(n) = n \wedge 0.1$$
, $g(n) = (\log n) \wedge 10$

g(n) fonksiyonu logaritmik fonksiyon olduğu için f(n) fonksiyonuna(kök) göre çok daha düşük büyüme oranına sahiptir.

 $\lim_{n\to\infty}(f(n)/g(n))=\infty$ olduğundan f(n)in daha yüksek büyüme oranına sahip olduğunu görürüz. $n\to\infty$

$$f(n) = \Omega(g(n))$$

2.
$$f(n) = n!$$
, $g(n) = 2 \land n$

n!(faktoriyel) fonksiyonu 2^n (exponensiyel) e göre daha yüksek büyüme oranına sahiptir.Bu nedenle g(n), f(n)i alttan sınırlar.

$$c = 1 i con n0 = 4 i con \rightarrow 1*2^4 <= 4! \rightarrow 16 <= 24$$

 $n >= 4$

$$f(n) = \Omega(g(n)) dir.$$

3.
$$f(n) = (\log n) \cdot (\log n), g(n) = 2 \cdot ((\log 2(n) \cdot 2))$$

Burada fonksiyonların tabanlarını karşılaştırırsak f(n) in tabanı logaritmik , g(n) in tabanı exponensiyel dir.Logaritmik olan daha küçük büyüme oranına sahiptir.Üsleri karşılaştırırsak f(n) in üssü log n , g(n) in üssü (log $n)^2$ dir(logartima tabanının önemi olmuyor , sabit olarak degerlendiriyoruz).log n , (log $n)^2$ ye göre daha yavaş büyür.Bu nedenle g(n) daha yüksek büyüme oranına sahip olduğu içi f(n) i üstten sınırlar.

$$f(n) = O(g(n)) dir.$$

A6)

Bu 3 yapı ile performans testi yapabilmek için bu yapıları kullanarak add,set,get,remove gibi methodları çağırdığım yerlere timer koyup çalışma sürelerini ekrana bastım.Aldığım sonuçlara(aşağıda ekran görüntüleri ve kıyaslamaları mevcut) göre add ve remove işlemlerinde 3 yapı da birbirine yakın performanslar verdi.Add üçü için de sona eklediğinden O(1) constant time çalışma sürelerine sahipler.Array ve ArrayList kapasite aşımında yeniden yer alıp işlem yaptıklarından LinkedListe göre bazen ekleme sırasında daha verimsiz olabiliyor.Remove işleminde verilen indis sayısı kadar kontrol gerçekleşeceğinden üçü de O(n) çalışma süresine sahiptir.Array ve ArrayList indisi çıkarıp listeyi kaydırarak yeni listeyi kendisine tekrar aktarırken(O(n) çalışma süresinde) , LinkedList silinecek yere kadar ilerleme yapıp(O(n) çalışma süresinde) çıkarılacak yerde bağları(kendinden bir sonraki ve önceki için) degistirip bu kaydırma işini halleder.Fakat get işleminde Array ve ArrayList doğrudan O(1) constant time çalışma süresinde veriye erişebiliyorken LinkedList verilen indexe kadar arama(ilerleme) yapacağından dolayı O(n) çalışma süresinde veriyi bulur.Bundan dolayı veriye ulaşma işleminde LinkedList daha kötü performans vermiştir.Bu karşılaştırmalarla ilgili ekran görüntüleri,analizler , sayısal veriler ve kıyaslamalar aşağıda Running and Results kısmında gösterilmiştir.

Problem Solutions Approach

Bu ödevde en büyük problem , yeni yapıların önceki ödevde yazdığımız kodlara nasıl uygulanacağıydı.Önceki ödevde ArrayList kullanmıştım , bunu LinkedList e ve Array e cevirip 2

ayrı dosya olarak oluşturmam gerekiyordu.LinkedList de ArrayList gibi List interface'ini implement ettikleri için add,remove,get,set gibi methodlar aynı olduğundan LinkedList direk uygulanabildi.DynamicArray sınıfını yazdığımda ise aynı işlevleri gören methodları yazdığımdan dolayı yine aynı şekilde önceki ödeve gereken yerlerde uygulanabildi.Önceki ödevde ArrayList kullanılan yerlerin karşılığı LinkedList ve DynamicArray olarak değiştirilip bunlar ekstra 2 dosya haline getirildi.Karşılaştırma aşamasında ise hemen hemen aynı boyuta sahip dosyalarda benzer ve yakın işlemler uygulanıp sonuçlar yorumlandı.

Test Cases

Beklenilen şeyler ArrayList ve Array'ın birbirine yakın performansa sahip olup , LinkedList'in bunlardan farklı sonuçlar vermesiydi.Test aşamasında staff'ın kitap ekleme , çıkarma ve kayıtları(kitapları) görüntüleme(veriyi çekme) kısmı bu 3 yapı için test edildi ve karşılaştırıldı.

Running and Results

'Array' → add book çalışma süresi : 1.652.807 nanosaniye

'ArrayList' → add book çalışma süresi : 1.136.075 nanosaniye

```
Activities  Terminal ** Paz 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

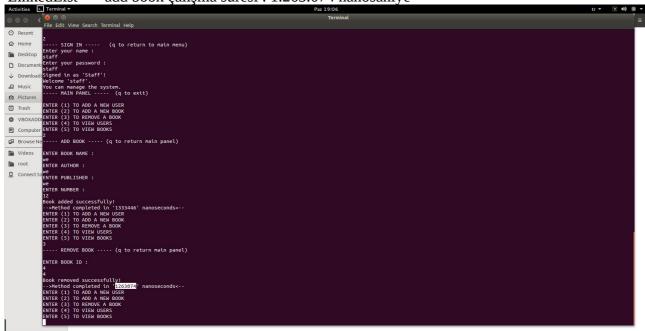
Framinal ** Par 2054

Framinal ** Par 2054

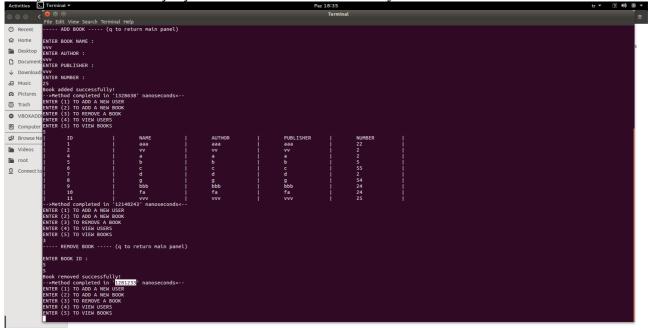
Framinal ** Par 2054

Framinal *
```

'LinkedList' → add book çalışma süresi : 1.263.074 nanosaniye



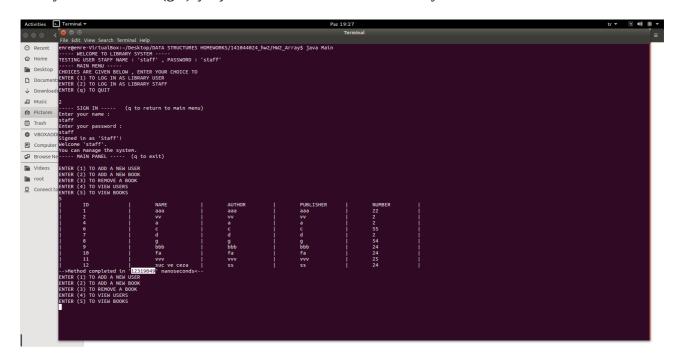
'Array' → remove book çalışma süresi : 1.281.233 nanosaniye



'ArrayList' → remove book çalışma süresi : 1.262.111 nanosaniye

'LinkedList' → remove book çalışma süresi : 1.505.582 nanosaniye

'Array' → view books(get) çalışma süresi : 12.319.049 nanosaniye



'ArrayList' → view books(get) çalışma süresi : 9.513.112 nanosaniye

```
Activities | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal | Treminal
```

'LinkedList' \rightarrow view books(get) çalışma süresi : 22.555.396 nanosaniye

ities ▶ Terminal ▼				Paz	19:03		tr ▼ ②
					Terminal		
File Edit View Search Terminal Help							
tecent 4 a		a	!	a			
fome 5 b		b c		b c		5 55	
7 i d		d	i				
Desktop 9 bbb		bbb fa	!	bbb fa		24 24	
ocuments 10 bb		bb	l	bb		22	
	i kitap	asd		asd			
13 yen Music>Method completed in '8624808' na	i kayıt noseconds<	aa	1	aa			
ENTER (1) TO ADD A NEW USER							
ENTER (2) TO REMOVE A DOOR							
ENTER (4) TO VIEW USERS							
BOXADD ENTER (5) TO VIEW BOOKS							
omputer REMOVE BOOK (q to retur	n main panel)						
rowse Ne ENTER BOOK ID :							
9							
ideos 9 Book removed successfully! >Method completed in '1505582' na	noseconds<						
ENTER (1) TO ADD A NEW USER							
ENTER (2) TO ADD A NEW BOOK ENTER (3) TO REMOVE A BOOK							
ENTER (4) TO VIEW USERS							
ENTER (5) TO VIEW BOOKS							
I ID NAM	E I	AUTHOR		PUBLISHER		NUMBER	
j 1 j aaa		aaa		aaa			
2 vv		vv eee	!	vv eee		2 25	
4 a		a	l	a		2	
j 5 j b							
6 C		c d	!	c d		55 2	
10 fa		fa	i	fa		24	
i 11 i bb		bb		ьь			
	i kitap i kayıt	asd aa	!	asd aa		22 25	
>Method completed in '22555396' n		00	1	00			
ENTER (1) TO ADD A NEW USER							
ENTER (2) TO ADD A NEW BOOK							
ENTER (2) TO ADD A NEW BOOK ENTER (3) TO REMOVE A BOOK							
ENTER (2) TO ADD A NEW BOOK							
ENTER (2) TO ADD A NEW BOOK ENTER (3) TO REMOVE A BOOK ENTER (4) TO VIEW USERS							