Reconnaissance de chiffres en Python

Objectif:

Le but des exercices de cette feuille est de réussir à créer un algorithme en Python permettant de reconnaître un chiffre à travers une image.

On implémentera ainsi différentes méthodes, plus ou moins simples, pour ce qui est des images on pourra utiliser cette archive. (Pour l'extraire: tar -xzf chiffres.tar.gz)

Partie 1: Les k plus proches voisins

Dans cette partie on va considérer qu'une image de largeur l et de hauteur h peut être représentée comme un **point** appartenant à $[0,1]^{l\cdot h}$. Ainsi en calculant la **distance** entre deux points, on peut obtenir une mesure de la ressemblance d'une image à une autre et utiliser la méthode des k plus proches voisins.

- Tout d'abord on aura besoin d'une fonction pour lire une image depuis un fichier, on pourra par exemple utiliser la classe Image de la librairie PIL. (Pour l'installer: pip3 install Pillow)
- 2. Ensuite il faut une fonction pour passer d'une image à un point, on pourra le représenter comme une matrice de pixel de taille $l \cdot h$, par exemple avec la librairie numpy. On trouvera aussi un moyen pour transformer les couleurs en une valeur dans [0,1].
- 3. Puis on va créer une fonction pour calculer la distance entre deux points de $[0,1]^{l \cdot h}$. On pourra appliquer la formule de la distance euclidienne de la même manière que dans l'espace, ou une autre si vous trouvez plus intéressant.
 - (Remarque: pour les performances on pourra enlever la racine carré dans la formule de la distance euclidienne qui n'est pas nécessaire ici)
- 4. Enfin on crée une fonction pour reconnaître un chiffre depuis une image, pour ça on peut trouver les **k** images les plus ressemblantes parmi les références et en déduire le chiffre. (Remarque: pour lister tous les fichiers d'un répertoire on pourra utiliser la fonction listdir(repertoire) de la librairie os)

Partie 2: Un réseau neuronal TODO