#### L. H. CARNEVALE

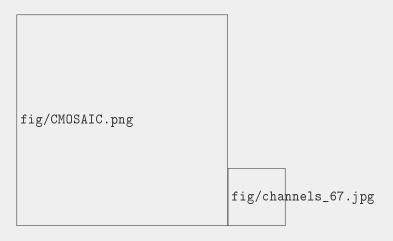
G. R. Anjos

fig/uerj.png

30/07/2018



Arrefecimento simultâneo de microprocessadores empilhados¹ com diferentes geometrias



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>figures from Prof. John Thome, Laboratoire de Transfert de Chaleur et de Masse (LTCM), EPFL, https://ltcm.epfl.ch

#### Corrente-Vorticidade

$$rac{\partial \omega_{z}}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot 
abla \omega_{z} \ = rac{1}{Re} 
abla^{2} \omega_{z}$$
 (1)

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} = \omega_z$$
 (2)

### Transporte de Calor

$$\frac{\partial T}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot \nabla T = \frac{1}{RePr} \nabla^2 T \quad (4)$$

## Condições de Contorno e Inicias

$$\omega_{z} = \frac{\partial v_{y}}{\partial x} - \frac{\partial v_{x}}{\partial y}$$
 (5)

$$\psi = \psi_{\mathsf{O}} \tag{6}$$

### Coeficientes da Função de Forma

$$a_i = x_j y_k - x_k y_j$$
;  $b_i = y_j - y_k$ ;  $c_i = x_k - x_j$   
 $a_j = x_k y_i - x_i y_k$ ;  $b_j = y_k - y_i$ ;  $c_j = x_i - x_k$   
 $a_k = x_i y_j - x_j y_i$ ;  $b_k = y_i - y_j$ ;  $c_k = x_j - x_i$ 

$$\mathbf{M} = \frac{A}{12} \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} B_{x} \\ B_{y} \end{bmatrix} = \frac{1}{2A} \begin{bmatrix} b_{i} & b_{j} & b_{k} \\ c_{i} & c_{j} & c_{k} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{G}_{\mathbf{x}} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} b_{i} & b_{j} & b_{k} \\ b_{i} & b_{j} & b_{k} \\ b_{i} & b_{j} & b_{k} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{G}_{\mathbf{y}} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} c_{i} & c_{j} & c_{k} \\ c_{i} & c_{j} & c_{k} \\ c_{i} & c_{j} & c_{k} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{K} = \mathbf{B}^{\mathsf{T}} \mathbf{B}$$

 $A = a_i + a_i + a_k$ 

#### Corrente-Vorticidade

$$\begin{split} \left(\frac{\mathbf{M}}{\Delta t} + \frac{1}{Re}\mathbf{K} + v_{x}\mathbf{G}_{x} + v_{y}\mathbf{G}_{y}\right)\omega_{z}^{n+1} &= \left(\frac{\mathbf{M}}{\Delta t}\right)\omega_{z}^{n} + \frac{\mathbf{f}}{Re} \\ \mathbf{K}\psi &= \mathbf{M}\omega_{z}^{n+1} + \mathbf{f} \\ v_{x} &= \mathbf{G}_{y}\psi \ , \ v_{y} = -\mathbf{G}_{x}\psi \end{split}$$

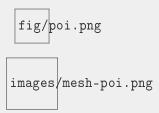
## Transport de Calor

$$\left(\frac{\mathbf{M}}{\Delta t} + \frac{1}{RePr}\mathbf{K} + v_{x}\mathbf{G_{x}} + v_{y}\mathbf{G_{y}}\right)T^{n+1} = \left(\frac{\mathbf{M}}{\Delta t}\right)T^{n} + \frac{\mathbf{f}}{RePr}$$

fig/flux.png



## Caso de Validação



## Parâmetros

$$Re = 10$$
,  $Pr = 1$ ,  $\Delta t = 0.1$ , 100 iterações

images/temp.png

images/vel.png

(a) Temperatura

(b) Velocidade

images/t\_graph.png

images/v\_graph.png

## Solução analítica:

$$T = \frac{-15}{48}q + \frac{2}{Re(-\partial P/\partial x)}qx + 3q\left(\frac{y^2}{2} - \frac{y^4}{3}\right) \qquad u = 6y(1-y)$$

- Condições de contorno similares ao caso anterior
- Fluxo de calor *q* = 1 definido apenas nas regiões retangulares
- Mesmo número de Reynolds e Prandtl

Figure: Malha não estruturada obtida com o software Gmsh

images/temp\_r.png (a) Temperatura

- Boa aplicação com a equação do transporte de calor
- Necessário aprimorar a metodologia para acomodar valores mais elevados de Re
- Formulação é melhor aplicada à casos 2D

Figure: Resultados preliminares de um problema de troca de calor conjugado

# Obrigado!

fig/uerj.png