

Kesikli Bir Rastgele Değişkenin Beklenen Değeri (Ortalama):

$$E[X] = \text{Beklenen değer} = \mu$$

$$E[X] = \sum x \cdot P(X=x) \text{ her bir rv ile o rv'a ait olasılıklar} \\ \text{garpılır ve toplanır.}$$

- Rastgele değişkenimiz olan X 'in alabileceği değerlerin ortalamasıdır.
- Bir deney çok fazla sayıda tekrarlandığında uzun vadede beldenebilecek "ortalama" X değeri anlatır.

Kesikli Olasılık Dağılımında Varyans Hesaplama: $\text{Var}[X], \sigma^2$

$$\text{Var}[X] = E[X^2] - (E[X])^2$$

$$\sigma^2 = V(X) = \sum P(x) \cdot (x - \mu)^2$$

$$E[X^2] = \sum x^2 \cdot P(X=x)$$

$$= E[(X - \mu)^2]$$

$$E[X] = \sum x \cdot P(X=x)$$

✓ \star Beklenen değerin dipilma özelliği vardır.

NOT:

$$V(X) = E[(X - \mu)^2] = E(X^2 - 2\mu X + \mu^2) = E(X^2) - 2 \overbrace{\mu E(X)}^{\mu \text{ ile } E(X) \text{ aynı sayıdır}} + E(\mu^2)$$

$$= E(X^2) - 2E(X)^2 + E(X)^2$$

$$= E(X^2) - E(X)^2$$