

```
%Limpieza de pantalla
clear all
close all
clc
```

Declaramos nuestras variables simbolicas que van a ser nuestra articulacion y su angulo  $\theta_1$ , las longitudes  $l_1$  y  $l_2$ , y el tiempo

```
%Declaración de variables simbólicas
syms th1(t) l1(t) l2(t) t a1
```

Creamos el vector de configuracion en el que indicamos que la primera articulacion es rotacional y las 2 ultimas son prismaticas

```
%Configuración del robot, 0 para junta rotacional, 1 para junta prismática
RP=[0 1 1];
```

Creamos el vector de coordenadas articulares

```
Q= [th1, l1, l1];
%disp('Coordenadas generalizadas');
%pretty (Q);
```

Creamos el vector de velocidades generalizadas

```
Qp= diff(Q, t);
%disp('Velocidades generalizadas');
%pretty (Qp);
```

Guardamos el numero de articulaciones que tiene nuestro robot a traves del vector de configuraciones creado previamente

```
%Número de grado de libertad del robot
GDL= size(RP,2);
GDL_str= num2str(GDL);
```

## Articulación 1

Creamos nuestro vector de posicion el cual esta solo esta afectado el cual va a variar tanto en X y Y porque va a girar entre esos ejes.

Tambien se crea nuestra matriz de rotacion respecto al Z ya que es sobre el cual esta girando

```
%Posición de la articulación 1 respecto a 0
P(:, :, 1)= [a1*cos(th1); a1*sin(th1); 0];
%Matriz de rotación de la junta 1 respecto a 0
R(:, :, 1)= [cos(th1) -sin(th1) 0;
             sin(th1)  cos(th1)  0;
```

```
0 0 1];
```

## Articulación 2

En nuestro vector de posición se agraga la longitud 1 ya que como es prismática es la única que implica.

En cuanto a la matriz de rotación, se considera el mismo sistema de referencia que el de la imagen, por lo cual se hace una rotación de  $-90^\circ$  sobre el eje X, este valor es negativo ya que Z va Y, Por lo tanto al sustituir el ángulo en la matriz de rotación obtenemos como resultado la siguiente matriz

```
%% Articulación 2
%Posición de la articulación 1 respecto a 0
P(:, :, 2) = [0; 11; 0];
%Matriz de rotación de la junta 1 respecto a 0.... -90°
R(:, :, 2) = [1 0 0;
              0 0 1;
              0 -1 0];
```

## Articulación 3

Se crea nuestro vector de posición donde únicamente interviene la longitud de nuestra tercera articulación.

Por último, para nuestra última matriz de rotación solo usamos la matriz identidad.

```
%% Articulación 3
%Posición de la articulación 2 respecto a 1
P(:, :, 3) = [0; 0; 12];
%Matriz de rotación de la junta 2 respecto a 1
R(:, :, 3) = [1 0 0;
              0 1 0;
              0 0 1];

%%
%Creamos un vector de ceros
Vector_Zeros = zeros(1, 3);
```

Como siguiente paso inicializamos nuestras matrices de transformación homogéneas tanto locales como globales, las posiciones ya las rotaciones desde el marco de referencia inercial

```
A(:, :, GDL) = simplify([R(:, :, GDL) P(:, :, GDL); Vector_Zeros 1]);
T(:, :, GDL) = simplify([R(:, :, GDL) P(:, :, GDL); Vector_Zeros 1]);
PO(:, :, GDL) = P(:, :, GDL);
RO(:, :, GDL) = R(:, :, GDL);
```

Continuamos calculando nuestra matriz de transformación global

```
for i = 1:GDL
    i_str = num2str(i);
    %disp(strcat('Matriz de Transformación local A', i_str));
```

```

A(:,:,i)=simplify([R(:,:,i) P(:,:,i); Vector_Zeros 1]);
%pretty (A(:,:,i));

%Globales
try
    T(:,:,i)= T(:,:,i-1)*A(:,:,i);
catch
    T(:,:,i)= A(:,:,i);
end
disp(strcat('Matriz de Transformación global T', i_str));
T(:,:,i)= simplify(T(:,:,i));
pretty(T(:,:,i))

RO(:,:,i)= T(1:3,1:3,i);
PO(:,:,i)= T(1:3,4,i);
%pretty(RO(:,:,i));
%pretty(PO(:,:,i));
end

```

```

Matriz de Transformación global T1
/ cos(th1(t)), -sin(th1(t)), 0, a1 cos(th1(t)) \
| sin(th1(t)), cos(th1(t)), 0, a1 sin(th1(t)) |
| 0, 0, 1, 0 |
\ 0, 0, 0, 1 /
Matriz de Transformación global T2
/ cos(th1(t)), 0, -sin(th1(t)), a1 cos(th1(t)) - sin(th1(t)) l1(t) \
| sin(th1(t)), 0, cos(th1(t)), a1 sin(th1(t)) + cos(th1(t)) l1(t) |
| 0, -1, 0, 0 |
\ 0, 0, 0, 1 /
Matriz de Transformación global T3
/ cos(th1(t)), 0, -sin(th1(t)), a1 cos(th1(t)) - sin(th1(t)) l1(t) - sin(th1(t)) l2(t) \
| sin(th1(t)), 0, cos(th1(t)), a1 sin(th1(t)) + cos(th1(t)) l1(t) + cos(th1(t)) l2(t) |
| 0, -1, 0, 0 |
\ 0, 0, 0, 1 /

```

```
%%
```

Se calcula el jacobiano lineal de manera diferencial esto usando las derivadas parciales.

```

%Calculamos el jacobiano lineal de forma diferencial
%disp('Jacobiano lineal obtenido de forma diferencial');
%Derivadas parciales de x respecto a th1 y th2
Jv11= functionalDerivative(PO(1,1,GDL), th1);
Jv12= functionalDerivative(PO(1,1,GDL), l1);
Jv13= functionalDerivative(PO(1,1,GDL), l2);
%Derivadas parciales de y respecto a th1 y th2
Jv21= functionalDerivative(PO(2,1,GDL), th1);

```

```
Jv22= functionalDerivative(PO(2,1,GDL), l1);
Jv23= functionalDerivative(PO(2,1,GDL), l2);
%Derivadas parciales de z respecto a th1 y th2
Jv31= functionalDerivative(PO(3,1,GDL), th1);
Jv32= functionalDerivative(PO(3,1,GDL), l1);
Jv33= functionalDerivative(PO(3,1,GDL), l2);
```

Construimos nuestra matriz del Jacobiano lineal a traves de las jacobianos lineales que se obtuvieron anteriormente.

```
jv_d=simplify([Jv11 Jv12 Jv13;
               Jv21 Jv22 Jv23;
               Jv31 Jv32 Jv33]);
%pretty(jv_d);
```

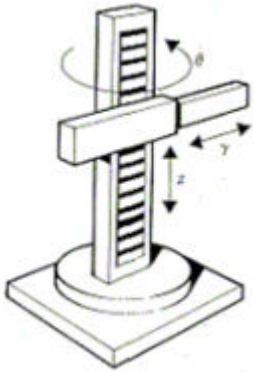
Calculamos el jacobiano lineal y angular de forma analítica

```
Jv_a(:,GDL)=PO(:, :, GDL);
Jw_a(:,GDL)=PO(:, :, GDL);

%%
for k= 1:GDL
    if RP(k)==0
        %Para las juntas de revolución
        try
            Jv_a(:,k)= cross(RO(:,3,k-1), PO(:, :, GDL)-PO(:, :, k-1));
            Jw_a(:,k)= RO(:,3,k-1);
        catch
            Jv_a(:,k)= cross([0,0,1], PO(:, :, GDL));%Matriz de rotación de 0 con respecto a z
            Jw_a(:,k)=[0,0,1];%Si no hay matriz de rotación previa se obtiene la Matriz identidad
        end
    else
        %Para las juntas prismáticas
        try
            Jv_a(:,k)= RO(:,3,k-1);
        catch
            Jv_a(:,k)=[0,0,1];
        end
        Jw_a(:,k)=[0,0,0];
    end
end

Jv_a= simplify (Jv_a);
Jw_a= simplify (Jw_a);
%disp('Jacobiano lineal obtenido de forma analítica');
%pretty (Jv_a);
%disp('Jacobiano angular obtenido de forma analítica');
%pretty (Jw_a);
```

## Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal



Al usar el mismo sistema de referencia, podemos notar que:

**En X**, debido a la rotación de la primera articulación va haber un punto en el que quede sobre el mismo eje, por tanto las demás articulaciones van a moverse también sobre X y va a haber una velocidad lineal

**En Y**, como ya se muestra en la imagen, en este eje implican las tres articulaciones, debido a que la primera llega a un punto en el cual la segunda y tercera articulación se mueven sobre Y.

Por último, en el **eje Z** solo se desplaza la segunda articulación ( $l_1$ ), la cual aunque haya una rotación por parte de la primera articulación, esta solo se va a mover en todo momento sobre Z

```
V=simplify (Jv_a*Qp');
pretty(V);
```

```
/ - #2 (a1 sin(th1(t)) + cos(th1(t)) l1(t) + cos(th1(t)) l2(t)) - #1 sin(th1(t)) \
|
| #1 cos(th1(t)) - #2 (sin(th1(t)) l1(t) - a1 cos(th1(t)) + sin(th1(t)) l2(t)) |
|
\                                     #1                                     /
```

where

```
#1 == -- l1(t)
      dt
```

```
#2 == -- th1(t)
      dt
```

## Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular

Como resultado podemos ver que solo hay velocidad angular en el eje z, lo cual es lógico ya que es el único eje sobre el cual hay una rotación y esta pertenece a la de la primera articulación.

```
W=simplify (Jw_a*Qp');
pretty(W);
```

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{d}{dt} \text{th1}(t) \end{pmatrix}$$