

Regex convertido en robot



Ing. Max Cerna

Agenda

1. Parsers

2. Gramáticas libres de contexto (CFG)

3. Derivaciones

4. Ambigüedad

Parsers

Lenguajes regulares

- Los lenguajes formales más débiles que se pueden utilizar
 - Son capaces de describir patrones simples como palabras clave, identificadores, y ciertas estructuras repetitivas en el código fuente

- Muchas aplicaciones
 - Validación de Patrones Simples
 - Filtros y Procesadores de Texto

Muchos lenguajes no son regulares

Las cadenas de paréntesis balanceados no son regulares

$$(i)^i | i \ge 0$$

¿Qué pueden expresar los lenguajes regulares?

Expresan propiedades que dependen de contar hasta cierto punto

Tienen una capacidad limitada de "memoria"

 Debido a esta limitación, no pueden manejar lenguajes que requieran un conteo exacto de elementos

INPUT

Secuencia de tokens del lexer

OUTPUT

Árbol de parsing del programa



Cool (pseudo lenguaje)

if
$$x = y$$
 then 1 else 2 fi

Entrada al parser (cadena de tokens)

Salida del parser

Gramáticas libres de contexto (CFG)

CFG

No todas las cadenas de tokens son programas. . .

• ... el analizador debe distinguir entre cadenas de tokens válidas e inválidas

- Nosotros necesitamos
 - Un lenguaje para describir cadenas válidas de tokens
 - Un método para distinguir cadenas de tokens válidas de las no válidas

CFG

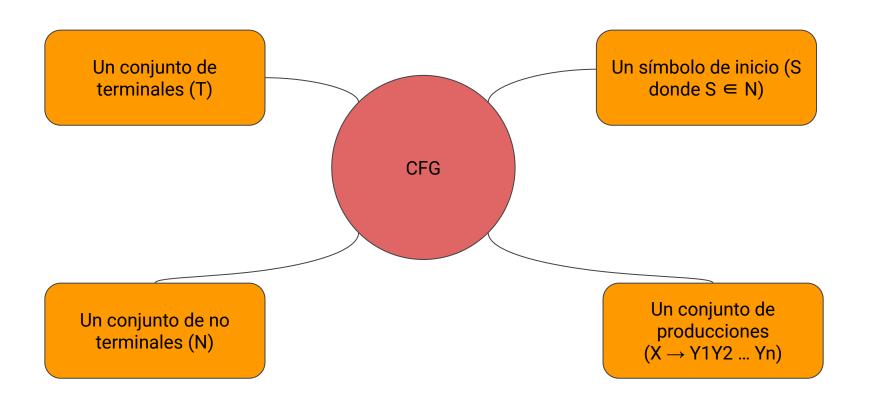
- Los lenguajes de programación tienen estructura recursiva
- Una EXPR es

IF EXPR then EXPR else EXPR fi while EXPR loop EXPR pool

•••

 Las gramáticas libres de contexto son una notación natural para esta estructura recursiva

CFG consta de..



CFG

Las producciones se pueden leer como reglas

CFG - Notación

Los no terminales se escriben en mayúsculas.

Los terminales se escriben en minúsculas.

• El símbolo de inicio es el lado izquierdo de la primera producción.

CFG - Algoritmo

1) Comience con una cadena con solo el símbolo de inicio S

 Reemplace cualquier X no terminal en la cadena por el lado derecho de alguna producción ej: X → Y1Yn

3) Repita (2) hasta que no haya no terminales

CFG

Los terminales se llaman así porque no hay reglas para reemplazarlos

Una vez generados, los terminales son permanentes

Los terminales deben ser tokens del idioma.

CFG - EXPRESIONES ARITMÉTICAS SIMPLES

$$E \rightarrow E * E$$

$$\mid E + E$$

$$\mid (E)$$

$$\mid id$$

CFG - Ejemplo

Cual de las siguientes cadenas están en el lenguaje dado por la CFG

- abcba
- acca
- aba
- abcbcba

$$S \rightarrow aXa$$

$$X \rightarrow \epsilon$$

$$Y \rightarrow \varepsilon$$

CFG

- Permite determinar si una cadena pertenece al lenguaje definido por la gramática.
- Además de verificar si una cadena pertenece al lenguaje, es esencial generar un árbol de análisis sintáctico (parse tree).
- Debe manejar los errores con gracia.
- Necesita una implementación de CFG (p. ej., Bison, CUP).
- La forma de la gramática es importante
 - Muchas gramáticas generan el mismo lenguaje
 - Las herramientas son sensibles a la gramática.

Una derivación es una secuencia de producciones:

$$S \rightarrow \dots \rightarrow \dots \rightarrow \dots \rightarrow \dots$$

Una derivación puede dibujarse como un árbol

- El símbolo de inicio es la raíz del árbol
- Para una producción X → Y1...Yn agregar los hijos Y1...Yn al nodo

Gramática
$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$$

E

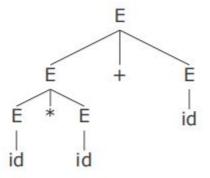
$$\longrightarrow E + E$$

$$\longrightarrow E * E + E$$

$$\longrightarrow id * E + E$$

$$\longrightarrow id * id + E$$

$$\longrightarrow id * id + id$$



- Un árbol de análisis tiene
 - Terminales en las hojas
 - No terminales en los nodos interiores
- Un recorrido en orden de las hojas es la entrada original
- El árbol de análisis muestra la asociación de operaciones, la cadena de entrada no

El ejemplo es una derivación por la izquierda (left-most derivation).

En cada paso, reemplaza el no terminal más a la izquierda.

Existe una noción equivalente de una derivación por la derecha (right-most derivation).

E

$$\longrightarrow E + E$$

$$\longrightarrow E + id$$

$$\longrightarrow E * E + id$$

$$\longrightarrow E * id + id$$

$$\longrightarrow id * id + id$$

E

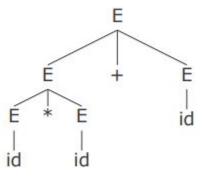
$$\longrightarrow E + E$$

$$\longrightarrow E + id$$

$$\longrightarrow E * E + id$$

$$\longrightarrow E * id + id$$

$$\longrightarrow id * id + id$$



Tenga en cuenta que las derivaciones por la la derecha y por la izquierda tienen el mismo árbol de análisis

¿Cuál de las siguientes es una derivación válida de la gramática dada?

$$S \rightarrow aXa$$

$$X \rightarrow \epsilon \mid bY$$

$$Y \rightarrow \epsilon \mid cXc \mid d$$

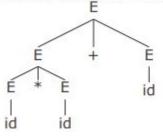
-) S aXa abYa acXca acca
- 2) S aa

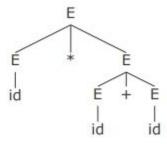
- aXa
 abYa
 abcXca
 abcbYca
 abcbdca
- 4) S
 aXa
 abYa
 abcXcda
 abccda

- No solo estamos interesados en si $s \in L(G)$. Necesitamos un árbol de análisis para s
- Una derivación define un árbol de análisis. Pero un árbol de análisis puede tener muchas derivaciones
- Las derivaciones más a la izquierda y más a la derecha son importantes en la implementación del analizador

Gramática
$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$$

La cadena tiene dos árboles diferentes E





- Una gramática es ambigua si tiene más de un árbol de análisis para alguna cadena.
 - De manera equivalente, existe más de una derivación más a la derecha o más a la izquierda para alguna cadena.
- La ambigüedad es MALA
 - Deja indefinido el significado de algunos programas.

¿Cuáles de las siguientes gramáticas son ambiguas?

- $S \rightarrow SS \mid a \mid b$
- $E \rightarrow E + E \mid id$
- $S \rightarrow Sa \mid Sb$
- \bullet E \rightarrow E | E + E
- $E \rightarrow -E \mid id$

- Hay varias formas de manejar la ambigüedad
- El método más directo es reescribir la gramática inequívocamente, es decir sin ambigüedad

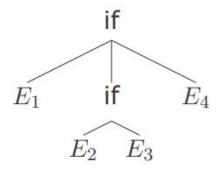
```
E \rightarrow E + E \mid E
E \rightarrow id * E \mid id \mid (E) * E \mid (E)
```

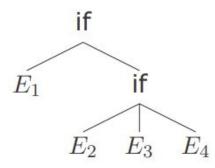
Precedencia de * sobre +

Considere la gramática

```
E \rightarrow \text{ if E then E}
| \text{ if E then E else E}
| \text{ OTHER}
```

La expresión if E1 then if E2 then E3 else E4 tiene dos árboles

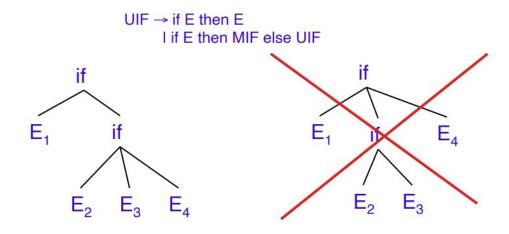




else coincide con el then aún sin coincidir más cercano:

```
E \rightarrow MIF
       UIF
MIF \rightarrow if E then MIF else MIF
           OTHER
UIF \rightarrow if E then E
         | if E then MIF else UIF
```

Entonces expresión if E1 then if E2 then E3 else E4



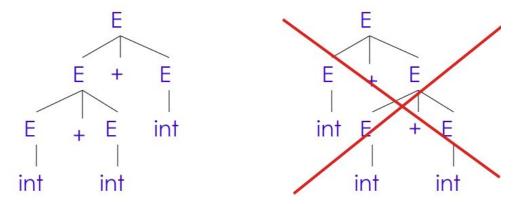
- No hay técnicas generales para manejar la ambigüedad
- Es imposible convertir automáticamente una gramática ambigua en una no ambigua
- Usada con cuidado, la ambigüedad puede simplificar la gramática
 - A veces permite definiciones más naturales
 - Necesitamos mecanismos de desambiguación

- En lugar de reescribir la gramática:
 - Utiliza la gramática más natural (ambigua)
 - Junto con declaraciones de desambiguación

 La mayoría de las herramientas permiten declaraciones de precedencia y asociatividad para desambiguar las gramáticas

Considere la gramática E → E + E | int

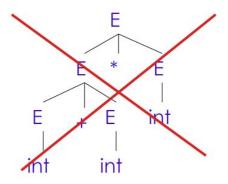
Dos árboles ambiguos para int + int + int:

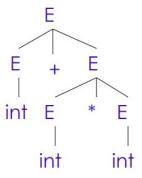


Asociación y declaración por la izquierda: %left +

Considere la gramática $E \rightarrow E + E \mid E + E \mid$ int

Dos árboles ambiguos para int + int * int:





Asociación de precedencia: %left +

%left *