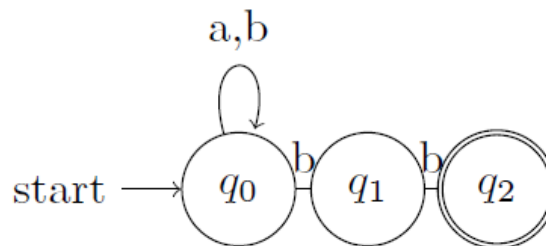


Serie única - NFA hacia DFA

Para la resolución de esta tarea debe dejar constancia de su procedimiento y/o justificar sus respuestas:

1. (30 Puntos) Considere el autómata descrito en la figura



- ¿Es un autómata finito determinista? ¿Por qué?
- En caso NO sea un autómata finito determinista, produzca paso a paso su equivalente a DFA.

Solución:

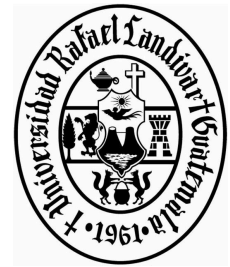
- a) NO es un autómata finito determinista, existen estados que hacen transición a más de un estado con el mismo símbolo, por ejemplo q_0 hace transición con b hacia q_0 y también hacia q_1 .
- b) Buscar transiciones con ϵ desde el estado inicial, en este caso q_0 , y no existen transiciones con ϵ por tanto:

$$A = \{q_0\}$$

revisamos transacciones con los elementos del alfabeto desde el estado inicial
alfabeto = $\{a,b\}$

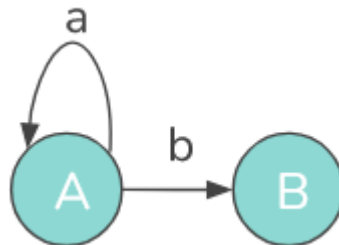
$\text{move}(A,a) = \{q_0\} \Rightarrow$ transiciones con $(\epsilon\text{-closure}) \{q_0\} = A$
entonces





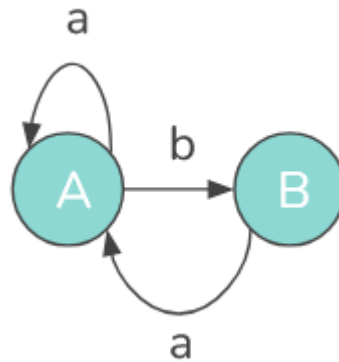
$\text{move}(A,b) = \{q_0, q_1\} \Rightarrow \epsilon\text{-closure } \{q_0, q_1\}$

$B = \{q_0, q_1\}$



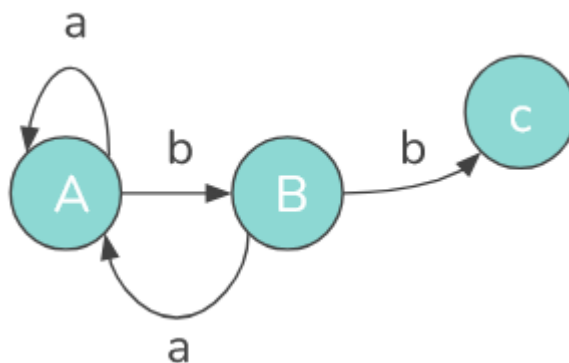
Analizamos estado B

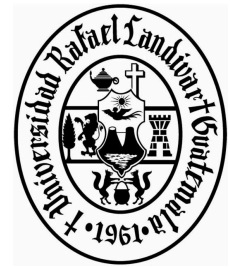
$\text{move}(B,a) = \{q_0\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) \{q_0\} = A$



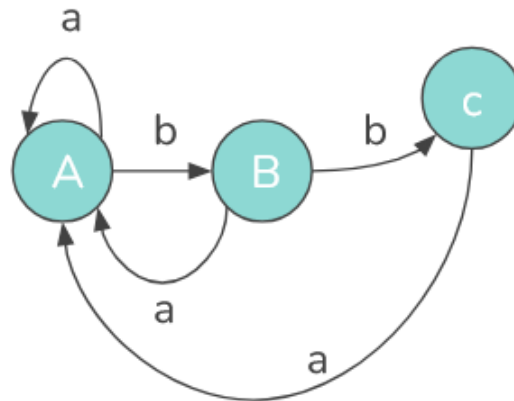
$\text{move}(B,b) = \{q_0, q_1, q_2\} = \epsilon\text{-closure } \{q_0, q_1, q_2\}$

$C = \{q_0, q_1, q_2\}$

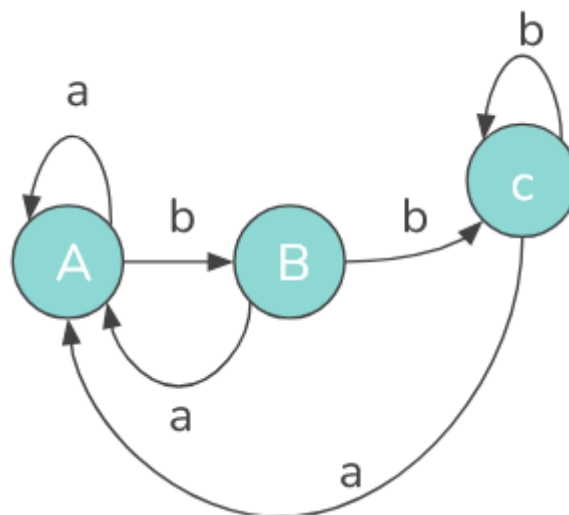




$\text{move}(C, a) = \{q_0\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) \{q_0\} = A$



$\text{move}(C, b) = \{q_0, q_1, q_2\} = \epsilon\text{-closure} \{q_0, q_1, q_2\} = C$



Identificar estados que tienen el estado de aceptación del NFA

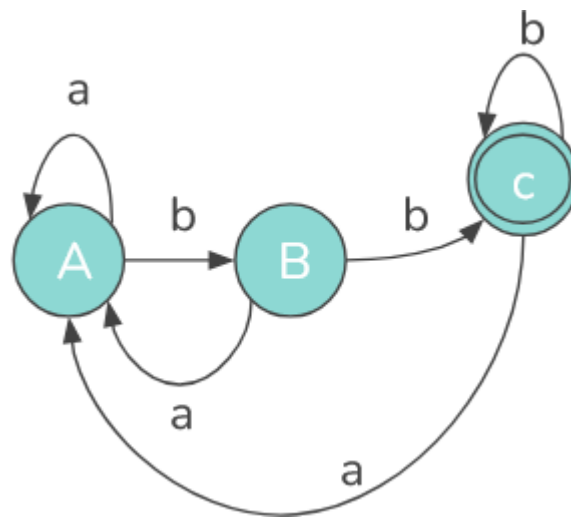
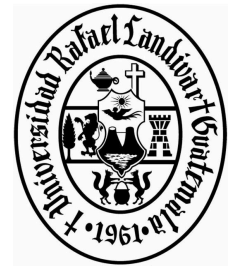
$A = \{q_0\}$

$B = \{q_0, q_1\}$

$C = \{q_0, q_1, q_2\}$

únicamente C contiene q_2 que es el estado de aceptación en NFA.

entonces

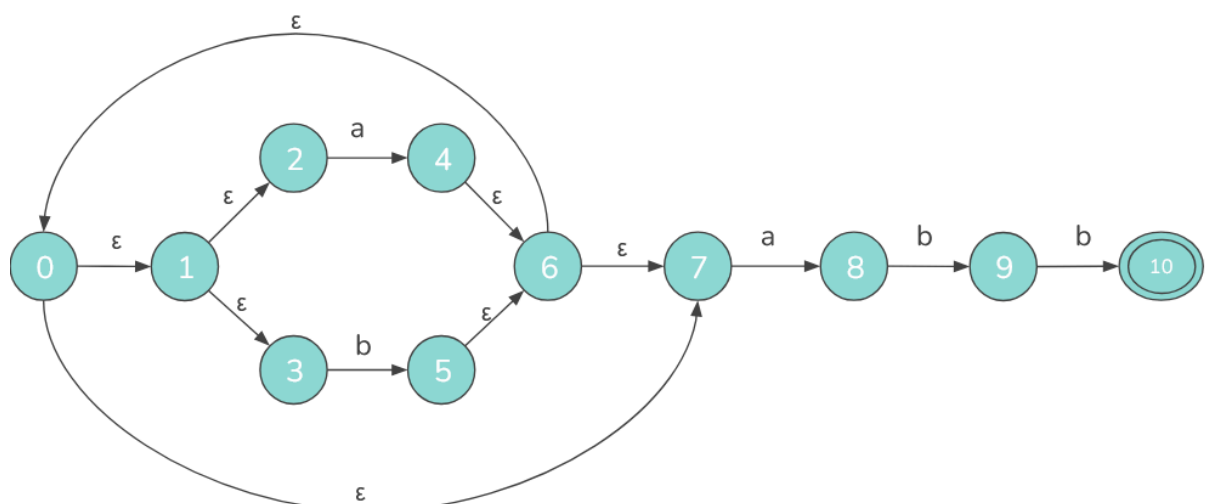


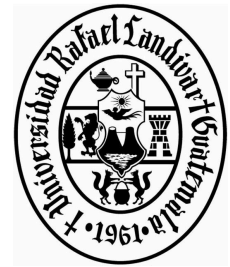
2. (70 Puntos) Considere la expresión regular $(a|b)^*abb$

- Convierta la expresión regular hacia un NFA utilizando el método de Thompson
- Convierta el NFA hacia DFA

Solución:

a) NFA





b) DFA

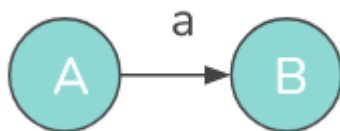
Buscar transiciones con ϵ desde el estado inicial, en este caso 0, y desde 0 existen transiciones con ϵ por tanto:

$$\{0, 1, 2, 3, 7\} = A$$

revisamos transacciones con los elementos del alfabeto desde el estado inicial
alfabeto = {a,b} para A

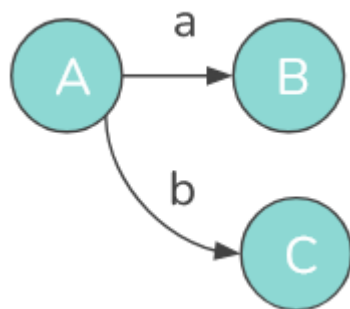
con "a" en {0,1,2,3,7} podemos movernos de 2 a 4 y de 7 a 8 entonces
 $\text{move}(A, a) = \{4, 8\} \Rightarrow \text{transiciones con } \epsilon \text{ } (\epsilon\text{-closure}) = \{4, 6, 7, 8, 0, 1, 2, 3\}$

$$B = \{4, 6, 7, 8, 0, 1, 2, 3\}$$



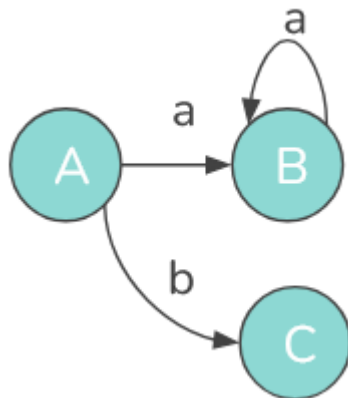
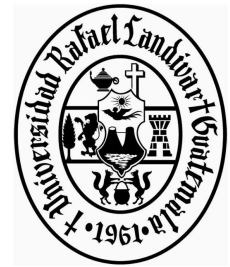
con "b" en {0,1,2,3,7} podemos movernos de 3 a 5
 $\text{move}(A, b) = \{5\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) = \{5, 6, 7, 0, 1, 2, 3\}$

$$C = \{5, 6, 7, 0, 1, 2, 3\}$$



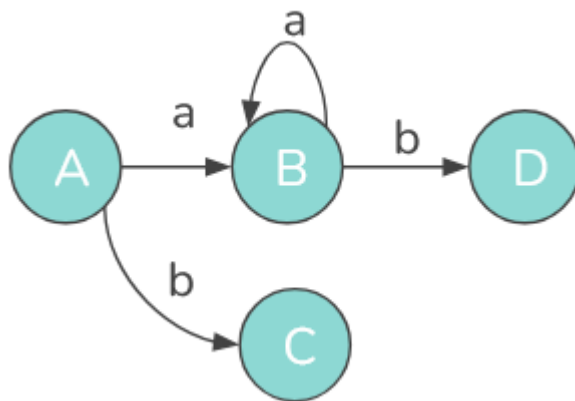
Analizamos estado B

con "a" en {4,6,7,8,0,1,2,3} podemos movernos de 2 a 4 y de 7 a 8 entonces
 $\text{move}(B, a) = \{4, 8\} \Rightarrow \text{transiciones con } \epsilon \text{ } (\epsilon\text{-closure}) = \{4, 6, 7, 8, 0, 1, 2, 3\} = B$



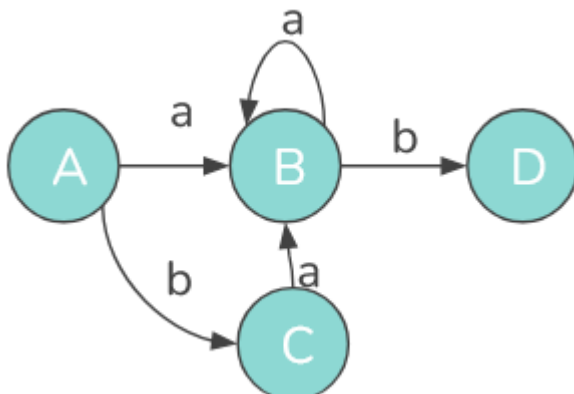
con "b" en $\{4,6,7,8,0,1,2,3\}$ podemos movernos de 3 a 5 y de 8 a 9 entonces
 $\text{move}(B,b) = \{5,9\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) = \{5,6,7,9,0,1,2,3\}$

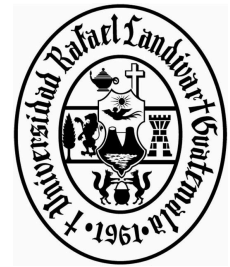
$D = \{5,6,7,9,0,1,2,3\}$



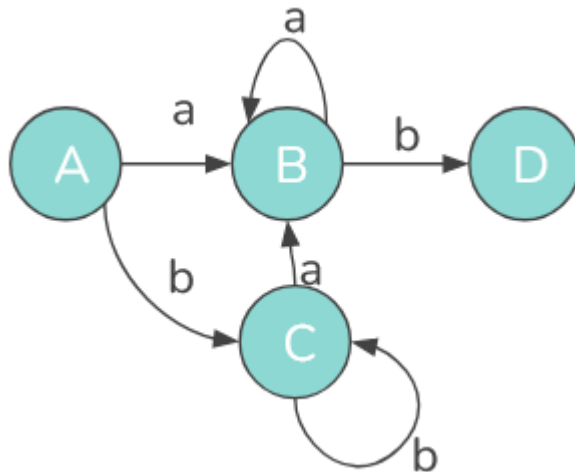
Analisemos el estado C

con "a" en $\{5,6,7,0,1,2,3\}$ podemos movernos de 2 a 4 y de 7 a 8 entonces
 $\text{move}(C,a) = \{4,8\} \Rightarrow \text{transiciones con } \epsilon \text{ } (\epsilon\text{-closure}) = \{4,6,7,8,0,1,2,3\} = B$



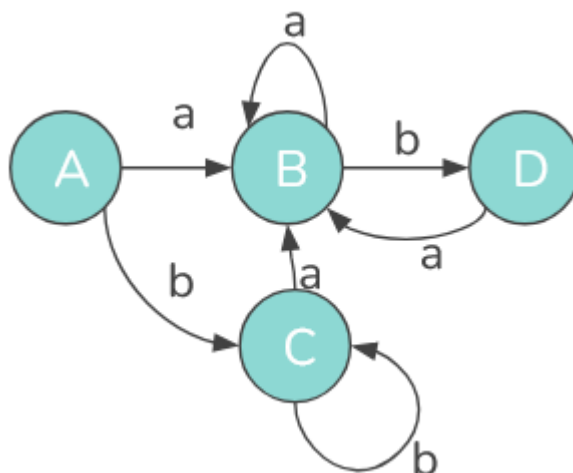


con "b" en {5,6,7,0,1,2,3} podemos movernos de 3 a 5
 $\text{move}(C,b) = \{5\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) = \{5,6,7,0,1,2,3\} = C$



Analisemos estado D

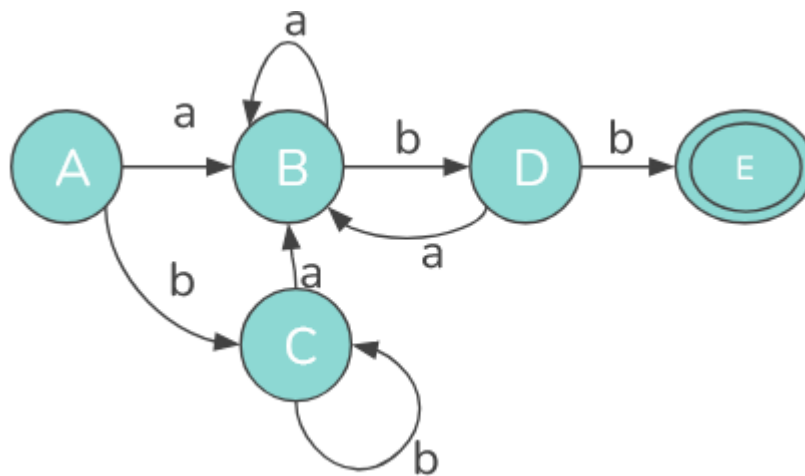
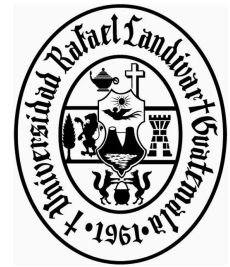
con "a" en {5,6,7,9,0,1,2,3} podemos movernos de 2 a 4 y de 7 a 8 entonces
 $\text{move}(D,a) = \{4,8\} \Rightarrow \text{transiciones con } \epsilon \text{ } (\epsilon\text{-closure}) = \{4,6,7,8,0,1,2,3\} = B$



con "b" en {5,6,7,9,0,1,2,3} podemos movernos de 3 a 5 y de 9 a 10
 $\text{move}(C,b) = \{5,10\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) = \{5,6,7,10,0,1,2,3\}$

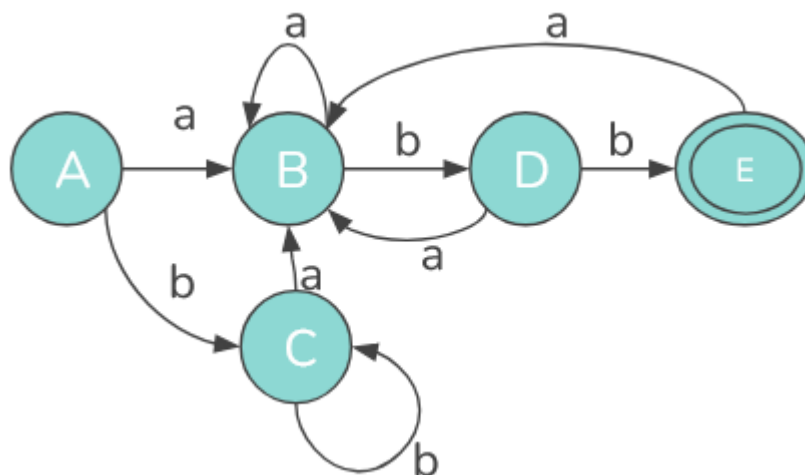
$E = \{5,6,7,10,0,1,2,3\}$

siendo 10 el estado de aceptación en el NFA por tanto E también será estado de aceptación



Analisemos estado E

con "a" en {5,6,7,10,0,1,2,3} podemos movernos de 2 a 4 y de 7 a 8 entonces
 $\text{move}(E, a) = \{4, 8\} \Rightarrow \text{transiciones con } \epsilon \text{ } (\epsilon\text{-closure}) = \{4, 6, 7, 8, 0, 1, 2, 3\} = B$



con "b" en {5,6,7,10,0,1,2,3} podemos movernos de 3 a 5
 $\text{move}(E, b) = \{5\} \Rightarrow (\epsilon\text{-closure}) = \{5, 6, 7, 0, 1, 2, 3\} = C$

