

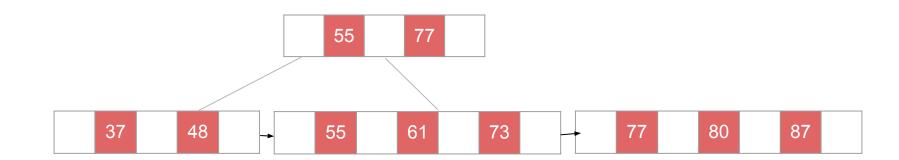
Ing. Max Alejandro Antonio Cerna Flores

Agenda

- Definición
- Historia
- Características
- Operaciones
 - Búsqueda
 - Inserción
 - o Borrado
- Implementaciones de árboles B y B+
- Ventajas y Desventajas

Definición

Son una variante de los árboles B, se diferencian en que los árboles B+ toda la información se encuentra almacenada en las hojas.



Historia

No hay artículo que presente el concepto de árbol B+.

La idea de mantener todos los datos en nodos hoja se menciona repetidamente como una variante interesante de los árboles B.

IBM utilizó árboles B+ por primera vez en 1973 en VSAM (Virtual Storage Access Method).

Características

Maneja un **grado (M)** que indica el número máximo de hijos soportados en un nodo.

La raíz almacena como máximo M-1 datos (claves).

Todos los nodos hoja tienen la misma altura.

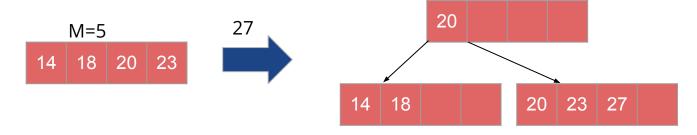
La información se encuentra ordenada.

Los nodos raíz o interiores (no hojas) se utilizan como índices.

Inserción

Similar al árbol B.

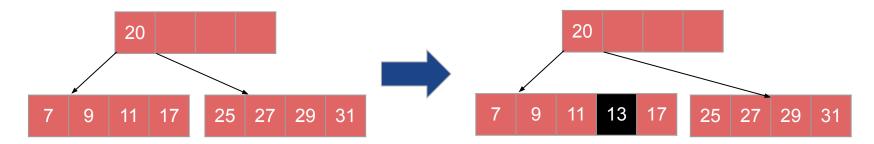
La principal diferencia ocurre cuando se inserta una key en un nodo que se encuentra lleno, se debe hacer una copia de la key que se sube al siguiente nivel en la hoja correspondiente.



Inserción

M=5

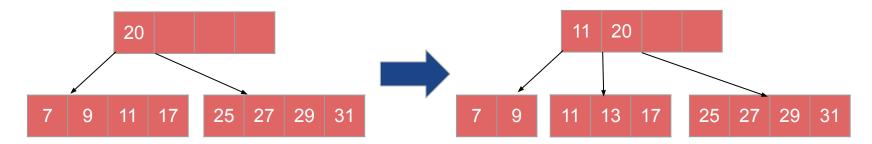
Insertar 13

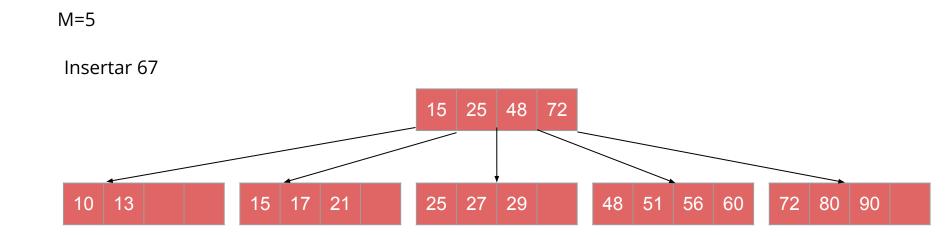


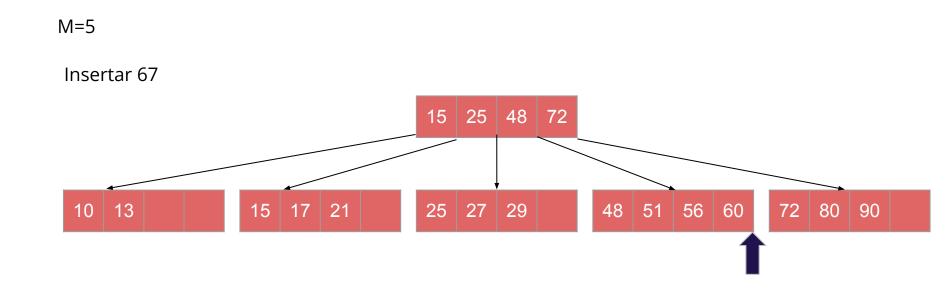
Inserción

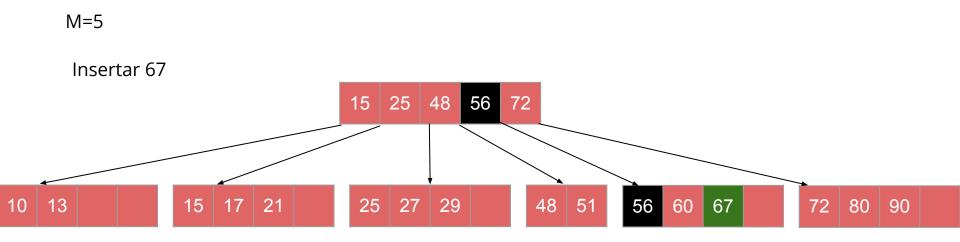
M=5

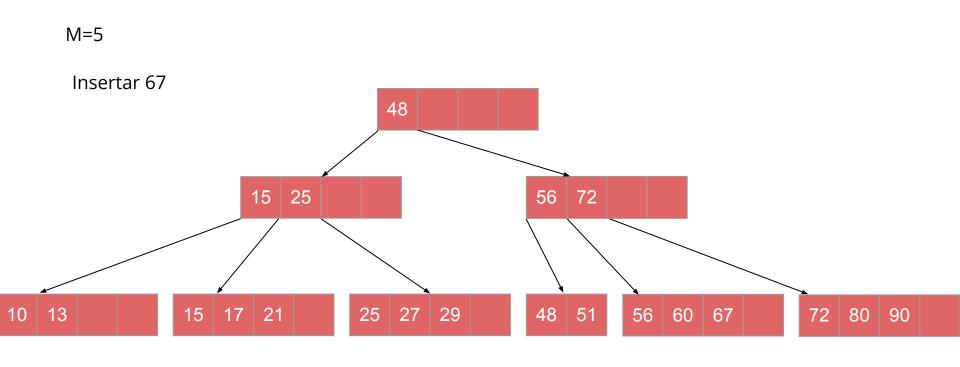
Insertar 13











Eliminación

La eliminación es un proceso relativamente más sencillo que el de un árbol B.

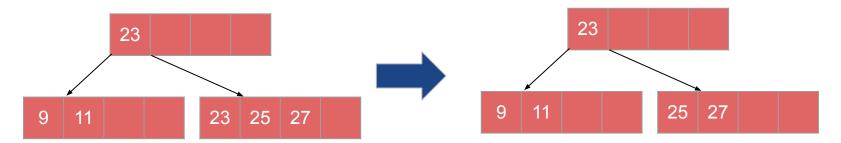
El dato siempre está en el nodo hoja.

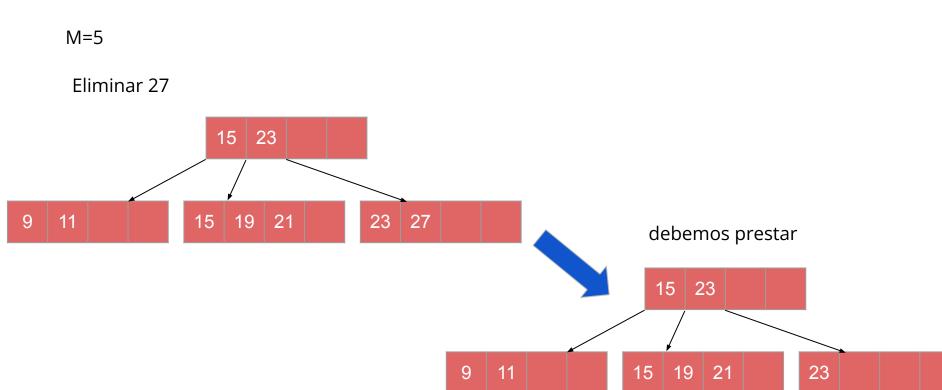
Si al borrar se conserva la regla de (M/2)-1 claves, no se debe hacer ningún proceso adicional.

Si al borrar se rompe la regla del mínimo (lower), es necesario realizar una redistribución considerando las hojas y los índices.

M=5

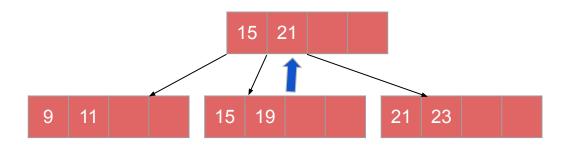
Eliminar 23





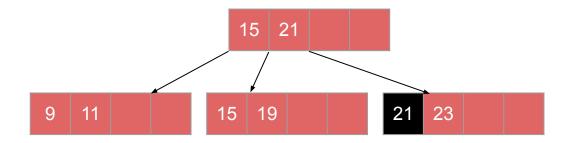
M=5

Eliminar 27



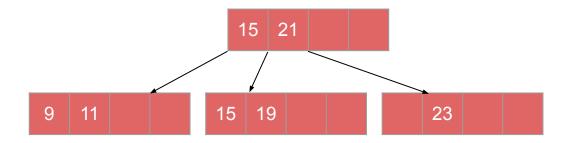
M=5

Eliminar 21



M=5

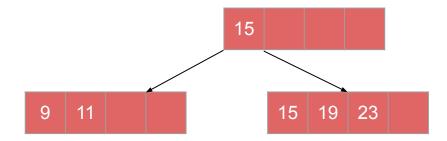
Eliminar 21

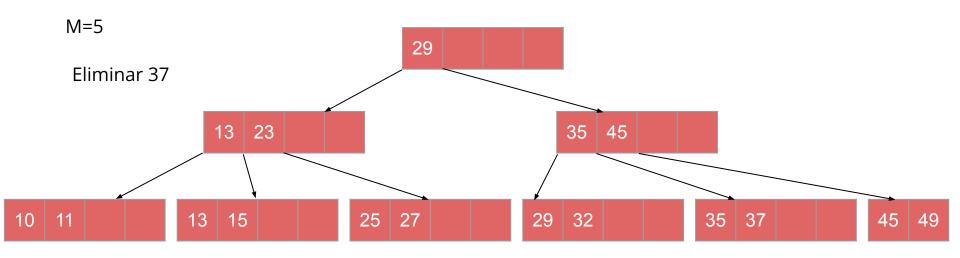


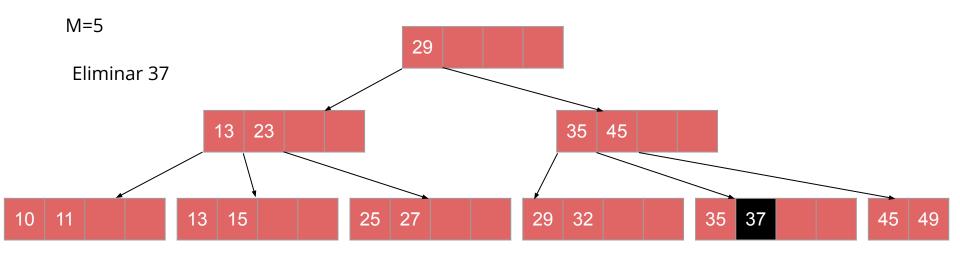
necesitamos fusionar

M=5

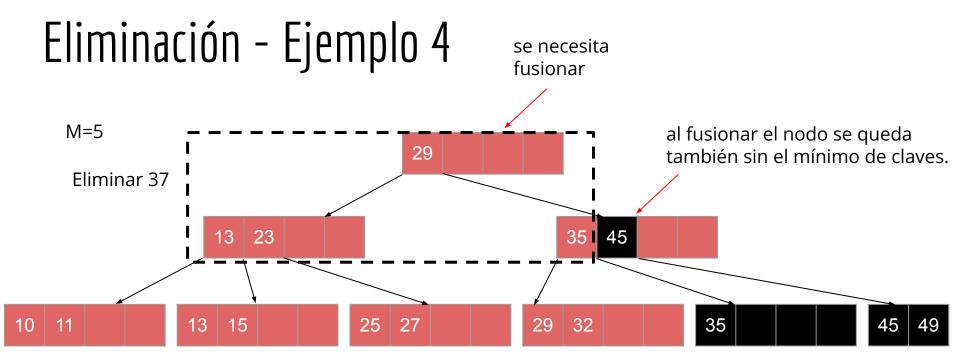
Eliminar 21

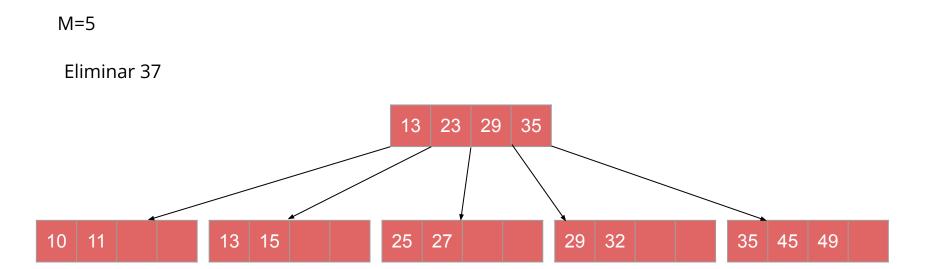






los vecinos no tienen suficientes datos para hacer un préstamo se necesita fusionar





Nodos

```
estructura NodoHoja {
      numClaves: Entero;
      valores: Objeto[];
      claves: Entero[];
      clavesUsadas: Entero;
      nodolzą : NodoHoja;
      nodoDer : NodoHoja;
```

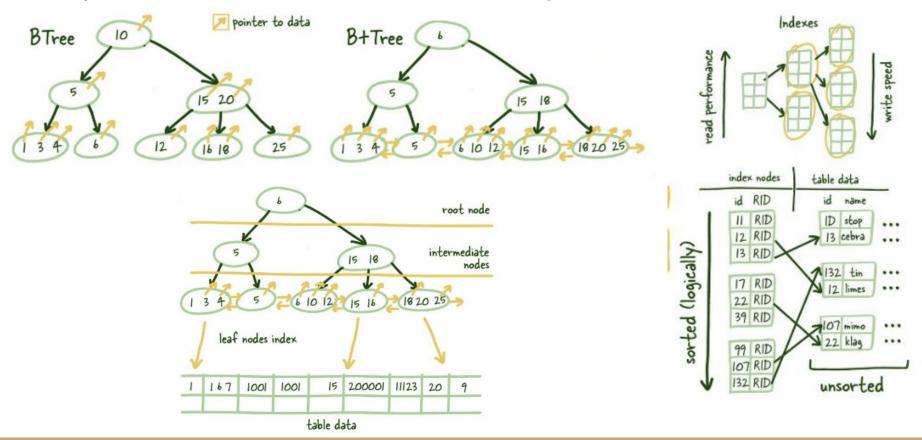
Constructor de un Nodo Hoja (PSEUDO CÓDIGO)

```
NodoHoja {
        constructor NodoHoja(t) {
                valores[(2*t -1)];
                claves[(2*t -1)];
                nodolzq = null;
                nodoDer = null;
```

Nodos

```
Constructor de un Nodo Interno NodoInterno {
estructura NodoInterno {
                                                         constructor NodoInterno(t) {
     numClaves: Entero;
                                                              clave[(2*t -1)];
     claves: Entero[];
                                                              nodoHijos[(2*t )];
     clavesUsadas: Entero;
                                                               clavesUsadas=0;
     nodoPadre : NodoInterno;
                                                               nodoPadre=null;
     nodosHijo : NodoInterno[];
```

Implementación de Árboles B y B+



Ventajas y Desventajas

Los nodos hoja del árbol están conectados entre sí a través de una lista enlazada.

Esto aumenta el coste de inserción.

Mejora la eficiencia en la búsqueda.

Hoja de Trabajo

Implemente un árbol B+ que realice las siguientes operaciones:

Inserte: 10,17,3,29,4,5,18,6,22,1,33,35

Posteriormente

elimine: 18,33, 29

Grado: 5