# 谈韩信点兵问题

原创 置顶 MathOnAir 🕕 于 2016-02-22 12:41:08 发布 Φ 3872 🏚 收藏 7

分类专栏: 漫谈古今中外的基础数学



漫谈古今中外的基础... 专栏收录该内容

0 订阅 10 篇文章

订阅专栏

# 谈韩信点兵问题

数学的解题,包括问题、答案、求得答案的思路过程,以及过程中所结晶出来的普遍概念、 方法 和数学理论。只有答案与计算技巧的堆积无法显现数学的妙趣。

在《孙子算经》里(共三卷,据推测约成书于西元400年左右),下卷的第26题,就是鼎鼎有名 的"孙子问题":

今有物不知其数,三三数之剩二,五五数之剩三,七七数之剩二,问物几何?

将它翻译成白话:这里有一堆东西,不知道有几个;三个三个去数它们,剩余二个;五个五个去 数它们,剩余三个;七个七个去数它们,剩余二个;问这堆东西有几个?精简一点来说:有一个数, 用 3 除之余 2; 用 5 除之余 3; 用 7 除之余 2; 试求此数。

用现代的记号来表达:假设待求数为 x,则孙子问题就是求解方程式:

$$\left\{ egin{array}{ll} x = 2 & (mod & 3) \ x = 3 & (mod & 5) \ x = 2 & (mod & 7) \end{array} 
ight.$$

其中 $a = b \pmod{n}$ 表示 a - b可被 n 整除。

这个问题俗称为"韩信点兵"(又叫做"秦王暗点兵"、"鬼谷算"、"隔墙算"、"剪管 术"、"神奇妙算"、"大衍求一术"等等),它属于数论 (Number theory) 中的"不定方程问 题" (Indeterminate equations)。

孙子给出答案:

答曰: 二十三

事实上,这是最小的正整数解答。他又说出计算技巧:

术曰:三三数之剩二,置一百四十;五五数之剩三,置六十三;七七之数剩二,置三十。并之得二百三十三。以二百一十减之,即得。凡三三数之剩一,则置七十;五五数之剩一,则置二十一;七七数之剩一,则置十五。一百六以上,以一百五减之,即得。

这段话翻译成数学式就是:

$$x = 2 \times 70 + 3 \times 21 + 2 \times 15 - 2 \times 105 = 140 + 63 + 30 - 210 = 23$$

此数是最小的正整数解。

为了突显 70、21、15、105 这些数目,明朝的程大位在《算法统宗》(1592年)中,把它们及解答编成歌诀:

三人同行七十稀,五树梅花廿一枝,七子团圆正半月,除百零五便得知。

另外,在宋代已有人编成这样的四句诗:

三岁孩儿七十稀,五留廿一事尤奇,七度上元重相会,寒食清明便可知。

这些都流传很广。"上元"是指正月十五日,即元宵节,暗指"15";而"寒食"是节令名,从 冬至到清明,间隔105日,这段期间叫做"寒食",故"寒食"暗指"105"。

本文我们要来探索韩信点兵问题的各种解法,它们的思路过程与背后所涉及的数学概念和方法。

## 观察、试误与系统列表

按思考的常理,面对一个问题,最先想到的办法就是观察、试误 (trial and error)、投石问路、收集资讯,再经系统化处理,这往往就能够解决一个问题;即使不能解决,对该问题也有了相当的理解,方便于往后的研究或吸收新知。

首先考虑被 3 除之余 2 的问题。正整数可被 3 整除的有 3,6,9,12,,所以被 3 除之余 2 的正整数有 2,5,8,11,14,。其次,被 5 除之余 3 的正整数有 3,8,13,18,。最后,被 7 除之余 2 的正整数有 2,9,16,23,。将其系统地列成表一,以利观察与比较。

被3除之余2	2,5,8,11,14,17,20,23,26
被5除之余3	3,8,13,18,23,28,33,38,43
被7除之余2	2,9,16,23,30,37,44,51,58

我们马上可从表一看出23是最小的正整数解。

有一位四年级的小学生,他耐心地继续计算下去,得到第二个答案是128,第三个答案是233,接着又归纳出一条规律从23开始,逐次加105都是答案(这是磨练四则运算的好机会)。从而,他知道孙子问题有无穷多个解答。不过,小学生还没有能力把所有的解答写成一般公式:

$$x = 23 + 105 \cdot n, n \in N_0 \tag{1}$$

其中, $N_0 = \{0, 1, 2, 3, \dots \}$ 。

根据机率论,一只猴子在打字机前随机地打字,终究会打出莎士比亚全集, 其机率为 1。这是试误法中,最令人惊奇的一个例子。人为万物之灵, 使用试误法当然更高明、更有效。总之,我们可以(且必须)从错误中学习。

# 分析与综合

根据笛卡儿(Descartes, 1596~1650)的解题方法论:面对一个难题,尽可能把它分解成许多部分,然后由最简单、最容易下手的地方开始,一步一步地拾级而上,直到原来的难题解决。换言之,你问我一个问题,我就自问更多相关的问题,由简易至复杂,铺成一条探索之路。现在我们考虑比孙子问题更一般的问题:

问题1. 试求出满足下式之整数 x:

# **②**这功夫法上单写图片描述

孙子问题是  $r_1 = 2$ ,  $r_2 = 3$ ,  $r_3 = 2$  的特例:

为了求解这个特例,我们进一步考虑一连串更简单的特例。 基本上,这有两个方向: 剩余为 0 或只有单独一个方程式。

# 单独一个方程式

欲求

$$x = 3q_1 + 2 \tag{4}$$

的整数解x,显然解答的全体为

$$S = \{..., -7, -4, -1, 2, 5, ...\}$$

这些解答可以写成一个通式:

$$x = 3n + 2, n \in Z \tag{5}$$

其中Z表示整数集,事实上,(5)式只是(4)的重述。 进一步,通解公式(5)也可以写成

$$x = 3n + 5, n \in Z$$

或

$$x = 3n + (-4), n \in Z$$

等等,换言之,通解公式可以表成 $x=3n,n\in Z$ ,与x=2(或x=-4等等)这两部分之和。前一部分是 $x=3q_1$  之通解,后一部分是  $x=3q_1+2$ 的任何一个解答(叫做特解)。

这告诉我们,欲求  $x=3q_1+2$  之通解,可以分成两个简单的步骤: 先求  $x=3q_1$  的通解,再求  $x=3q_1+2$  的任何一个特解,最后将两者加起来就是 $x=3q_1+2$  的通解公式。

这对于两个方程式的情形也成立吗?这是否为一般的模式 (pattern)?下述我们将看出,这是肯定的。

# 两个方程式

其次,考虑

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 2 \\ x = 5q_2 + 3 \end{cases} \tag{6}$$

的整数解x。为此,我们考虑更简单的齐方程式问题:

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 0 \\ x = 5q_2 + 0 \end{cases} \tag{7}$$

这表示x可以同时被 3、5 整除,即 x 是 3、5 的公倍数。因为这两个数互质,所以  $3 \times 5 = 15$ 是它

们的最小公倍数。从而,

$$x = 105 \cdot n, n \in Z \tag{8}$$

是(7)式的齐次方程之通解公式。

如何求得(6)式的一个特解?这可以采用试误法,也可以系统地来做。今依后者,考虑比(7)式稍微进一步的问题:

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 1 \\ x = 5q_2 + 0 \end{cases} \tag{9}$$

这是要在5的倍数中

$$\dots -10, -5, 0, 5, 10, 15\dots$$

找被 3 除 $\pm$  1 者。由于我们只要找一个特解,故不妨选取 x=10。从而

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 1 \\ x = 5q_2 + 0 \end{cases} \tag{10}$$

的一个特解为 $x=2\times10$ 。同理,我们找到

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 0 \\ x = 5q_2 + 1 \end{cases} \tag{11}$$

的一个特解x=6,于是 $x=3\times6$ 为

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 0 \\ x = 5q_2 + 3 \end{cases} \tag{12}$$

的一个特解。因此

$$x = 2 \times 10 + 3 \times 6 \tag{13}$$

为(6)式的一个特解。

将(8)式与(13)式相加,得到

$$x = 2 \times 10 + 3 \times 6 + 15 \cdot n, \ n \in Z$$
 (14)

这是(6)式的通解公式(穷尽了所有解答)吗?

答案是肯定的,我们证明如下:根据上述的建构,显然(14)式为(6)的解答。反过来,设 A 为(6)式的任意解答,则  $A-2\times 10-3\times 6$  为(7)式的解答,而(7) 式的解答形如 $15\cdot n$  ,因此  $A-2\times 10-3\times 6=15\cdot n$  ,亦即 A 可表成

$$A=2 \times 10+3 \times 6+10 \cdot n, \ n \in Z$$

换言之,(6)式的任意解答皆可表成(14)之形,所以(14)式为(6)式之通解公式。

# 孙子问题

现在我们再往前一步,来到孙子问题,即(3)式之求解。仿上述办法,先解齐次方程:

$$\begin{cases} x = 3q_1 + 0 \\ x = 5q_2 + 0 \\ x = 7q_3 + 0 \end{cases}$$

得到通解公式为

$$x = 3 \times 5 \times 7 \times n = 105 \cdot n, \ n \in Z$$
 (15)

其次,我们分别找

$$\left\{egin{array}{l} x=3q_1+1 \ x=5q_2+0 \ x=7q_3+0 \end{array}
ight. \ \left\{egin{array}{l} x=3q_1+0 \ x=5q_2+1 \ x=7q_3+0 \end{array}
ight. \ \left\{egin{array}{l} x=3q_1+0 \ x=5q_2+0 \ x=7q_3+1 \end{array}
ight. \end{array}
ight.$$

之特解,得到 x = 70, x = 21, x = 15。从而

$$x = 2 \times 70 + 3 \times 21 + 2 \times 15 \tag{16}$$

为孙子问题(即(3)式)的一个特解。

将(15)式与(16)式相加起来,得到

$$x = 2 \times 70 + 3 \times 21 + 2 \times 15 + 105 \cdot n, n \in Z \tag{17}$$

我们仿上述很容易可以证明,(17)式就是孙子问题的通解公式。 特别地,当n=-2时,x=23为最小正整数解。

# 更一般的情形

最后,我们前进到问题1(即(2)式)之求解。根据上述的解法,我们立即可以写出(2)式的通解公式:

$$x = 70r_1 + 21r_2 + 15r_3 + 105 \cdot n, \ n \in \mathbb{Z}$$
 (18)

总而言之,对于孙子问题的求解,我们采取了分析与综合的方法:将原问题分解成几个相关的简易问题(相当于物质之分解成原子),分别求得解答后,再将它们综合起来(相当于原子之组合成物质)。这里的综合包括特解的放大某个倍数,相加,然后再加上齐次方程的通解。这非常相像于原子论的研究物质的组成要素、结构、变化和分合之道。

# 线性结构

表象与实体 (appearance and reality) 的关系和互动是哲学的一大主题。通常我们相信,显现在外的表象,背后有规律可循,亦即大自然按机制来出象。

准此以观,上述孙子问题的解法,只是技术层面(即表象)而已。我们要再挖深下去,追究潜藏的道理。我们要问:到底背后是什么结构,使得我们的解法可以畅行?

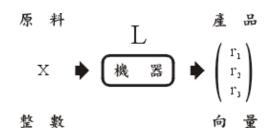
为了探究这个问题,让我们对孙子问题作进一步的分析。特别地,我们要转换观点。

## 问题的转换

首先,将(2)式改写成

$$\begin{cases} x - 3q_1 = r_1, & 0 \le r_1 < 3\\ x - 5q_2 = r_2, & 0 \le r_2 < 5\\ x - 7q_3 = r_3, & 0 \le r_3 < 7 \end{cases}$$

(19)



图—

$$L(x) = \begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix}$$

再将上式看成一个映射 (mapping) 或一部机器 L(如图一)。这部机器的运作由(19)式所定义。

$$\begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix} \qquad \qquad L(x) = \begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix}$$

据此,我们原来的问题就变成:已知产品 要找原料 x,使得 。这是一个典型的解方程式问题。

# 集合加结构

为了要求解这个问题,我们必须研究 L 的性质,以及原料集与产品集的结构。

基本上,我们可以说,现代数学就是研究集合加上结构,由此演绎出的所有的结果。这个结构可以是运算的或公理的等等。

L的原料集为整数集

$$\mathbf{Z} = \{\cdots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, \cdots\}$$

在求解孙子问题的过程中,我们用到了两个整数 a、b 的加法

, 以及一个整系数 α 与一

 $\alpha a \in \mathbf{Z}$ 

个整数 a 的系数乘法 。这两个运算满足一般数系所具有的一些运算律,例如交换律、分配律等等。

$$\begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix}$$

另一方面,由三个整数所组成的一个向量,例如

,就是 L 的一个产品,而产品集为

$$\mathbf{Z}_{(3,5,7)}^{3} = \left\{ \begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix} : 0 \le r_1 < 3, \ 0 \le r_2 < 5, \ 0 \le r_3 < 7 \right\}$$

两个向量的相加,以及系数乘法,分别定义为

$$\begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a_2 \\ b_2 \\ c_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_1 + a_2 \\ b_1 + b_2 \\ c_1 + c_2 \end{pmatrix}$$
$$\alpha \cdot \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha a \\ \alpha b \\ \alpha c \end{pmatrix}$$

但是,最后所得的结果,必须再经过对 3、5、7 的取模操作(modulus operation),例如

$$\begin{pmatrix} 1\\4\\1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2\\2\\5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3\\6\\6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0\\1\\6 \end{pmatrix}$$

(20)

$$9\begin{pmatrix}1\\4\\1\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}9\\36\\9\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}0\\1\\2\end{pmatrix}$$

因为这一切都是起源于对 3、5、7 的除法及余数的问题,某数被 3 除,余 0 与余 3 都表示着同一回事,即某数为 3 的倍数。因此利用对 3 同余的观点来看,1+2=0;对 5 同余的观点来看,2+4=1;同理,对 7 同余,那么 4+5=2。

# L的性质

现在我们知道,L是从原料集 Z 到产品集 Z(3,5,7)3 之间的一个映射,记成

$$L: \mathbf{Z} \rightarrow \mathbf{Z}^3_{(3,5,7)}$$

相对于分合工具的加法与系数乘法,L 具有什么性质呢?解决孙子问题的分析与综合法,如何反映成 L 的性质?

我们观察到

$$L(64) = \begin{pmatrix} 1\\4\\1 \end{pmatrix}, \quad L(47) = \begin{pmatrix} 2\\2\\5 \end{pmatrix}$$

而且

$$L(64+47) = L(111) = \begin{pmatrix} 0\\1\\6 \end{pmatrix}$$

由(20)式知

$$L(64+47) = L(64) + L(47)$$

同理, 易验知

$$L(9 \times 64) = 9 \cdot L(64)$$

一般而言,我们有:

$$L: \mathbf{Z} \rightarrow \mathbf{Z}^3_{(3,5,7)}$$

定理1.映射

满足

(I)

$$L(x+y) = L(x) + L(y)$$

(22)

(II)

$$L(\alpha x) = \alpha L(x)$$

(23)

其中x、y、α皆属于Z。

我们称(21)式为 L 具有加性,(22)式为 L 具有齐性。两者合起来统称为 L 具有叠合原理 (Superposition principle),或称 L 为一个线性算子 (Linear operator)。 这两条性质是由齐一次函数 f(x)=ax 抽取出来的特征性质。

这些似乎有点儿抽象,相当于从算术飞跃到代数的情形。但是,抽象是值得的,它使我们看得更清楚,也易于掌握本质、要点。

# 线性问题的求解

孙子问题就是欲求解线性方程式

$$L(x) = \begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix} \tag{24}$$

特别地,求解

$$L(x) = \begin{pmatrix} 2\\3\\2 \end{pmatrix} \tag{25}$$

L具有叠合原理(或线性),导致了下列求解线性方程式的三个步骤:

# (I)齐次方程

先解齐次方程
$$L(x)=egin{pmatrix} 0 \ 0 \ 0 \end{pmatrix}$$
得到齐次通解 $x=105\cdot n, n\in Z$ 。

# (II)非齐次方程

其次,解非齐次方程

$$L(x) = \begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{pmatrix} = r_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = r_2 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = r_3 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \tag{26}$$

的一个特解,为此,我们求

$$L(x) = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$L(x) = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$L(x) = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

之特解,分别得到 x = 70, x = 21, x = 15。作叠合

$$x = 70r_1 + 21r_2 + 15r_3$$

就是(25)的一个特解。

## (III)再作叠合

将非齐次方程的一个特解加上齐次通解,得到 $x=70r_1+21r_2+15r_3+105\cdot n,n\in Z$ ,就是孙子问题(23式)的通解公式。

一般地且抽象地探讨向量空间的性质(一个集合具有加法与系数乘法)、两个向量空间之间的线性算子之内在结构,以及求解相关的线性方程式,这些就构成了线性代数 (Linear Algebra) 的内容。这是从代数学、分析学、几何学、物理学的许多实际解题过程中,抽取出来的一个共通的数学理论架构,不但重要而且美丽。

我们也看出,孙子问题是生出线性代数的胚芽之一。这样的问题就是好问题,值得彻底研究清 楚。

习题1. 有一堆苹果,七个七个一数剩下三个,十一个十一个一数剩下五个,十三个十三个一数剩下八个,试求苹果的个数,包括最小整数解及通解。

# 中国剩余定理

孙子问题可以再推广,将三个数3、5、7改成两两互质的n个正整数,解法仍然相同。 定理2. 设  $m1, m2, \ldots, mn$  为 n 个两两互质的正整数,则不定方程式

$$\left\{egin{array}{l} x = m_1 q_1 + r_1 \ x = m_2 q_2 + r_2 \ dots \ dots \ x = m_n q_n + r_n \end{array}
ight.$$

存在有解答,并且在取模 $m1, m2, \ldots, mn$ 之下,解答是唯一的。复次,(26) 式的通解等于特解加上齐次方程的通解。

证明: 我们只需证明,当 $r_k=1, r_i=0, \forall i\neq k$ 时,(26)式存在有整数解即可。令

$$M_k = m_1 m_2 \cdots m_k - 1 m_k + 1 \cdots m_n$$

则 $M_k$ 与 $m_k$ 互质。由欧氏算则(即辗转相除法)知,存在整数 r,s 使得

$$rM_k + sm_k = 1$$

有整数解。从而

$$rM_k = -sm_k + 1 = 1 (mod m_k)$$

故 $rM_k$ 即为所求的一个解答。再按线性方程的叠合原理,就可以求得(26)式的通解了。证毕。

注意: 当 $m1, m2, \ldots, mn$ 不两两互质时,(26)式可能无解。

习题2. 请读者举出反例。

#### 结语

让代数方法行得通的依据,归根究底是数系的运算律,这是代数学的"空气"或"宪法"。同理,让线性方程式的求解行得通的依据是,线性叠合的结构(向量空间的运算律及线性算子的特性),由此发展出线性代数,使我们可以作分析与综合,达到以简御繁的境地。

透过各种具体例子的求解过程,逐步锤炼出抽象的数学理论;反过来,数学理论又统合着各种具体问题,让我们看得更清楚;这一来一往的过程是数学发展常见的模式。这种由具体(特殊)生出抽象(普遍),抽象又含纳具体的认识论,值得我们特别留意与欣赏。

物理学家费因曼(R.P. Feynman, 1918~1988)批评物理教育说:物理学家老是在传授解题的技 巧, 而不是从物理的精神层面来启发学生。

这里的"物理"改为"数学"也适用。

有没有办法, 既学到技巧又掌握精神呢? 我们引颈企盼!

#### 摘自蔡聪明《谈韩信点兵问题》

#### 参考文献:

- 1. Feynman, R.P., 《Surely You're Joking, Mr. Feynman, Adventures of a Curious Character》, 吴程远中译:《别闹了,费曼先生——科学顽童的故事》。天下文化出版社,1993。
- 2. Burton, D.M., 《Elementary Number Theory》, Third Edition, Wm. C. Brown Publishers, 1994.
- 3. Mcleish, J., 《The Story of Numbers, How Mathematics Has Shaped Civilization》, Fawcett, Columbine, N.Y., 1991
- 4. Janich, K., 《Linear Algebra》, Springer-Verlag, 1994.
- 5. Katz. V.J. 《A History of Mathematics》, Harper Collins College Publishers, 1993.
- 6. Martzloff, J.C., 《A History of Chinese Mathematics》, Springer-Verlag, 1997.
- 7. 林聪源,《数学史——古典篇》,凡异出版社,新竹,1995。
- 8. 项武义,〈漫谈基础数学的古今中外——从韩信点兵和勾股弦说起〉,《数学传播》第21卷第1 期,1997年。
- 9. 黄武雄, 《中西数学简史》, 人间文化事业公司, 台北, 1980年。

#### 如何求解韩信点兵 02-28

这是一款利用visual C++编写的求解韩信点兵的程序,简单易懂。

#### 初学Python可能会遇见的小程序

初学Python可能会遇见的小程序

weixin 52654139的博客 **①** 351

1-18

#### 韩信点兵(中国剩余定理) weixin 30588675的博客

中国剩余定理是数论中的一个关于一元线性同余方程组的定理,说明了一元线性同余方程组有解的准则以及求解方...

# 孙子算经 之 物不知数(韩信点兵) python孙子算经物不知数 寻开心的博客...

4-22

《<mark>孙子</mark>算经-物不知数》的方法被称为<mark>孙子</mark>定理,是求<mark>解</mark>一次同余式组的方法,是"数论"中一个重要定理,被称为"中国...

#### 中国剩余定理-信息安全数学基础实验

中国剩余定理 原理 中国剩余定理求解同余方程组 求解流程 流程图 举个例子 比如这个例子里 三个方程 a分别为2 ...

# Scratch蓝桥杯实战训练 —— 巧解"韩信点兵"难题的五种方式 疯狂创作...

5-8

古代明朝数学家程大位将**解**法编成易于上口的《<mark>孙子歌诀</mark>》: 三人同行七十稀,五树梅花廿一支。 七子团圆正半月...

#### 中国剩余定理:一类初数题的通用解法(除数,余数问题)(转载) chengg0769...

4-18

问物几何。"用现在的话来说就是:"有一批物品,三个三个地数余二个,五个五个地数余三个,七个七个地数余二个,问...

#### 开发一个app多少钱

开发一个app多少钱

python三人同行七十稀\_三人同行七十稀 - 中国剩余定理浅析 | 学步园 weixin\_34452012的博客 ◎ 291 我国明朝有位大数学家叫程大位,他在解答"物不知其数"问题(即:今有物不知其数,三三数之剩二,五五数之剩…

今有物不知其数,三三数只剩其二,五五数只剩其三,七七数只剩其二 v\_Monster的博客 ◎ 6448 今有物不知其数,三三数只剩其二,五五数只剩其三,七七数只剩其二。 今有物不知其数,三三数只剩其二,五…

## 韩信点兵 wangzuojia1989的博客

2-14

至于它的算法,在《孙子算经》上就已经有了说明,而且后来还流传着这么一道歌诀:三人同行七十稀,五树梅花廿一...

## nyoj 34 韩信点兵 小子有一剑的博客

4-27

输出总人数的最小值(或报告无解,即输出No answer)。实例,输出:89 样例输入 2 1 6 样例输出 41 来源 经典算法 它...

#### Python随便练练

z y ning的博客 **①** 1994

定义一个变量,如果这个变量大于60就打印,恭喜您考试及格,如果这个变量小于60,兄dei再接再厉。 a=70 if a...

#### 孙子算经-秦王暗点兵问题

""" 今有一数,三三数之,剩二;五五数之,剩三;七七数之,剩二。问这个数是几? """ i=0 while i<= 1000: if i%...

# 今有物不知其数三三数之JAVA\_今有物不知其数,三三数之剩二五五之剩三...

5-8

<mark>韩信点兵</mark> 在数学典籍《<mark>孙子</mark>算经》中,有许多著名的数学<mark>问题</mark>。其中最有名的是"鸡兔同笼"<mark>问题</mark>。除此之外,另一个...

#### 物不知数用计算机解法怎么解,物不知数 步六孤陆的博客

4-18

明代著名的大数学家程大位,在他所著的《算法统宗》中,对于这种解一般"孙子问题"的方法,还编出了四句歌诀,名曰...

python中国剩余定理公式\_《孙子算经》之"物不知数"题:中国剩余定理 weixin\_39644915的博客 ◎ 9160 1、《孙子算经》之"物不知数"题今有物不知其数,三三数之剩二,五五数之剩七,七七数之剩二,问物几何? 2、...

#### python语言编程中国剩余定理,涉及扩展欧几里得算法求逆元

c\_programj的博客 ① 1652

在《孙子算经》中有这样一个问题: "今有物不知其数,三三数之剩二(除以3余2),五五数之剩三(除以5余3)...

## 

4-23

这样,韩信就计算出了剩余士兵的人数。 <mark>韩信点兵问题 2 孙子</mark>算经与物不知数<mark>问题</mark> 实际上,这类<mark>问题</mark>就是在求**解**初...

#### 韩信点兵算法

1a0uua119070py = 1= 4304

《<mark>孙子</mark>算经》中给出这类<mark>问题</mark>的解法:"三三数之剩二,则置一百四十;五五数之剩三,置六十三;七七数之剩二…

#### python3.7 解决古代计算题--牛刀小试

首先来看下题目:今有物不知其数,三三数之剩二,五五数之剩三,七七数之剩二,问物几何?第一代:`print("...

#### 韩信点兵JAVA实现

07-18

输入3个非负整数a,b,c ,表示每种队形排尾的人数(a,b,c),输出总人数的最小值(或报告无解)。已知总人数...

## Scratch作品: 韩信点兵 最新发布

04-09

韩信曾有一次带 1500 名兵士打仗,战死四五百人。这是,前方来报,说敌军率 500 人前来进攻。为了统计剩余...

hxdb.rar\_韩信点兵

09-24

韩信点兵 ------中国剩余定理

#### c#韩信点兵算法

04-18

C#<mark>韩信点兵</mark>算法实例源代码,<mark>韩信点兵</mark>是一道古代数学题,内容是:韩信带兵不足百人,三人一行排列多一个,...

#### 零基础学Python------第3章 流程控制语句

第3章 流程控制语句 3.1程序的结构 计算机在解决某个具体<mark>问题</mark>时,主要有3种情况,分别是顺序执行所有的语句...

#### Python流程控制语句介绍

-\*-codingutf-8-\*-"""@功能打印九九乘法表"""foriinrange(1,10)#输出9行forjinrange(1,i+1)#输出与行数相等的列print...

#### Python边学边记(1):循环结构

目录循环While循环for循环for循环嵌套break和continue在循环中的应用 第一次写,仅供学习, 参考: 覃秉丰,清...

# 用python写韩信点兵

02-01

<mark>韩信点兵</mark>是一个古老的传说,据说韩信在统帅军队的时候,曾经用一种特别的方式点兵,使得他的军队能够很快...

## "相关推荐"对你有帮助么?





シシ 没帮助





一般 ; 有帮助



≟ 非常有帮助

关于我们 招贤纳士 商务合作 寻求报道 ☎ 400-660-0108 ☑ kefu@csdn.net ⑤ 在线客服 工作时间 8:30-22:00

公安备案号11010502030143 京ICP备19004658号 京网文〔2020〕1039-165号 经营性网站备案信息 北京互联网违法和不良信息举报中心 家长监护 网络110报警服务 中国互联网举报中心 Chrome商店下载 账号管理规范 版权与免责声明 版权申诉 出版物许可证 营业执照 ©1999-2023北京创新乐知网络技术有限公司



#### 热门文章

《中国古代数学思想》读书笔记(15) ①

色度图的问题 ① 4843

谈韩信点兵问题 ◎ 3869

概率破玄机,统计解迷离 ① 3188

杵臼关节(发) ① 2471

#### 分类专栏



漫谈古今中外的基础数学 10篇



C 大创

1篇

#### 最新评论

只有一种"足球"的证明

sll2000105: 楼主是没有学过高中化学吗? "在数学上,富勒烯的结构都是以五边形利...

杵臼关节 (发)

baidu\_34702036: 夸她都很难,因为太完...

杵臼关节(发)

woshihaoren12346: 楼主说的十分有道理,

让人如沐春风

花式作死? 盘点不作死就不会死的数学家 qq\_34389710: 傅里叶和我当年一样,经常 受到质疑=。=

评康熙朝的一场天文比试

woshihaoren12346: 楼上说的对啊

#### 您愿意向朋友推荐"博客详情页"吗?











强烈不推荐 不推荐 一般般 推荐 强烈推荐

#### 最新文章

欢迎使用CSDN-markdown编辑器

绿色的数学印象

色度图的问题