第十六届蓝桥杯大赛软件赛决赛

Java 大学 B 组

【选手须知】

考试开始后,选手首先下载题目,并使用考场现场公布的解压密码解压试题。

考试时间为4小时。考试期间选手可浏览自己已经提交的答案,被浏览的答案允许拷贝。时间截止后,将无法继续提交或浏览答案。

对同一题目,选手可多次提交答案,以最后一次提交的答案为准。

选手必须通过浏览器方式提交自己的答案。选手在其它位置的作答或其它方式提交的答案无效。

试题包含"结果填空"和"程序设计"两种题型。

结果填空题:要求选手根据题目描述直接填写结果。求解方式不限。不要求源代码。把结果填空的答案直接通过网页提交即可,不要书写多余的内容。

程序设计题:要求选手设计的程序对于给定的输入能给出正确的输出结果。 考生的程序只有能运行出正确结果才有机会得分。

注意: 在评卷时使用的输入数据与试卷中给出的示例数据可能是不同的。 选手的程序必须是通用的,不能只对试卷中给定的数据有效。

所有源码必须在同一文件中。调试通过后, 拷贝提交。

注意:不要使用 package 语句。

注意: 选手代码的主类名必须为: Main, 否则会被判为无效代码。

注意:如果程序中引用了类库,在提交时必须将 import 语句与程序的其他部分同时提交。只允许使用 Java 自带的类库。

试题 A: 农场监控

本题总分: 5分

【问题描述】

一位农民正在规划他的高科技农场,他希望利用无人机和摄像头对农作物进行实时监控。为了实现这一目标,他将农场划分为一个 2025×2025 的网格,其中每个网格单元代表一小块农田。整个网格中共有 2026×2026 个顶点(即网格线相交形成的点),这些顶点可以作为监控设备的安装位置。

为了提高监控效率,农民决定选择一个矩形区域进行重点监测。具体来说,他会选择网格中4个不同的顶点作为矩形的四个顶点,并且保证矩形的边必须平行于网格的水平或垂直方向。

现在,请你帮助这位农民计算,总共有多少种方法,可以选择4个点,构成满足上述条件的矩形。两种选法被视为不同的方法当且仅当最后形成的矩形区域不同。

【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 A: 农场监控 2

试题 B: 分配房子

本题总分: 5分

【问题描述】

蓝桥小镇有 20255202 栋楼房排成一列,每栋楼有两套房子:一套在一楼,一套在二楼。镇长决定将这些房子分配给本地居民或外来游客居住,并设定了如下规则:

- 每一栋楼里,必须有一套是本地居民住,另一套是外来游客住。
- 从本地居民住户中,分别往左、右看同一楼层的邻居。如果某个邻居也住着本地居民,就记录一次(如果某个本地居民的同一楼层的左、右邻居都是本地居民,记录两次)。最后把所有这样的记录加起来,总数是 5202。

现在,请你计算出满足这两个规则的房子分配方案总数。由于答案可能很大,你只需给出其对 10⁹ + 7 取余后的结果即可。

【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 B: 分配房子 3

试题 C: 答题数量

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 10 分

【问题描述】

小蓝从一间空荡的房间中醒来,眼前放着一张木桌,桌上摆放着两份密封的答案纸,一份属于他,另一份属于他的朋友。每张纸上都写着一个长度为 N 的字符串,仅包含字符 'T' 和 'F' ——这是他们昨晚参加一场判断题考试后的答题记录。

考试共有 N 道题目, 每题的答案只有两种可能:

- 'T' 表示 "True" (正确)
- 'F' 表示 "False" (错误)

两人在相互隔离、无法交流的情况下各自完成了作答,并提交了自己的答案。

今早,小蓝收到了一条神秘信息:

"你的朋友恰好答对了 M 道题。"

标准答案尚未公布,小蓝无法直接判断自己答对了多少题。然而,基于已知信息,小蓝希望评估出,在所有可能的标准答案中,他自己最多能答对多少题。现在,请你计算小蓝至多能答对的题目数量。

【输入格式】

第一行包含两个整数 N 和 M,分别表示题目数量和朋友答对的题目数量。

第二行包含一个长度为 N、仅由字符 'T' 和 'F' 组成的字符串 S,表示小蓝的答案。

第三行包含一个长度为 N、仅由字符 'T' 和 'F' 组成的字符串 T,表示朋友的答案。

试题 C: 答题数量 4

【输出格式】

输出一个整数,表示在所有可能的标准答案中,小蓝最多能答对的题目数量。

【样例输入】

4 2

TTFF

FTTF

【样例输出】

4

【评测用例规模与约定】

对于 100% 的评测用例, $2 \le M \le N \le 10^5$ 。

试题 C: 答题数量

试题 D: 钟楼管理员

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 10 分

【问题描述】

小蓝是小镇钟楼的管理员,负责维护一座古老的时钟。这座时钟的表盘上刻有从 1 到 N 的连续整数,初始时指针指向 1。平时,小蓝通过顺时针或逆时针拨动指针调整时间:顺时针拨动一次,指针从当前数字 x 移至 x+1 (若 x=N,则移至 1);逆时针拨动一次,指针从 x 移至 x-1 (若 x=1,则移至 N)。

然而,一场突如其来的暴风雨损坏了钟楼。表盘因风沙侵蚀变得模糊不清,小蓝无法看清指针的当前位置;机械装置也因故障失灵,导致他拨动指针时方向随机——可能是顺时针或逆时针,且拨动前无法预测方向。

小蓝记得暴风雨后他总共拨动了 K 次指针。为了确定指针的最终位置,他希望计算出经过这 K 次随机拨动后,指针最终可能指向的数字有多少个。

现在,请你帮助小蓝解决这个问题。

【输入格式】

输入的第一行包含一个整数 T,表示测试用例的数量。

接下来 T 行,每行包含两个整数 N 和 K,分别表示表盘上的数字个数和小蓝拨动指针的次数。

【输出格式】

输出共 T 行,每行包含一个整数,表示经过 K 次随机拨动后,指针最终可能指向的不同数字的个数。

【样例输入】

2

4 1

5 2

试题D: 钟楼管理员 6

【样例输出】

2

3

【样例说明】

对于第一个样例 N = 4, K = 1,表盘有数字 1,2,3,4,初始指针指向 1。拨动 1 次后,可能顺时针移至 2,或逆时针移至 4,因此指针最终可能指向的数字有 2 个。

对于第二个样例 N=5, K=2,表盘有数字 1,2,3,4,5,初始指针指向 1。 拨动 2 次后,可能的结果为:顺时针两次至 3、顺时针再逆时针或逆时针再顺时针至 1、逆时针两次至 4,因此指针最终可能指向的数字有 3 个。

【评测用例规模与约定】

对于 20% 的评测用例, $1 \le T \le 10^2$, $2 \le N \le 20$, $1 \le K \le 20$ 。 对于 100% 的评测用例, $1 \le T \le 10^5$, $2 \le N \le 10^9$, $1 \le K \le 10^9$ 。

试题 D: 钟楼管理员 7

试题 E: 情绪链路

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 15 分

【问题描述】

在数字社交媒体的浩瀚世界中,运营者小蓝负责维护一条情绪链路。这条链路由n个用户节点依次排列而成,每个节点上记录着一个情绪值。具体地,第i个节点的情绪值为 a_i ,其中 a_i 是一个整数,可能为正,也可能为负。

为了改善整体情绪氛围,小蓝购买了一种名为"情绪放大器"的工具。该工具允许他选择一段**至少包含一个用户节点的连续区间**,并将这个区间内所有用户节点的情绪值都乘以一个整数 k。只是,工具启动成本高昂,小蓝只能使用它一次。

现在,请你帮助小蓝计算,在经过这样一次操作后(一定要操作),所有用户节点的情绪值之和最大会是多少。

【输入格式】

第一行包含两个整数 n 和 k,分别表示情绪链路的长度和放大器的倍数。 第二行包含 n 个整数 a_1, a_2, \ldots, a_n ,表示每个用户节点的情绪值。

【输出格式】

输出一行,包含一个整数,表示经过一次操作后,所有用户节点情绪值之和的最大可能值。

【样例输入】

5 2

-1 2 -3 4 -5

【样例输出】

1

试题 E: 情绪链路 8

【样例说明】

最优的做法是选择区间 [4] 并使用工具。使用后这 n 个用户节点的情绪值 依次为 [-1,2,-3,8,-5],总和为 1。

【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例, $2 \le n \le 10^3$, $1 \le k \le 10^3$, $-10^3 \le a_i \le 10^3$ 。 对于 100% 的评测用例, $2 \le n \le 10^5$, $1 \le k \le 10^5$, $-10^5 \le a_i \le 10^5$ 。

试题 E: 情绪链路

试题 F: 道具摆放

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 15 分

【问题描述】

小蓝是社区剧团的道具员,他负责管理一排编号为 1 到 N 的道具箱。平常,这些道具箱会按编号升序排列在舞台上。

今天晚上有一场重要的演出,演出开始前,导演小李递给小蓝一份清单,上面写着他想要的道具箱排列顺序: P_1, P_2, \ldots, P_N 。导演希望小蓝在演出过程中将这排箱子调整成这个顺序。由于舞台空间狭小,每次调整只能交换相邻两个箱子的位置。且每完成一次交换,舞台灯光就会闪烁一次作为提示。

灯光系统有个特别的节奏设定:每进行 *M* 次闪烁,灯光就会切换一种模式。为了配合这种节奏,导演强调:必须在某次灯光切换模式的那一瞬间完成所有调整工作。这意味着,小蓝完成调整所需的交换次数必须是 *M* 的整数倍。

现在,请你帮小蓝计算一下,他最少需要多少次交换操作才能按照导演的要求完成调整。如果无论如何都无法满足要求,则输出 -1。

【输入格式】

第一行包含两个整数 N 和 M,分别表示道具箱的数量和灯光模式切换的周期。

第二行包含 N 个整数 P_1, P_2, \dots, P_N ,表示导演想要的道具箱排列顺序。

【输出格式】

输出一个整数,表示最少需要的操作次数。如果无法满足导演的要求,则 输出 -1。

【样例输入 1】

3 2

3 1 2

试题F: 道具摆放 10

【样例输出 1】

2

【样例输入 2】

3 3

1 2 3

【样例输出 2】

0

【样例输入 3】

3 2

1 3 2

【样例输出 3】

-1

【评测用例规模与约定】

对于 50% 的评测用例, $1 \le N, M \le 10^2$, $1 \le P_i \le N$, P_1, P_2, \ldots, P_N 互不相同。

对于 100% 的评测用例, $1 \le N \le 10^5$, $1 \le M \le 10^9$, $1 \le P_i \le N$, P_1, P_2, \ldots, P_N 互不相同。

试题 F: 道具摆放 11

试题 G: 瓷砖填充

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 20 分

【问题描述】

在新建成的城市数学文化馆中,最引人注目的是一面宏大的展示墙。这面墙上嵌有一个特殊的矩形区域:它由两行瓷砖构成,每行有N个格子,整体呈现出一个 $2 \times N$ 的方格结构。为了致敬数学家欧几里得对数论的贡献,设计师构思了一项美学方案:他们计划使用三种特制的数字瓷砖——分别印有 6×1 和5,来填满这些格子,使得任意两个相邻瓷砖上的数字互质。

瓷砖之间共有两种相邻关系:横向相邻(同一行中左右相邻的瓷砖)和纵向相邻(同一列中上下相邻的瓷砖)。无论是哪种相邻关系,它们所承载的数字都必须满足互质条件。

作为受邀的技术顾问,现在,请你计算出在严格遵循上述互质规则的前提下,共有多少种不同的瓷砖填充方法。由于答案可能很大,你只需给出其对 10⁹ + 7 取余后的结果即可。

【输入格式】

输入一个整数 N,表示矩形区域的列数。

【输出格式】

输出一个整数,表示符合互质条件的瓷砖填充方法的数量,对 10^9+7 取余后的结果。

【样例输入 1】

1

【样例输出 1】

7

试题G: 瓷砖填充 12

【样例输入 2】

2

【样例输出 2】

35

【评测用例规模与约定】

对于 10% 的评测用例, $1 \le N \le 10$ 。 对于 100% 的评测用例, $1 \le N \le 10^5$ 。

试题 G: 瓷砖填充 13

试题 H: 弹跳鞋

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 20 分

【问题描述】

小 A 穿上了一双神奇的弹跳鞋,他可以给弹跳鞋充能 x 点能量并启动,然后弹跳鞋会连续弹跳 x 次,过程中无法停止。

其中,第 i 次弹跳时小 A 可以跳跃的距离恰好为 x-i+1。

小 A 正站在一条路上,他希望跳到距离自己 L 的位置,你可以认为小 A 只能向正反两个方向跳跃,不需要考虑路的宽度。

小 A 想知道,如果他只给鞋子充能一次,他在所有弹跳完成后能否停在目标位置。如果能,输出最低需要多少能量;如果不能,输出 -1。

【输入格式】

输入包含一行一个整数, L。

【输出格式】

输出一行一个整数表示答案。

【样例输入】

4

【样例输出】

3

【评测用例规模与约定】

对于 40% 的评测用例, $L \le 100$ 。

对于 60% 的评测用例, $L \le 5000$ 。

对于 100% 的评测用例, $1 \le L \le 10^{18}$ 。

试题 H: 弹跳鞋 14

试题 I: 隔离网络

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 25 分

【问题描述】

小蓝负责一家科技公司的数据中心安全。该数据中心包含 N 台服务器,编号为 1 到 N,以及 M 条数据链路,编号为 1 到 M。每条数据链路都连接着两台服务器。

最近,数据中心遭到了网络攻击,病毒正在通过这些链路快速蔓延。为了阻止病毒扩散,小蓝需要采取紧急措施,对网络进行隔离。他计划进行一系列操作,每次操作都包含以下两个步骤:

- 1. 确定当前网络中所有连通的服务器集群——即通过链路直接或间接相连的服务器集合。
- 2. 对于每个连通的服务器集群,禁用该集群内编号最小的那条数据链路,以切断病毒传播的途径。

小蓝会重复执行上述操作,直到数据中心的所有数据链路都被禁用、整个数据中心的网络都被隔离。对此,请你帮助小蓝计算出,他总共需要进行多少次操作?

【输入格式】

输入数据第一行包含两个正整数 N 和 M,分别表示服务器的数量和数据链路的数量。

接下来 M 行,每行包含两个正整数 u_i 和 v_i ,表示第 i 条数据链路连接的服务器编号。数据链路的编号按照输入顺序从上到下依次为 1 到 M。

【输出格式】

输出一个整数,表示小蓝需要进行的操作次数。

试题I: 隔离网络 15

【样例输入】

- 5 3
- 1 2
- 2 3
- 4 5

【样例输出】

2

【样例说明】

第一次操作:

- 1. 识别两个连通的服务器集群:
 - 集群 1: 服务器 (1,2,3)
 - 集群 2: 服务器 (4,5)
- 2. 对于集群 1, 禁用编号最小的链路 1-2; 对于集群 2, 禁用编号最小的链路 4-5。

第一次操作结束后,仅剩余一个连通的服务器集群:服务器 (2,3)。 第二次操作:

- 1. 识别剩余的连通服务器集群: 服务器 (2,3)。
- 2. 禁用编号最小的链路 2-3。

第二次操作结束后,网络中不再有连通的服务器集群,隔离完成。总共需要 2 次操作。

【评测用例规模与约定】

对于 40% 的评测用例, $2 \le N \le 10^3$, $1 \le M \le \min(\frac{N \times (N-1)}{2}, 2 \times 10^3)$ 。 对于 100% 的评测用例, $2 \le N \le 10^5$, $1 \le M \le \min(\frac{N \times (N-1)}{2}, 2 \times 10^5)$ 。

试题 I: 隔离网络 16

试题 J: 智能交通信号灯

时间限制: 3.0s 内存限制: 512.0MB 本题总分: 25 分

【问题描述】

蓝桥智慧城市在一条主干道上沿路安装了N个智能交通信号灯,这些信号灯按位置从1到N编号。每个信号灯都有着一种控制模式,对于第i个信号灯,其控制模式用 A_i 表示, A_i 是一个大于等于1的整数。

为了评估信号灯配置的"多样性",交通管理专家提出了一种度量方式:对于任意两个不同位置 x 和 y,它们的多样性分数被定义为 大于等于 1 的整数中,第一个既不是 A_x 也不是 A_y 的数值,记作 $\max(A_x,A_y)$ 。例如,当 $A_x=1$ 且 $A_y=2$ 时, $\max(1,2)=3$;当 $A_x=1$ 且 $A_y=3$ 时, $\max(1,3)=2$;当 $A_x=2$ 且 $A_y=2$ 时, $\max(2,2)=1$ 。

政府希望通过分析和调整信号灯配置,提升道路通行效率。为此,他们计划执行 M 条操作指令,每条指令为以下两类之一:

- 1 l r: 查询操作。计算所有满足 $l \le i < j \le r$ 的信号灯对 (A_i, A_j) ,其多样性分数 $\max(A_i, A_j)$ 的总和。
- 2 k x: 调整操作。将第 k 个信号灯的控制模式 A_k 修改为新的值 x。

现在,请你协助政府依次处理这 M 次操作,并输出每个查询操作的结果。

【输入格式】

第一行包含两个整数 N 和 M,分别表示信号灯的数量和操作指令的数量。

第二行包含 N 个整数 A_1, A_2, \ldots, A_N ,表示初始的信号灯控制模式。

接下来 M 行,每行描述一条操作指令,格式如上所述。

【输出格式】

对于每个查询操作,输出一行包含一个整数,表示多样性分数的总和。

试题J: 智能交通信号灯

【样例输入】

- 5 3
- 1 2 3 4 5
- 1 1 5
- 2 1 2
- 1 1 5

【样例输出】

15

10

【样例说明】

初始时信号灯的控制模式依次为: 1,2,3,4,5。第一次查询区间 [1,5], mex 值分别为 3, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 总和为 15。

第二次操作后,信号灯的控制模式依次为: 2,2,3,4,5。第二次查询区间 [1,5], mex 值均为 1,总和为 10。

【评测用例规模与约定】

对于 10% 的评测用例, $2 \le N, M \le 100$, $1 \le l < r \le N$, $1 \le k \le N$, $1 \le A_i, x \le 10^3$ 。

对于 40% 的评测用例, $2 \le N, M \le 10^3$, $1 \le l < r \le N$, $1 \le k \le N$, $1 \le A_i, x \le 10^5$ 。

对于 100% 的评测用例, $2 \le N, M \le 10^5$, $1 \le l < r \le N$, $1 \le k \le N$, $1 \le A_i, x \le 10^9$ 。