YTU - Fer	n-Edebiyat Fakültesi e Sınavı Soru ve Cevap Kağıdı	Not Tablosu				
Bütünlem		1.S-2.S	3.S-4.S	5.S-6.S	7.S	Σ
Adı Soyadı						
Numarası						
Bölümü	CEVAP ANAHTARI	Grup No		Tarih	10.01.2020	
Dersin Adı	MAT1071 Matematik I Süre		100 dk	Sınıf		
Öğretim Üyesi	S. D. L. Y. Y			İmza		- 1

YÖK nun 2547 sayılı Kanunun Öğrenci Disiplin Yönetmeliğinin 9. Maddesi olan "Sınan teşebbüs etmek" fiili işleyenler bir veya iki yarıyıl uzaklaştırma cezası alırlar.

1.) x > 0 için $f(x) = \arcsin \frac{x-1}{x+1} - 2\arctan \sqrt{x}$ ile verilen f fonksiyonunun sabit bir fonksiyon olduğunu gösteriniz ve fonksiyonun değerini bulunuz. (11P)

$$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1 - (\frac{x-1}{x+1})^{2}}} \cdot \frac{x+1-(x-1)}{(x+1)^{2}} - 2\frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot \frac{1}{1+(\sqrt{x}^{2})^{2}}$$

$$= \frac{x+1}{\sqrt{(x+1)^{2}-(x-1)^{2}}} \cdot \frac{2}{(x+1)^{2}} - \frac{1}{(1+x)\sqrt{x}}$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot \frac{x}{(x+1)} - \frac{1}{(1+x)\sqrt{x}} = 0 \Rightarrow f(x) \text{ so bit forksiyon}$$

$$f(1) = c \text{ olmali } 0$$

$$f(1) = \arcsin 0 - 2 \arctan 1 = 0 - 2 \cdot \frac{\pi}{4} = -\frac{\pi}{2}$$

$$\int_{0}^{c} \frac{dx}{(x+1)^{2}} \frac{dx}{(x+1)^{2}} \cdot \frac{(14P)}{(x+1)^{2}} = 0$$

2.)
$$\int_{1}^{e} \frac{dx}{x\sqrt{1+(\ln x)^{2}}}$$
 integralini hesaplayınız. (14P)

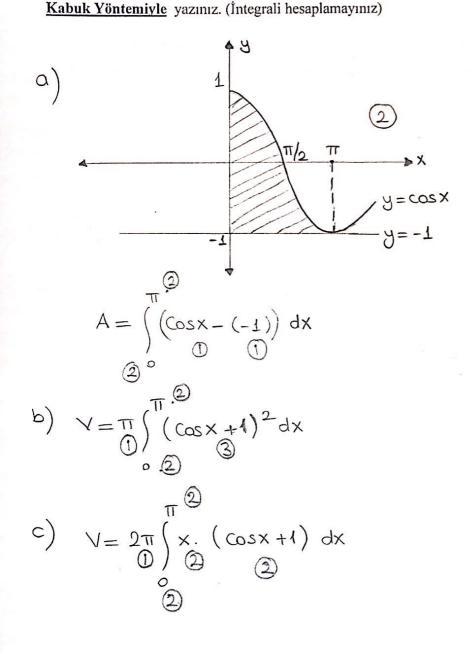
$$0 \xrightarrow{\text{lnx}} = + \qquad x=1 \Rightarrow +=0 \text{ 2} \quad T = \begin{cases} \frac{d+}{\sqrt{1++2}} & \text{ 1} \end{cases}$$

7.) D bölgesi: $y = \cos x$ eğrisi ile üstten, y = -1 doğrusu ile alttan, x = 0 doğrusu ile soldan sınırlandırılmış olsun. D bölgesini çiziniz.

a) D bölgesinin alanını veren belirli integrali yazınız. (İntegrali hesaplamayınız)

b) D bölgesinin y = -1 doğrusu etrafında döndürülmesiyle elde edilen cismin hacmini veren belirli integrali **Disk Yöntemiyle** yazınız. (İntegrali hesaplamayınız)

c) D bölgesinin y – ekseni etrafında döndürülmesiyle elde edilen cismin hacmini veren belirli integrali



Başarılar...

5.)
$$f(x) = \begin{cases} x \cdot e^{-\frac{1}{x^2}}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$
 fonksiyonunun $f'(0)$ türevini türev tanımından yararlanarak

hesaplayınız. (10P)

$$f'(0) = \lim_{h \to 0} \frac{f(0+h) - f(0)}{h}$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{h \cdot e^{-\frac{1}{h^2}}}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{1}{e^{1/h^2}} = 0$$
(2)

6.)
$$\int \frac{e^{4t}}{e^{2t} + 3e^{t} + 2} dt \quad \text{integralini hesaplayınız. (15P)}$$

$$e^{+} = U \qquad 0$$

$$e^{+} dt = dU \qquad 0$$

$$I = \left(\frac{U^{3}}{U^{2} + 3U + 2} \right) dU = \left(\left(U - 3 + \frac{7U + 6}{U^{2} + 3U + 2} \right) dU \right)$$

$$= \left(\left(U - 3 + \frac{-1}{U + 1} \right) + \frac{8}{U + 2} \right) dU \qquad \frac{7U + 6}{(U + 1)(U + 2)} = \frac{A}{U + 1} + \frac{B}{U + 2} \qquad 0$$

$$= \frac{U^{2}}{20} - 3U - \ln |U + 1| + 8 \ln |U + 2| + C \qquad 0$$

$$= \frac{U^{2}}{20} - 3e^{+} - \ln (e^{+} + 1) + 8 \ln (e^{+} + 2) + C \qquad 0$$

$$= \frac{e^{2+}}{2} - 3e^{+} - \ln (e^{+} + 1) + 8 \ln (e^{+} + 2) + C \qquad 0$$

3.) $f(x) = e^{(x-2)^2}$ fonksiyonuna [1,3] aralığında Rolle Teoremi uygulanabilir mi? Eğer uygulanabilir teoremi sağlayan x değerini bulunuz. (10P)

•
$$f'(x) = 2(x-2)e^{(x-2)^2}$$
 (1,3) de türevlenebilir (1)

$$f(1) = f(3) = e$$
 (2)

Rolle Teoremi uygulanabilir.

$$f'(c) = 2(c-2) e^{(c-2)^2} = 0 \implies c = 2 \in [1,3] \text{ vardir.}$$

4.)
$$\int_{1}^{\infty} \frac{\ln x}{x^{2}} dx \quad \text{integralini hesaplayınız. (15P)}$$

$$I = \lim_{R \to \infty} \left\{ \frac{\ln x}{x^{2}} dx \quad \text{integralini hesaplayınız. (15P)} \right\}$$

$$= \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{1}{x} \ln x \right|_{1}^{R} + \left\{ \frac{1}{x^{2}} dx \right\} = \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{1}{x} \ln x - \frac{1}{x} \right\} \right\}$$

$$= \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{1}{x} \ln x \right|_{1}^{R} + \left\{ \frac{1}{x^{2}} dx \right\} = \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{1}{x} \ln x - \frac{1}{x} \right\} \right\}$$

$$= \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{\ln R}{R} - \frac{1}{R} + 1 \right\} = \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{\ln R}{R} + 1 \right\}$$

$$= \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{\ln R}{R} - \frac{1}{R} + 1 \right\} = \lim_{R \to \infty} \left\{ -\frac{\ln R}{R} + 1 \right\} = \lim_{R \to \infty$$