

279. 完全平方数

思路1:

动态规划, 对于任何一个数, 如果是一个平方数, 那么, 平方根就是求解的值, 结果值为1

1. 初始值: $dp[1] = 1$;
2. $j : [2, \sqrt{i}]$
3. 单个元素的初始值: $dp[i] = i$; 完全由1组成
4. 开始探测: $dp[i] = dp[i-j*j] + 1$;
5. 取第四部产生的最小值作为结果值

思路2:

贪心算法

思路3:

暴力求解

263. 丑数

264. 丑数 II

313. 超级丑数

概念:

丑数: 由 2,3,5 作为仅有的质因子的正整数

超级丑数: 指定仅有的质因子列表

思路:

最小数生成器; 因为指定了因子, 所以, 该数只能有指定的因子相乘; 那剩下的事情就是, 如何生成下一个数了;

以丑数为例: $2(x)3(y)5(z)$; $x == y == z == 0$ 时, 是起始值为1;

seed(种子): [2,3,5]

当前最小值: 2; 移出2, 下一个数为 dp 中的值 * 2

代码模板:

```
1 public int nthSuperUglyNumber(int n, int[] primes) {
2
3     // 初始化 DP
4     int[] dp = new int[n];
5     dp[0] = 1;
6
7     // 初始化指针
```

```

8      int[] ptr = new int[primes.length];
9      // 初始化当前值
10     int[] values = new int[primes.length];
11     System.arraycopy(primes, 0, values, 0, primes.length);
12
13     // 开始计算能够产生的最小值
14     for(int i = 1; i < n; i++){
15
16         // 计算当前值
17         int min = Integer.MAX_VALUE;
18         for (int value : values) {
19             min = Math.min(min, value);
20         }
21         dp[i] = min;
22
23         // 当前值已经入选,需要将当前值更新为下一个可选项
24         // 防止values中的重复数字对结果产生干扰
25         for(int j = 0; j < values.length; j++){
26             if (values[j] == min){
27                 // 产生下一个可选项
28                 ptr[j]++;
29                 values[j] = dp[ptr[j]] * primes[j];
30             }
31         }
32     }
33     return dp[n-1];
34
35 }

```

204. 计数质数

思路1:

顺序检测该值是不是质数; 质数的判断条件为: $[2, \sqrt{n}]$ 是不是该值的因子;

思路2: 标记

1. 2为质数,所以2的倍数(不含2)不可能为质数
2. 3为质数,所以3的倍数(不含3)不可能为质数

3. 数学归纳法: 如果某个数为质数,则该数的倍数(不包含该数本身)一定不是质数
4. 标记后: 下一个为标记的数字,就是质数, 因为不能为 $[2, n-1]$ 数整除;
5. 寻找到 \sqrt{n} ; 因为如果一个数的因为如果 $> \sqrt{n}$, 那么另一个因为一定会 $< \sqrt{n}$

```
1 public int countPrimes(int n) {
2
3     // DP
4     boolean[] dp = new boolean[Math.max(2,n)];
5     dp[0] = true;
6     dp[1] = true;
7     // 边界值
8     int sqrt = ((Double)(Math.sqrt(n))).intValue();
9
10    // 选取起始的素数
11    int nextPrime = 2;
12
13    while(nextPrime <= sqrt){
14        // 将素数的倍数作为
15        int next = nextPrime << 1;
16        while(next < n){
17            dp[next] = true;
18            next += nextPrime;
19        }
20
21        // 选取下一个素数
22        nextPrime++;
23        while(dp[nextPrime] != false){
24            // choose == current
25            nextPrime++;
26        }
27    }
28
29    // 扫描结果
30    int size = 0;
31    for(boolean scan : dp){
32        if(!scan){
33            size++;
34        }
35    }
```

```
36
37     return size;
38 }
```

思路3:

标记思路优化; 根据标记思路中可以发现: 偶数是可以忽略的, 也就是简单的不考虑偶数的情况, 则可以将原有的操作缩小为 1/2;

```
1     public int countPrimes(int n) {
2
3         if(n <= 2){
4             return 0;
5         }
6
7         // DP
8         boolean[] dp = new boolean[n/2];
9         // 边界值
10        int sqrt = ((Double)(Math.sqrt(n))).intValue();
11
12        // 选取起始的素数
13        int nextIndex = 1;
14        int nextPrime = (nextIndex<<1)+1;
15        while(nextPrime <= sqrt){
16            // System.out.println(nextPrime);
17            // 将素数的倍数作为
18            // next += next << 1;
19            int next = (nextPrime << 1) + nextPrime;
20            while(next < n){
21                dp[next>>1] = true;
22                next += nextPrime << 1;
23            }
24
25            // 选取下一个素数
26            while(++nextIndex < dp.length && dp[nextIndex]){
27            }
28            nextPrime = (nextIndex << 1) + 1;
29        }
30
31        // 扫描结果
```

```
32     int size = 1;
33     for(int i = 1; i < dp.length; i++){
34         if(!dp[i]){
35             size++;
36         }
37     }
38     return size;
39 }
```