Tecnológico de Estudios Superiores de Huixquilucan - Ingeniería Mecatrónica Cálculo Diferencial - Actividad 8

Resolver los siguientes problemas. Validar cada uno de los problemas con su respectiva solución en MAPLE.

Nombre del (la) estudiante:

En los problemas 1 al 4 hallar el valor de $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}$ usando el método de derivada de una función de función:

1.
$$y = u^6, u = 1 + 2\sqrt{x}$$

2.
$$y = \sqrt{2u} - u^2, u = x^3 - x$$

3.
$$y = \frac{a-u}{a+u}, u = \frac{b-x}{b+x}$$

4.
$$y = u\sqrt{a^2 - u^2}, u = \sqrt{1 - x^2}$$

En los problemas 5 a 18 hallar el valor de $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}$ usando el método de derivación de funciones implícitas.

5.
$$15x = 15y + 5y^3 + 3y^5$$

6.
$$x = \sqrt{y} + \sqrt[3]{y}$$

7.
$$y^2 = 2px$$

8.
$$x^2 + y^2 = r^2$$

9.
$$b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$$

10.
$$\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{a}$$

11.
$$x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} = a^{\frac{2}{3}}$$

12.
$$x^3 - 3axy + y^3 = 0$$

13.
$$x^3 + 3x^2y + y^3 = c^3$$

14.
$$x + 2\sqrt{xy} + y = a$$

15.
$$x^2 + a\sqrt{xy} + y^2 = b^2$$

16.
$$x^4 + 4x^3y + y^4 = 20$$

17.
$$ax^3 - 3b^2xy + cy^3 = 1$$

$$18. \ \sqrt{\frac{y}{x}} + \sqrt{\frac{x}{y}} = 6$$