Formulario Fisica 1

Moto Rettilineo Uniforme

- $v_x = v_m = \text{costante}$
- $v_x = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
- $\bullet \ x_f = x_i + v_x t$

Accelerazione media e istantanea

- $a_m = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{xf} v_{xi}}{t_f f_i}$
- $a_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2}$

Moto Rettilineo Uniformemente Accelerato

- $a_m = a_x = \text{costanti}$
- $\bullet \ x_f = x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$
- $\bullet \ v_{xf} = v_{xi} + a_x t$
- $\bullet \ v_m = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xf})$
- $v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f x_i)$

Corpi in caduta libera

- $a_y = g = \text{costante}$
- $g = 9.81m/s^2$

Moto dei Proiettili

- $\bullet \ h_{max} = \frac{v_i^2 \sin^2 \theta_i}{2g}$
- $R(\text{gittata}) = \frac{v_i^2 \sin 2\theta_i}{g}$

Moto Circolare Uniforme

• $a_c = \frac{v^2}{r}$

• $\omega = \frac{v}{r}$

• $T = \frac{2\pi r}{v}$

• $v = r\omega$

• $\omega = \frac{2\pi}{T}$

• $a_c = r\omega^2$

Seconda legge di Newton

- $\vec{a} \propto \frac{\sum \vec{F}}{m}$
- $\sum \vec{F} = m\vec{a}$
- $F_g(\text{forza peso}) = mg$

Attrito

- Attrito statico: $f_s \leq \mu_s n$ μ_s : coefficiente di attrito statico n: reazione vincolare
- Attrito dinamico: $f_k = \mu_k n$ μ_s : coefficiente di attrito dinamico

Lavoro

• $W \equiv F \Delta r \cos \theta = \int_{x_i}^{x_f} F_x \, dx = \vec{F} \cdot \Delta \vec{r}$

Prodotto scalare

• $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB\cos\theta = A_xB_x + A_yB_y + A_zB_z$

Lavoro di una molla

- Legge di Hooke: $F_s = -kx$
- $W_s = \int_{x_i}^{x_f} (-kx) dx = \frac{1}{2}kx_i^2 \frac{1}{2}kx_f^2$

Energia cinetica

- $K \equiv \frac{1}{2}mv^2$ $W = \Delta K$
- $K_f = K_i + W_{est}$

• $v = \sqrt{\frac{2K}{m}}$

Energia potenziale

- Gravitazionale: $U_g \equiv mgy$
- $W_{est} = \Delta U_q = mqy_f mqy_i$
- Elastica: $U_s \equiv \frac{1}{2}kx^2$
- $W_{F_{ann}} = \Delta U_s = \frac{1}{2}kx_f^2 \frac{1}{2}kx_i^2$

Conservazione dell'energia

- $\Delta E_{sistema} = \sum T$
- $K_f + U_f = K_i + U_i$ (attenzione all'attrito!)

Sistemi con attrito dinamico

- $\bullet \Delta K = -f_k d$
- $U_f + K_f U_i K_i = -f_k d$

Energia meccanica

• $E_{mecc} = K + U$

• $E_{mecc_f} = E_{mecc_f}$

Potenza

- $P \equiv \frac{dE}{dt}$ $P_{media} \equiv \frac{W}{\Delta t}$ $P_{ist} = \frac{dW}{dt} = \vec{F} \cdot \vec{v}$

Quantità di moto

• $p \equiv m\vec{v}$

- $\Delta \vec{p} = \int_{t}^{t_f} \sum \vec{F} dt$
- $\sum \vec{F} = m\vec{a} = m\frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d\vec{p}}{dt}$ Impulso: $\Delta \vec{p} = \vec{I} \ [N \cdot s]$

Urti perfettamente anelastici

- $\Delta \vec{p} = 0 \rightarrow m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = (m_1 + m_2) \vec{v}_f$
- $\bullet \ \vec{v}_f = \frac{m_1 \vec{v}_{1i} + m_2 \vec{v}_{2i}}{m_1 + m_2}$

Urti elastici

- $\vec{p_i} = \vec{p_f}$ e $K_i = K_f$
- $v_{1f} = \left(\frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}\right) v_{1i} + \left(\frac{2m_2}{m_1 + m_2}\right) v_{2i}$
- $v_{2f} = \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2}\right) v_{1i} + \left(\frac{m_2 m_1}{m_1 + m_2}\right) v_{2i}$

Centro di massa

- $x_{CM} \equiv \frac{m_1 x_1 + \dots + m_n x_n}{m_1 + \dots + m}$
- $\vec{v}_{CM} = \frac{1}{M} \sum_{i} m_i \vec{v}_i$ $\vec{a}_{CM} = \frac{1}{M} \sum_{i} m_i \vec{a}_i$
- $x_{CM} = \frac{1}{M} \sum_{i} m_i x_i$ (analogo per y e z)
- $\vec{r}_{CM} = x_{CM}\hat{i} + y_{CM}\hat{j} + z_{CM}\hat{k} = \frac{1}{M}\sum_{i} m_{i}\vec{r}_{i}$
- Corpo esteso: $x_{CM} = \frac{1}{M} \int x \ dm$ (analogo per y e z)
- Corpo esteso: $\vec{r}_{CM} = \frac{1}{M} \int \vec{r} \, dm$