ESEMPTO [FC] (PGANS) DI INTENTITE SOLUZIONI

[FC]
$$\begin{cases} y' = 3y^{2/3} \\ y(o) = 0 \end{cases}$$

SOLUZIONE BANALE:

 $y = 0$ (STESSA COSA DI Y(x)=0 VXEI)

• CEFCHIAMS ALTRE SOLUZIONI

SE $y(x) \neq 0$ PEF QUALCHE INTERVALLO, POSSO:

 $\begin{cases} (y(x))^{-\frac{3}{3}} y'(x) = 1 \\ 3 \end{cases}$ INTEGRIAMS

 $\Rightarrow \begin{cases} (y(x))^{-\frac{3}{3}} y'(x) = 1 \\ 3 \end{cases}$ INTEGRIAMS

 $\Rightarrow \begin{cases} (y(x))^{-\frac{3}{3}} y'(x) = 1 \\ 4 \end{cases}$ INTEGRIAMS

 $\Rightarrow \begin{cases} (y(x))^{-\frac{3}{3}} y'(x) = 1 \\ 4 \end{cases}$ COME

 $\Rightarrow \begin{cases} (y(x))^{\frac{3}{3}} \\ (y(x))^{\frac{3}{3}} \end{cases}$
 $\Rightarrow \begin{cases} (y(x))$

QUELLA VELICE È LA SOLUZIONE REALO $y_{c}(x) = \{(x + c)\}, \quad x > -c$ $y_{c}(x) = \{(x + c)\}, \quad x < -c\}$ CONSIDELO C CO Y(-c)=0 CONSIDERO ANGORA Y'(X) = 3 (X+C) CHE CON X=-C HA COME LISULTATO SEMPLE D. CLDE Y'(-C)=0 E SIA Y È GERVABILE (COM Y' CONTINVA) 500015FA EQ. DIFF 1 CONDI ZIONE (NIZ/ACE => soluzione PC Vcco ESISTONO HP SULU STRUTTURA DEL'EQ. (HÉ CONSENTONO UNICITÀ L ESISTENZA (NON QUESTO CASO) DEC PC. QUESTO ESEMPIO È UN'EQUAZIONE A VARIABILI SEPA RABILI $y' = Q(x)b(x) \qquad b(y) \neq 0 \qquad \frac{y'(x)}{b(y(x))} = Q(x)$ $\int \frac{\gamma'(x)}{\beta(\gamma(x))} dx = \int \alpha(x) dx$ INTEGRANDO SOSTITULIONE DAY SERNRANDO I DIFFERENTIALI VARIABILI SEVARABILI: $\frac{dY}{dx} = 2(x)b(y)$ b(y) = 2xdx

ESEMPT SIGNIFICATIVE

1)
$$y' = 4 \times e^{-x^2} (1 + y^2)$$

2) $y' = y \neq x^4$

3) $y' = y + x$

4) $y' = y + e^{x^2}$

SOLUTIONS:

1) $\frac{y'(x)}{1 + y^2(x)} = 4 \times e^{-x^2} = 2 \times e^{-x^2} = 2$

CENCO IL IGIALLO (TERMINE DI SINISTRA)

$$\int \frac{dy}{y} = |n|y(x)|$$

$$QUINDI:$$

$$|n|y(x)| = 2x^2 + c, Usiamo L'ESIONENZIALE

$$|y(x)| = exp(2x^2 + c) = e - e$$$$

SOLUEIONE (ESSENDA Y(X) DEDUNBILE & CONTINMA, & Y'(MA)

$$\int_{y^2}^{y^2} = \int_{z}^{z} dx = \int_{z}^{z} \int_{z}^{z} dx = x + C$$

$$\begin{array}{c}
y - 1 \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
x + c \\
= -2 + 1
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
x + c \\
x +$$

ABBLAMS L(d41+B42)= 2 J(41+B L(42) L) PROPRIETA DI LINEARITA DIMOSTRANGOLA ... 2(dy, + Byz) = (dy1 + Byz) + p(x(dy1 Byz) = & Y1' + BY2' + & P(x) Y1 + BP(x) Y2 2 (Y1+P(x) Y1)+ B(Y2+PG/Y2) - 2 1 (Y1) + B 1 (Y2) QUANDO Q(x) & FUNZ. NULLO, ABBIAMO ER. LINEARI (A COEFF. VARIABLLI) NON - OMOGENEE NEL CASO 9(x) = 0 4x => "ED. OMOGENEE" TEOREMA DELLE EQ. DI PRIMO ORDINE LINEARI LA SOLUZIONE DI Y'+ P(x)Y = 9(x) È DATA DA (A) $y(x) = e^{-p(x)} \{c + \int e^{-p(x)} - q(x) dx$ DOVE P(X) È UNA PRIMITIVA QUALSIASI (LE COSTANTI C SOND "IN GLOBATE" IN ESSA) B) IL PC HA SOLUTIONS UNICA EO E (y + f(x)y = g(x)) (y + f(x)y = g(x)

DIMOSTLAZIONE B

USANDO LA B E CONOIZIONE INIZIALE: $y_0 = y(x_0) = e^{-\frac{y}{2}(x_0)} \left\{ c + Q(x) \right\}$ gove $Q(x) = \int e^{-\frac{y}{2}(x)} dx$ $= > c = \forall \circ \ell^{P(\times \circ)} - Q(\times \circ)$ UNICLTA: SUPPONIAMO OI AVERE 2 512. DEL PC $\begin{cases} y_2' + \rho(x) y_2 - q(x) \\ y_3(x_0) = y_0 \end{cases} \begin{cases} y_2' + \rho(x) y_2 = q(x) \\ y_3(x_0) = y_0 \end{cases}$ SOTTLAGGO $(y'_{4} - y'_{2} + p(x)(y_{4} - y'_{2}) = q(x) - q(x) = 0$ 1 4,(x0) - 42(x0) = 40-40 = 0 DAU' EQ. M'+ P(X) M = 0 $A = M(x) = e^{-e(x)} \{ (+e^{-e(x)}) \} = Ce^{-e(x)}$ MA DA M(X.) =0, ALLORA => C=0 (PERCHE L'ESP. NON 51 ANNULA) QUINDI M(X)=> YX & I CIDE XY1 = Y2 } DIMOSTRAZIONE (A) " METODO DEL FATTORE INTEGRANDE" 19460 M(x) = exr([p(x) dx) > 0 $\mu'(x) = exp(\int \rho(x) dx) \cdot p(x) = \mu(x) \cdot p(x)$ $\mu(x)$

