$$y'(t) = a(t)y(t) + b(t)y^{\alpha}(t)$$

con $\alpha \neq 0$; 1. Vediamo il metodo di risoluzione passo-passo:

(1) Dividere ambo i membri per y^{α} ottenendo

$$\frac{y'(t)}{y^{\alpha}(t)} = a(t)\frac{y(t)}{y^{\alpha}(t)} + b(t)$$

(3) Derivare entrambi i membri dell'uguaglianza (2), ricavando

$$z'(t) = (1 - \alpha)y^{-\alpha}(t)y'(t)$$

ossia

BERNOULLI

$$z'(t) = (1-\alpha)\frac{y'(t)}{y^\alpha(t)}$$

 $(\spadesuit) \quad \frac{y'(t)}{y^{\alpha}(t)} = a(t)y^{1-\alpha}(t) + b(t)$ per cui

RICCATI

(2) Porre
$$y^{1-\alpha}(t) = z(t)$$
.

ossia

$$\underbrace{\frac{z'(t)}{z'(t)}}_{1-\alpha} = a(t) \underbrace{z(t)}_{z(t)}^{=y^{1-\alpha}(t)} + b(t)$$

che è un'equazione differenziale lineare, non omogenea, del primo ordine, di cui conosciamo la formula risolutiva.

(5) Tornare alla variabile y(t) ricordandosi dell'imposizione fatta al punto (2), ovvero:

Potrebbe sembrare qualcosa di difficile, ma non è così! Con il seguente esempio vi risulterà tutto più chiaro!

$$\frac{y'(t)}{y^{\alpha}(t)} = \frac{z'(t)}{(1-\alpha)}$$

$$y' = A(x) + B(x)y + C(x)y^2$$

Esiste anche un procedimento alternativo per la risoluzione, che però prevede di conoscere una soluzione particolare y_1 . Se disponiamo di una soluzione particolare, possiamo effettuare la sostituzione

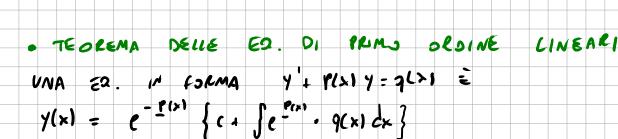
$$z = \frac{1}{y - y_1}$$

che riconduce l'equazione di Riccati ad un'equazione differenziale di Bernoulli

$$z' = -(B(x) + 2y_1C(x))z - C(x)$$

Dopo averla risolta puoi ricavare la soluzione dell'equazione originaria come

$$y = y_1 + \frac{1}{z}$$



```
GRADO SUPERIORE
TEORE MA 3 ( 50 LUZIONE GENERALE):
      HP: • ](Y) = 0 (ED. OMOGENEA) & K = 2 (ORDINE 2)

• Y" + 2, Y' + 20 Y = 0

• 21, 2. EIR HA SOLUEIONE Y(x) = C, W, + C, W,
 Con k = 2:
- \Delta > 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_1 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 = 0 \longrightarrow W_1 = e^{\lambda_2 \gamma}
- \Delta = 0 \longrightarrow W_1 =
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 GENERALIZZATO:
       DOVE h: 1 SOND LA MOLTEPLICITÀ DELE SOLUZIONI IN IR . C
         Shy + 2 Sty = K LA SOMMA DECLE MOLTEPLICITÀ È L'ORDINE DECL' ED
              TEOREMA 10 (SOCUEIONE PARTICOLARE)
              HP: d, B & IR, Pr POLINOMIO DI GRADO F. ED IN FORMA: "Y"+ 2, Y + 2 . Y = Pr(x) exx sen(Bx)
                  1/4 (x) = x = 4x {Pr(x) sen (Bx) + 2 r cos (Bx)}, con Qr & Pr Porinoni p. GRADO r a
                                                                  SE X+ iB
                                                                                                                                                                                                     NON È RADICE DI T
                                                                                               DO V DO JABE RADICE DI T
                       h = 1
                                                                                                                                                                                                                                                                                  È RADICE REALE DI TO
                          h=z
```

Restrizione di funzioni a due variabili

- 1. calcolo gradiente e lo pongo = a 0. Mi segno i punti trovati
- 2. punti sulla frontiera. pongo y (o x, in base alla restrizione) = al valore e trovo i punti dove l'altra variabile è "al limite"
- 3. punti sulla frontiera. stessa cosa con altro "bound". Probabilmente si può parametrizzare per rendere la cosa più facile
- 4. Confronto i punti calcolandone i valori, trovando max e min

PLAND TANGENTE

Se $f \in differentiabile$ in (x_0, y_0) , it pions tengente al grafic di f hel punto $(x_0, y_0, f(x_0, y_0))$ ha equatione $2(x_0, y_0) = f(x_0, y_0) + \frac{2}{2}f(x_0, y_0) \cdot (x_0, y_0) + \frac{2}{2}f(x_0, y_0) \cdot (y_0, y_0)$

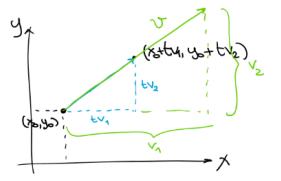
DERIVATA DIREZIONALE NEL PUNTO (X,Y) NELLA DIREZIONE $V = (V_1, V_2)$, ||V|| = 1

DEFINITIONE

$$\frac{\partial f}{\partial v}(x_0,y_0) = \lim_{t \to 0} \frac{f(x_0 + tv_1, y_0 + tv_2) - f(x_0, y_0)}{t}$$

$$\int_{v=(v_1,v_2)}^{v=(v_1,v_2)} \sup_{z \in \mathcal{Q}_{in}} \frac{f(x_0 + tv_1, y_0 + tv_2) - f(x_0, y_0)}{t}$$

$$\int_{v=(v_1,v_2)}^{v=(v_1,v_2)} \sup_{z \in \mathcal{Q}_{in}} \frac{f(x_0 + tv_1, y_0 + tv_2) - f(x_0, y_0)}{t}$$



DERIVATE PARZIALI NEZ PUNTO (K.Y.) (CASI PARTICOLARI DI DERIVATE DIREZIONALI)

$$\frac{\partial f}{\partial x}(x_0,y_0) = \lim_{t \to 0} \frac{f(x_0+t,y_0) - f(x_0,y_0)}{f(x_0,y_0)}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x_0, y_0) = \lim_{t \to 0} \frac{f(x_0, y_0 + t) - f(x_0, y_0)}{t}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x_0, y_0) = \lim_{t \to 0} \frac{f(x_0, y_0 + t) - f(x_0, y_0)}{t}$$

DIFFERENZUBILITA

$$\begin{pmatrix}
si & sim direction \\
del & questo \\
equivole a : \\
\begin{pmatrix}
(k,K)-(00)
\end{pmatrix} \frac{f(x+h)+k)-f(x_0,y_0)-h}{\sqrt{k^2+k^2}} \frac{2k}{\sqrt{k^2+k^2}} \frac{2k}{\sqrt{k^2+k^2}} = 0
\end{pmatrix}$$

TEDREMA DEL DIFFERENZIAVE TOTAVE

$$f: \mathcal{N} \to \mathbb{R}$$
, $\mathcal{N} \leq |\mathbb{R}^2$ aposto

 $\exists \exists f \in \exists f \text{ in } \mathcal{N}$
 $\exists f \in \exists f \text{ sono continue in } \mathcal{N}$
 $\exists f \in \exists f \text{ sono continue in } \mathcal{N}$

FORMULA DEL GRADIENTE SE ||V|| diversa da 1, ricorda di normalizzare

$$f$$
 differentiations in (κ_0, y_0) $\Longrightarrow \frac{\partial f}{\partial y}(\kappa_0, y_0) = \langle \nabla f(\kappa_0, y_0), V \rangle$

CLASSIFICAZIONE DEI PUNTI CRITICI PER FUNZIONI DI 2 VARVABILI $f: \mathfrak{L} \rightarrow \mathbb{R}$, $\mathfrak{L} \subseteq \mathbb{R}^2$, $f \in \mathcal{C}^2(\mathfrak{R})$

- ② Cerco i punt teur un expressión per ette betre de messino locale

 Se ciascuno dei punti sopra trovati € punto

 di minimo locale

 se ciascuno dei punti sopra trovati € punto

 né di massino locale

 né di minimo locale

 ne di minimo lo



A MATRICE HESSIANA

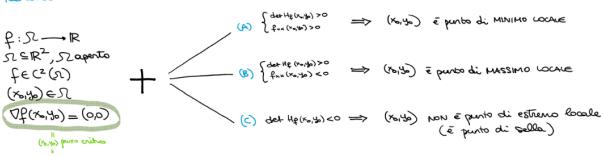
$$Hb = \begin{pmatrix} t^{2x} & t^{2} \\ t^{2x} & t^{2} \end{pmatrix}$$

dove, and esemplo,
$$f \times y = (f \times)_y = \frac{\partial}{\partial y} (\frac{\partial f}{\partial x}) = \frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x}$$

Teapers.: $f \in (^2(\Omega)) \implies f \times y = fy \times$

TECRETA: $fe(^2(\mathcal{N}) \implies f \times y = fy \times y$

Teorema



了第(10/40)=0







Those 2 restriction diverse lungo use restrictions in mode du (15-16) resulti

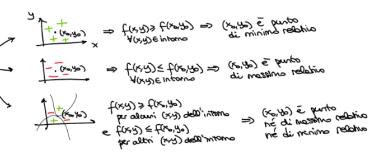


Those I restrictione lungo cui (K.46) resulte purto né di mossimo relativo né di minimo relativo per la restrictione



(C) DEFINIZIONE

Studio Il segno di f(x,y)-f(xo,yo) in un interne sufficientemente fixedo di (15070)



SOLO SULLA FRONTIERA

TEDREMA: REGOLA DEL MOLTIPLICATORE DI LAGRANGE :

HP: 22 E IR APERTO, A, F: 2-> IR, A, F & C'(x). (XO, Yo) & 2 MAX & MIN VINCOLATO (A(x, Y)=0). INDETRE OF (Xo, Yo) # 0

TH: $\frac{1}{3}$ $\lambda_0 \in \mathbb{R}$ t.c. (X_0, Y_0, Z_0) $\int \frac{\partial 1}{\partial x} (X_0, Y_0) = \lambda_0 \frac{\partial F}{\partial x} (X_0, Y_0)$ F(x0, 40) = 0

TERREM (FORTULA DI TATLOR PEL SE COMBO ORDINE)

$$P_2(x,y) = f(x_0,y_0) + \frac{\partial f(x_0,y_0)}{\partial (x_0,y_0)}(x_0 - x_0) + \frac{\partial f(x_0,y_0)}{\partial (x_0,y_0)}(y_0 - y_0) + \frac{\partial f(x_0,y_0)}{\partial y_0}(x_0 - x_0)(y_0 - y_0))$$
 $+ \frac{1}{2} \left(\frac{\partial^2 f(x_0,y_0)}{\partial x_0^2}(x_0 - x_0)^2 + \frac{\partial^2 f(x_0,y_0)}{\partial y_0}(y_0 - y_0)^2 + \frac{\partial^2 f(x_0,y_0)}{\partial y_0}(x_0 - x_0)(y_0 - y_0) \right)$

TH: $+ \{X \circ Y_0\} = f(x_0) + C \mathcal{A}(X_0), h > + \frac{1}{2} \mathcal{A}(h, h) + C \{\|V_0\|^2\}$

SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

LO SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

LO SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

LO SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

LO SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

CONNEGGRA PUNTUAL

SE SUCCESSIONI E SERIE DI FUNZIONI

SERIE DI FUNZIONI

La serie
$$\sum f_n(x)$$
 converge in A se $\forall x \in A \exists \lim_{n \to +\infty} \left(\sum_{k=1}^{n} f_n(x) \right)$
(quanticolimente)

In quisto caso si pone $f(x) = \lim_{n \to +\infty} \left(\sum_{k=1}^{n} f_n(x) \right)$
(somma pospola in exima

M-test do weverstran $f_n: A \longrightarrow \mathbb{R}$ $|f_n(x)| \leq M_n^m, \quad M_n \in \mathbb{R}, \quad M_n \geq 0, \quad \forall n \geq \bar{n}$ (da un carto) (da un carto) $(owaro: \Sigma |f_n(x)| \text{ converse uniformemente in } A)$

* non deve diperdere de x

SERIE DI FOURIER

f(x) funtione periodica di periodo T

$$S_f(x) = \frac{\alpha_0}{2} + \sum_{n=1}^{+\infty} \left[\alpha_n \cos \left(\frac{2n}{n} x \right) + b_n \sin \left(\frac{2n}{n} x \right) \right] ,$$

* al posto di [-[, [] si può scapliera qualunque altro intervallo di ampressa pari al periodo T

Teorema A

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$
 periodica di periodo $T = 0$

$$a: \frac{t(x)+t^{-}(x)}{c}$$
 or $t \in C$ or t in x

$$S^{L}(x) converge further where in $X$$$

Teorena B

f: R-IR periodica di periodo T e continua, derivatore eccetto St(x) conserbe nuformements al pair in un numero frito di a food so TR furti in [0,T] new quali esstore le deriate destre e s'ristre

