Calcolo differenziale ed integrale 1

2017/18

Appello del 16 gennaio 2019

Esercizio 1. - Foglio 1

Data la funzione

$$f(x) = \ln(1+x^2) - 2\arctan x + 2x$$

- a) determinate il dominio di definizione e calcolate la derivata prima f' e la derivata seconda f'';
- b) calcolate i limiti agli estremi del dominio di definizione, e calcolate la retta tangente al grafico di f nel punto (1, f(1));
- c) stabilite gli intervalli di monotonia di f determinando, se esistono, i massimi ed i minimi relativi;
- d) stabilite gli intervalli di convessità di f determinando, se esistono, i punti di flesso:
- e) disegnate il grafico di f determinando l'immagine di f, e stabilite quante sono le soluzioni dell'equazione f(x) = 0, specificando quante sono positive, negative o nulle.

Esercizio 2. - Foglio 1

Calcolate la derivata prima della funzione

$$f(x) = \sin(3x^2) e^{6x}.$$

Esercizio 3. - Foglio 2

Calcolate, se esistono, i seguenti limiti

a)
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{4x^3 - 3x + 7\sqrt{3x + 1}}{7x^3 - 2x^2 + 3}$$

b)
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin^2(3x)}{1 - \cos(2x)}$$

c)
$$\lim_{x\to 0} \arctan\left(\frac{1+2x^2}{1+3x^7}\right)$$

Esercizio 4. - Foglio 2

Data la funzione

$$f(x) = \frac{e^x}{e^x - 3}$$

a) calcolate

$$\int f(x) \, dx$$

b) calcolate

$$\int f(x) \, dx$$

$$\int_0^1 f(x) \, dx$$