

# Matemáticas Ilustrativas

## Grado 3 - Unidad 4

Adaptación del Grupo LEMA (<https://www.grupolema.org>)

<https://www.grupolema.org>

October 23, 2024

### Resumen

#### Resumen

El código fuente que generó este documento (HTML, pdf, latex o epub) se encuentra en [github.com/enriqueacosta](https://github.com/enriqueacosta).

#### Resumen

[www.grupolema.org](http://www.grupolema.org) [www.grupolema.org](http://www.grupolema.org) 2023 Grupo LEMA ([www.grupolema.org](http://www.grupolema.org)) Publicado bajo una licencia Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International (CC BY SA NC 4.0).

En breve e incompleto (los detalles están en las licencias), **tiene toda libertad para adaptar, copiar y distribuir este material siempre y cuando le mantenga la misma licencia, incluya la atribución correspondiente (mencione al Grupo LEMA y a Illustrative Mathematics) y lo use para fines no comerciales.** No hay restricciones para su uso comercial a excepción de las soluciones, las cuales no se pueden usar para fines comerciales.

Ver una copia de las licencias en <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>

Adaptado de IM K–5 Math v.1, © 2021 Illustrative Mathematics ® [illustrativemathematics.org](http://illustrativemathematics.org)<sup>1</sup> en su versión en español en [im.kendallhunt.com](http://im.kendallhunt.com)<sup>2</sup>, distribuido con una licencia Creative Commons Attribution 4.0 International License (CC BY 4.0). Ver detalles de esta licencia en <https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>.

Soluciones en español adaptadas de Open Up Resources © 2022, [openupresources.org](http://openupresources.org)<sup>3</sup>. Publicadas bajo una licencia Creative Commons Attribution-NonCommercial 4.0 International license.

**Nota:** Las traducciones anteriormente mencionadas fueron lideradas y coordinadas por miembros del Grupo LEMA. Ver detalles en:

---

<sup>1</sup>[curriculum.illustrativemathematics.org](http://curriculum.illustrativemathematics.org)

<sup>2</sup>[im.kendallhunt.com/K5\\_ES/curriculum.html](http://im.kendallhunt.com/K5_ES/curriculum.html)

<sup>3</sup>[access.openupresources.org/curricula/our-k5-math](http://access.openupresources.org/curricula/our-k5-math)

- [illustrativemathematics.org](http://illustrativemathematics.org)<sup>4</sup>
- XXXXXX link open up XXXXXXXX

Este material puede que incluya imágenes con licencias abiertas que tiene copyright de sus respectivos autores. Estas imágenes mantienen los términos de sus propias licencias de uso.

---

<sup>4</sup>[curriculum.illustrativemathematics.org/k5/teachers/grade-1/course-guide/contributors.html](http://curriculum.illustrativemathematics.org/k5/teachers/grade-1/course-guide/contributors.html)

# **Sección A - ¿Qué es la división?**

## **Objetivos**

- Representar y solucionar problemas del tipo “¿Cuántos grupos?” y “¿Cuántos en cada grupo?”

# Lección 1 - ¿Cuántos grupos?

## Objetivos

- Representemos y resolvamos problemas.

## Calentamiento

Cuántos ves: Manzanas.

¿Cuántas ves? ¿Cómo lo sabes?, ¿qué ves?



## Actividad 1

¿Cuántas manzanas?

Resuelve cada problema. Muestra cómo pensaste. Usa objetos, un dibujo o un diagrama.

1. Si 24 manzanas se ponen en cajas y en cada caja se ponen 8 manzanas, ¿cuántas cajas hay?
2. Si 42 manzanas se ponen en cajas y en cada caja se ponen 6 manzanas, ¿cuántas cajas hay?
3. Si 32 manzanas se ponen en cajas y en cada caja se ponen 4 manzanas, ¿cuántas cajas hay?

## Actividad 2

Recorrido por el salón: Manzanas en cajas.

1. Con tu compañero, ve a ver los pósteres alrededor del salón. Discute con tu compañero en qué se parecen y en qué se diferencian las ideas que se muestran en los pósteres.
2. Reflexiona sobre lo que viste. Escribe una cosa en la que se parecen y una cosa en la que se diferencian las ideas que se muestran en los pósteres.

## Actividad de cierre

¿Cuántas bolsas?

Lin tiene 30 manzanas para compartirlas con sus amigos. Las pone en bolsas y pone 6 manzanas en cada bolsa. ¿Cuántas bolsas necesita? Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 2 - ¿Cuántos hay en cada grupo?

## Objetivos

- Representemos y resolvamos más problemas.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Más manzanas.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?



## Actividad 1

### ¿Cuántas manzanas?

Resuelve cada problema. Muestra cómo pensaste. Usa objetos, un dibujo o un diagrama.

1. Si 20 manzanas se empacan en 4 cajas y en cada caja hay el mismo número de manzanas, ¿cuántas manzanas hay en cada caja?
2. Si 36 manzanas se empacan en 6 cajas y en cada caja hay el mismo número de manzanas, ¿cuántas manzanas hay en cada caja?
3. Si 45 manzanas se empacan en 9 cajas y en cada caja hay el mismo número de manzanas, ¿cuántas manzanas hay en cada caja?

## Actividad 2

### Recorrido por el salón.

Con tu compañero, ve a ver los pósteres alrededor del salón. Discute con tu compañero en qué se parecen y en qué se diferencian las ideas que se muestran en los pósteres.

## Actividad 3

### Todas las manzanas.

Si 24 manzanas se ponen en cajas y en cada caja se ponen 8 manzanas, ¿cuántas cajas hay?

Si 20 manzanas se empacan en 4 cajas y cada caja tiene el mismo número de manzanas, ¿cuántas manzanas hay en cada caja?

Discute con tu compañero:

- ¿En qué se parecen estos problemas?
- ¿En qué se diferencian?
- ¿En qué se parecen y en qué se diferencian las formas de representar y resolver estos problemas?



## Actividad de cierre

Bolsas de manzanas.

Lin tiene 30 manzanas. Ella prepara 6 bolsas con el mismo número de manzanas en cada bolsa para dárselas a sus amigos. ¿Cuántas manzanas hay en cada bolsa? Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 3 - Dibujos de situaciones de división

## Objetivos

- Representemos situaciones de división con dibujos.

## Calentamiento

Conversación numérica: Cuanto más cambien las cosas....

Encuentra mentalmente el valor de cada expresión.

- $120 + 120$
- $121 + 119$
- $125 + 115$
- $129 + 111$

## Actividad 1

Grupos de estudiantes.

1. ¿Qué observaste acerca de cómo los estudiantes se organizaron en grupos de 2?
2. ¿Qué observaste acerca de cómo los estudiantes se organizaron en 2 grupos?

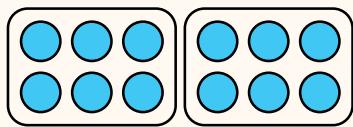
## Actividad 2

Los lápices de colores de Elena.

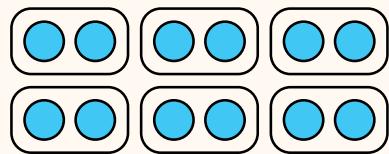
Elena tiene 12 lápices de colores. Ella tiene 2 cajas y quiere poner el mismo número de lápices en cada caja. ¿Cuántos lápices irán en cada caja?

¿Cuál dibujo corresponde a la situación? Explica tu razonamiento.

A



B



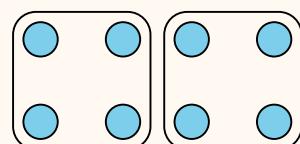
## Actividad 3

¿Cuál dibujo corresponde?

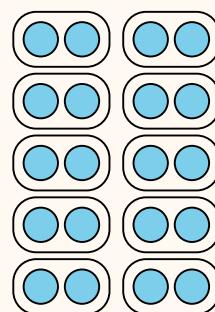
Asocia cada situación con un dibujo. Prepárate para explicar tu razonamiento.

1. Mai tiene 8 marcadores y varias cajas. Ella pone 4 marcadores en cada caja. ¿Cuántas cajas con marcadores hay?
2. Kiran tiene 20 bolígrafos y varias mesas. Él pone 2 bolígrafos en cada mesa. ¿En cuántas mesas puede poner bolígrafos?
3. Lin tiene 8 lápices de colores. Ella los pone en 2 bolsas. En cada bolsa pone el mismo número de lápices de colores. ¿Cuántos lápices de colores habrá en cada bolsa?
4. Priya tiene 15 crayones y varios pupitres. Ella pone 5 crayones en cada pupitre. ¿Cuántos pupitres tendrán crayones?
5. Noah tiene 20 lápices y 10 cajas. Él pone el mismo número de lápices en cada caja. ¿Cuántos lápices habrá en cada caja?
6. Jada tiene 15 marcadores y 3 mesas. Ella pone el mismo número de marcadores en cada mesa. ¿Cuántos marcadores habrá en cada mesa?

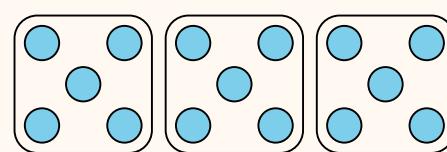
A.



B.



C.



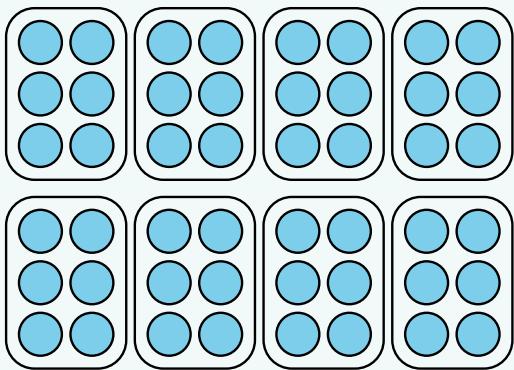
## Actividad de cierre

Regalitos para invitados.

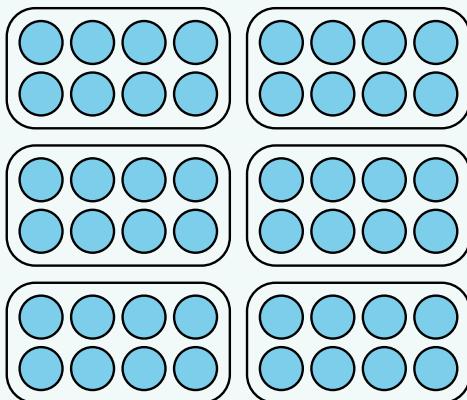
Clare tiene 48 marcadores. Ella pone 8 marcadores en cada bolsa de regalitos para su fiesta de cumpleaños. ¿Cuántas bolsas usará?

¿Cuál dibujo corresponde a la situación? Explica tu razonamiento.

A.



B.



# Lección 4 - Interpretemos expresiones de división

## Objetivos

- Démosle sentido a expresiones de división.

## Calentamiento

### Conversación numérica: ¿Más o menos?

Encuentra mentalmente el valor de cada expresión.

1.  $500 - 475$
2.  $504 - 475$
3.  $512 - 475$
4.  $512 - 449$

## Actividad 1

### Trompos.

Los trompos son populares en todo el mundo. Estos son trompos de diferentes culturas.



Empareja cada situación sobre trompos con una expresión que pueda representarla.

1. Clare tiene una colección de 24 trompos de cuatro colores: negro, blanco, rojo y verde. Tiene el mismo número de trompos de cada color. ¿Cuántos trompos tiene de cada color? A.  $24 \div 2$
2. Priya y su amigo están decorando con pintura 24 trompos de madera. Si cada persona pinta el mismo número de trompos, ¿cuántos trompos pinta cada persona? B.  $12 \div 2$
3. En una tienda tienen 24 trompos de todo el mundo exhibidos en 6 cajas. Cada caja contiene el mismo número de trompos. ¿Cuántos trompos hay en cada caja? C.  $24 \div 4$
4. Diego tiene 12 trompos que quiere regalar. Si a cada amigo le da 2 trompos, ¿cuántos amigos recibirán trompos? D.  $12 \div 6$
5. Seis amigos están jugando con 12 *dreidels*. Si cada uno juega con el mismo número de *dreidels* que los demás, ¿cuántos *dreidels* tiene cada persona? E.  $24 \div 6$

## Actividad 2

Autos en cajas.

Considera estas dos situaciones.

A. Han tiene 21 autos de juguete y 3 cajas. Él pone el mismo número de autos en cada caja. ¿Cuántos autos habrá en cada caja?

B. Han tiene 21 autos de juguete y varias cajas. Él quiere poner 3 autos en cada caja. ¿Cuántas cajas necesitará?

¿Cuál situación está representada por la expresión  $21 \div 3$ ? Explica tu razonamiento.

### Actividad 3

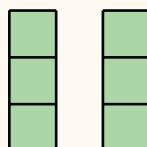
#### Pilas de bloques.

Asocia cada situación con un dibujo y con una expresión que representan la situación. Prepárate para explicar tu razonamiento.

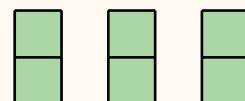
1. Kiran usa 6 bloques para hacer pilas. Cada pila tiene 2 bloques. ¿Cuántas pilas hay?
2. Han usa 6 bloques para hacer dos pilas iguales. ¿Cuántos bloques hay en cada pila?
3. Jada usa 6 bloques para construir pilas que tienen 3 bloques cada una. ¿Cuántas pilas hay?
4. Mai usa 6 bloques para hacer 3 pilas iguales. ¿Cuántos bloques hay en cada pila?

#### Dibujos

A



B



#### Expresiones

C

$$6 \div 2$$

D

$$6 \div 3$$

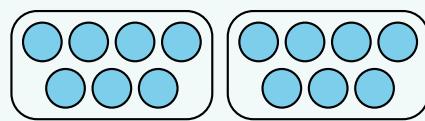
### Actividad de cierre

#### Los trompos de Han.

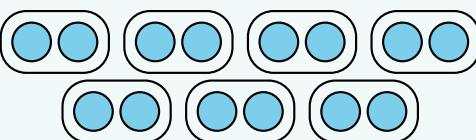
Han tiene 14 trompos. Él reparte los trompos equitativamente en 2 cajas. ¿Cuántos trompos habrá en cada caja?

Selecciona **todas** las formas en las que podemos representar la situación.

A



B



C

$$14 \div 2$$

D

$$14 \div 7$$

# Lección 5 - Escribamos expresiones de división

## Objetivos

- Escribamos expresiones de división y resolvamos problemas de "¿cuántos grupos?" y "¿cuántos hay en cada grupo?"

## Calentamiento

Conversación numérica: ¿En qué se parecen?

Encuentra mentalmente el valor de cada expresión.

1.  $225 - 100$
2.  $227 - 102$
3.  $230 - 105$
4.  $220 - 95$

## Actividad 1

Clasificación de tarjetas: Todo sobre bichos.



**Figura 1** By Nicholas Caffarilla. CC-BY-SA 3.0. Wikipedia. Source<sup>5</sup>.

1. Tu profesor te dará un grupo de tarjetas que muestran situaciones. Elige dos categorías y clasifica las tarjetas en esas dos categorías. Prepárate para explicar el significado de tus categorías.
  - (A) El grillo topo tiene unas patas especiales para cavar. Diez patas especiales pertenecen a 5 grillos topo. ¿Cuántas patas

especiales tiene cada grillo topo?

- (B) Un escarabajo tiene un par de antenas para detectar el calor, tocar, oler y otras cosas más. Si hay 8 antenas, ¿cuántos escarabajos hay?
  - (C) Catorce antenas pertenecen a un grupo de abejas. Si cada abeja tiene 2 antenas, ¿cuántas abejas hay?
  - (D) Hay 12 alas. Si cada libélula tiene 4 alas, ¿cuántas libélulas hay?
  - (E) Treinta patas pertenecen a 5 hormigas. Si todas las hormigas tienen el mismo número de patas, ¿cuántas patas tiene cada hormiga?
  - (F) En total, hay 50 manchas en 5 mariposas. Si todas las mariposas tienen el mismo número de manchas, ¿cuántas manchas tiene cada mariposa?
2. Escribe una expresión de división para representar cada situación. Prepárate para explicar tu razonamiento.

## Actividad 2

Resolvamos un problema sobre bichos.

Tu profesor les va a asignar un problema.

Haz una presentación visual que muestre cómo pensaste y que muestre tu solución al problema.

## Actividad de cierre

Patas de hormigas.

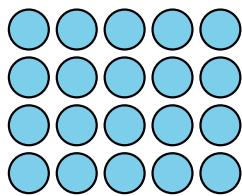
Veinticuatro patas pertenecen a 4 hormigas. Todas las hormigas tienen el mismo número de patas.

- 1. Escribe una expresión de división que represente esta situación.
- 2. ¿Cuántas patas tiene cada hormiga? Explica o muestra tu razonamiento.

<sup>5</sup>[en.wikipedia.org/wiki/Insect#/media/File:Insect\\_collage.png](https://en.wikipedia.org/wiki/Insect#/media/File:Insect_collage.png)

## Problemas de práctica de la sección A

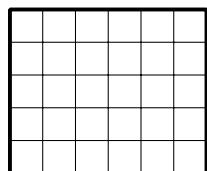
### 1. (Previo a la sección).



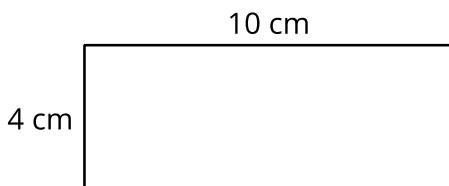
- (a) Escribe una expresión de multiplicación que represente el arreglo.  
(b) Escribe una ecuación de multiplicación que represente el arreglo.

### 2. (Previo a la sección). Encuentra el área de cada rectángulo.

A.

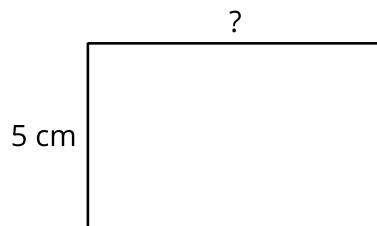


B.



### 3. (Previo a la sección). El área del rectángulo es 40 centímetros cuadrados.

Encuentra la longitud de lado desconocida del rectángulo. Explica tu razonamiento.



### 4. (Previo a la sección). En cada caso, encuentra el número que hace que la ecuación sea verdadera.

- (a)  $8 \times 5 = \underline{\hspace{2cm}}$   
(b)  $5 \times \underline{\hspace{2cm}} = 35$   
(c)  $\underline{\hspace{2cm}} \times 2 = 18$

### 5. (Previo a la sección). Hay 6 equipos de voleibol en el gimnasio. Cada equipo tiene 10 jugadores. ¿Cuántos jugadores de voleibol hay en total?

- (a) Haz un dibujo de la situación.  
(b) Escribe una ecuación que represente la situación. Usa un "?" para representar el valor desconocido.  
(c) Resuelve el problema.

### 6. En cada problema, usa un dibujo o un diagrama para mostrar cómo pensaste.

- (a) Hay 40 manzanas empacadas en cajas. Si hay 8 manzanas en cada

- caja, ¿cuántas cajas hay?
- (b) Hay 40 manzanas empacadas en cajas. Si hay 10 manzanas en cada caja, ¿cuántas cajas hay?
7. En cada problema, usa un dibujo o un diagrama para mostrar cómo pensaste.
- (a) Hay 30 naranjas. Si se empacan en 5 bolsas con la misma cantidad de naranjas en cada bolsa, ¿cuántas naranjas hay en cada bolsa?
- (b) Hay 30 naranjas. Si se empacan en 3 bolsas con la misma cantidad de naranjas en cada bolsa, ¿cuántas naranjas hay en cada bolsa?
- 8.
- (a) 10 personas van a cine en automóviles. En cada automóvil van dos personas. ¿Cuántos automóviles hay? Muestra cómo pensaste. Usa un dibujo o un diagrama.
- (b) Otras 10 personas van a cine en automóviles. Van en 2 automóviles con el mismo número de personas en cada automóvil. ¿Cuántas personas hay en cada automóvil? Muestra cómo pensaste. Usa un dibujo o un diagrama.
- (c) ¿En qué se parecen las dos situaciones? ¿En qué son diferentes? ¿En qué se parecen los diagramas? ¿En qué son diferentes?
9. Hay 20 pupitres en la clase. Están divididos equitativamente en 5 grupos. ¿Cuántos pupitres hay en cada grupo?
- (a) ¿Cuál expresión representa esta situación:  $20 \div 4$  o  $20 \div 5$ ? Explica tu razonamiento.
- (b) Selecciona el diagrama que representa esta situación. Explica tu razonamiento.
- A
- 
- B
- 

10. La familia de Mai recolectó 40 libras de duraznos y los pusieron en bolsas. Pusieron 5 libras en cada bolsa.
- (a) Escribe una expresión de división que represente la situación.

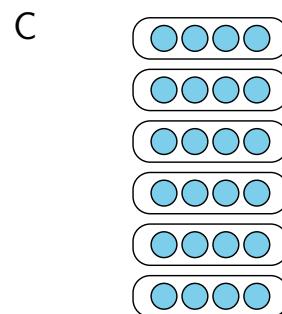
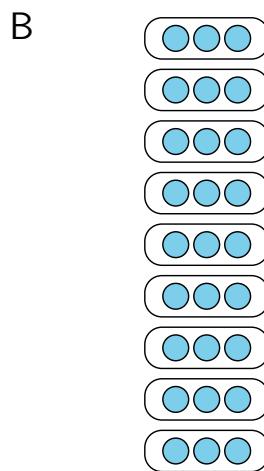
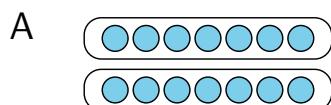
(b) ¿Cuántas bolsas de duraznos recogió la familia de Mai? Explica o muestra tu razonamiento.

**11. Exploración.** Completa cada historia poniendo un número que tenga sentido en el espacio en blanco. Despues, responde las preguntas. Dibuja un diagrama para resolver cada problema.

(a) Mai tiene \_\_\_\_\_ calcomanías. Ella va a poner el mismo número de calcomanías en cada uno de sus 5 cuadernos. ¿Cuántas calcomanías habrá en cada cuaderno?

(b) Andre tiene \_\_\_\_\_ tarjetas. Él va a organizarlas en filas de \_\_\_\_\_ tarjetas. ¿Cuántas filas de tarjetas hará Andre?

**12. Exploración.** Escribe una situación de división que corresponda a cada diagrama.

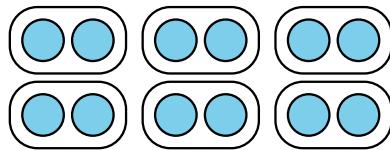


## Resumen de la sección

En esta sección, aprendimos que la división es encontrar el número de grupos o encontrar el tamaño de cada grupo cuando ponemos objetos en grupos de igual tamaño. Representamos situaciones de división con dibujos y expresiones, y resolvimos problemas de división.

“¿Cuántos grupos?”

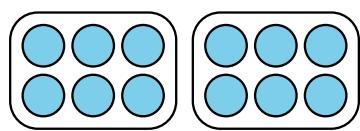
Han tiene 12 lápices de colores. Él quiere ponerlos en cajas. Quiere poner 2 lápices en cada caja hasta que se le acaben los lápices. ¿Cuántas cajas necesita Han?



$$12 \div 2$$

“¿Cuántos hay en cada grupo?”

Elena tiene 12 lápices de colores. Ella tiene 2 cajas y quiere poner el mismo número de lápices en cada caja. ¿Cuántos lápices habrá en cada caja?



$$12 \div 2$$

## **Sección B - Relacionemos la multiplicación y la división**

### **Objetivos**

- Entender la división como un problema de factor desconocido.
- Usar las propiedades de las operaciones para desarrollar fluidez con hechos de multiplicación de un dígito y sus hechos de división asociados.

# Lección 6 - La división como un factor desconocido

## Objetivos

- Conectemos ecuaciones de división con ecuaciones de multiplicación.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Números desconocidos.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?

$$3 \times ? = 12$$

$$12 \div 3 = ?$$

## Actividad 1

## Ecuaciones acerca de cebollas.



Un agricultor pone 14 cebollas en 2 bolsas. Pone el mismo número de cebollas en cada bolsa.

Lin dice que la situación debe representarse con la ecuación:

$$2 \times \square = 14$$

Mai dice que la situación debe representarse con la ecuación:

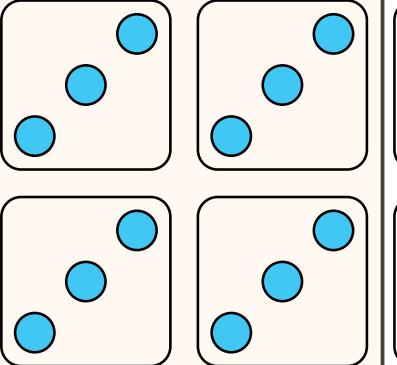
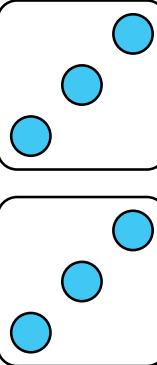
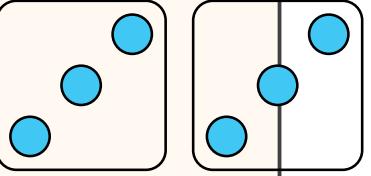
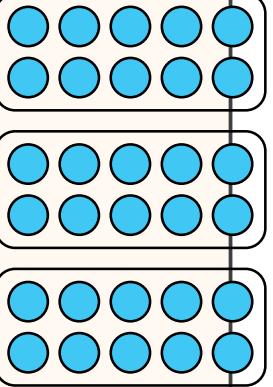
$$14 \div 2 = \square$$

¿Con qué ecuación estás de acuerdo? Prepárate para explicar tu razonamiento.

## Actividad 2

En el mercado agrícola.

Completa cada fila. Prepárate para explicar tu razonamiento.

situación	dibujo o diagrama	
<p>La familia de Elena compra 18 aguacates en el mercado agrícola. Hay 3 aguacates en cada bolsa.</p>		
<p>Andre ve 25 tomates. Están en 5 racimos. Cada racimo tiene el mismo número de tomates.</p>		
<p>Lin pide 6 buñuelos de banano. Los buñuelos se sirven en 2 platos y cada plato tiene el mismo número de buñuelos.</p>		
		

## Actividad de cierre

Muffins en cajas.

Hay 30 *muffins* y varias cajas para la feria de pastelería. En cada caja hay 6 *muffins*. ¿Cuántas cajas hay?

Tyler escribió dos ecuaciones      \_\_\_\_\_  $\times$  6 = 30  
para este problema.                          30  $\div$  6 = \_\_\_\_\_

Él dice que en cada espacio en blanco va el mismo número, aunque una ecuación es de multiplicación y la otra es de división. ¿Tiene razón? Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 7 - Relacionemos multiplicación y división

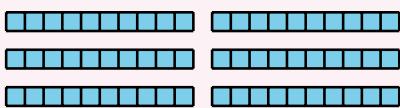
## Objetivos

- Hagamos más conexiones entre la multiplicación y la división.

## Calentamiento

Cuántos ves: Decenas.

¿Cuántos ves? ¿Cómo lo sabes?, ¿qué ves?



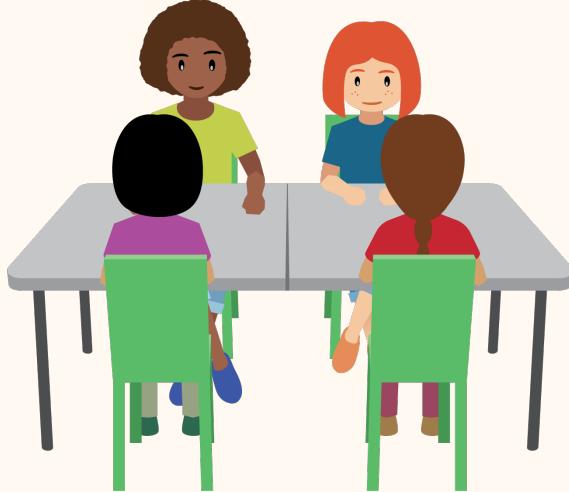
## Actividad 1

Mesa redonda de división.

Tu profesor te dará una hoja de papel con 4 recuadros y te pedirá que dibujes o escribas algo en cada recuadro.

Después de trabajar en cada recuadro, haz una pausa y espera que el profesor te dé las instrucciones para el siguiente recuadro.

- Dibuja grupos iguales en el recuadro 1 de tu hoja de registro.
- En el recuadro 2 de la hoja que acabaste de recibir, escribe una descripción de una situación de división que corresponda al dibujo.
- En el recuadro 3 de la hoja que acabas de recibir, escribe una ecuación de multiplicación que corresponda al dibujo y a la situación de división. Usa un símbolo para representar la cantidad desconocida.
- En el recuadro 4 de la hoja que acabas de recibir, escribe una ecuación de división que corresponda al dibujo, a la situación de división y a la ecuación de multiplicación. Usa un símbolo para representar la cantidad desconocida.



## Actividad 2

### Grupos de útiles escolares.

En cada situación:

- a. Escribe una ecuación que represente la situación. Usa un símbolo para representar la cantidad desconocida.
- b. Resuelve el problema y encuentra el número desconocido de la ecuación. Prepárate para explicar tu razonamiento.
  1. Kiran tenía 32 clips. Le dio 4 clips a cada estudiante. ¿Cuántos estudiantes recibieron clips?
    - (a) Ecuación: \_\_\_\_\_
    - (b)
  2. Hay 28 libros en 4 pilas. Si cada pila tiene la misma cantidad de libros, ¿cuántos libros hay en cada pila?
    - (a) Ecuación: \_\_\_\_\_
    - (b)
  3. Hay 6 cajas. En cada caja hay 8 borradores. ¿Cuántos borradores hay?
    - (a) Ecuación: \_\_\_\_\_
    - (b)
  4. Lin tenía 36 notas adhesivas y varios cuadernos. Ella puso 6 notas adhesivas en cada cuaderno. ¿En cuántos cuadernos puso notas adhesivas?

(a) Ecuación: \_\_\_\_\_

(b)

### Actividad de cierre

Rosas para compartir.

Clare tiene 14 rosas. Quiere darle 2 rosas a cada una de sus profesoras. ¿A cuántas profesoras les puede dar rosas?

Escribe una ecuación de multiplicación y una ecuación de división que representen la situación. Usa símbolos para representar los números desconocidos y explica tu razonamiento.

# Lección 8 - Relacionemos cocientes con productos que nos sabemos

## Objetivos

- Consideraremos los productos y cocientes que nos sabemos de inmediato o que podemos encontrar rápidamente.

## Calentamiento

Conversación numérica: Multiplicación y división.

Encuentra mentalmente el valor de cada expresión.

- $4 \times 10$
- $40 \div 40$
- $40 \div 10$
- $60 \div 6$

## Actividad 1

Clasificación de tarjetas: Multiplicación.

Hazle preguntas a tu compañero sobre sus hechos de multiplicación.

Clasifica los hechos de tu compañero en una de estas columnas:

- se lo sabe de inmediato
- lo puede encontrar rápidamente
- todavía no se lo sabe

Expresiones de multiplicación que voy a practicar:

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

## Actividad 2

Si sé que . . . , entonces sé que . . .

Si sé que  $4 \times 5 = 20$ , entonces sé que \_\_\_\_\_.

1. Coloquen las tarjetas de hechos de multiplicación en un montón, boca abajo.
2. Por turnos, tomen una tarjeta de hechos de multiplicación.
3. Usen el hecho de multiplicación de la tarjeta para escribir una ecuación de multiplicación en la columna “Si sé que . . .”
4. Después, anoten las ecuaciones de división relacionadas en la columna “Entonces sé que . . .”

Si sé que . . .	Entonces sé que . . .
-	-
-	-

## Actividad de cierre

Hechos de multiplicación y de división.

Piensa en los hechos de multiplicación que te sabes. ¿Cómo han cambiado desde el comienzo del año?

# Lección 9 - Patrones en la tabla de multiplicar

## Objetivos

- Encontremos patrones en la tabla de multiplicar y usémoslos para multiplicar.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Tabla de multiplicar.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?

$\times$	1	2	3	4	5
1	1	2	3	4	5
2	2	4	6	8	10
3	3	6	9	12	15
4	4	8	12	16	20
5	5	10	15	20	25

## Actividad 1

Productos en la tabla.

Esta es una tabla de multiplicar que no se ha completado totalmente.

$\times$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5					
2	2	4	6	8	10		A			
3	3	6	9	12	15			B		
4	4	8	12	16	20	C				
5	5	10	15	20	25			D		
6	6	12	18	24	30				E	
7	7	14	21	28	35		F			
8	8	16	24	32	40	48		G		
9	9	18	27	36	45	54	63			
10	10	20	30	40	50	60	70	80		

- Uso los productos de la tabla para ayudarte a encontrar los números que deberían ir en lugar de las letras de la A a la G. Prepárate para explicar tu razonamiento.

2. Encuentra los números que deberían ir en otras tres casillas vacías de la tabla. Usa:
- (a) 7 como un factor
  - (b) 9 como un factor
  - (c) 10 como un factor

Prepárate para explicar tu razonamiento.

Los estudiantes se pueden preguntar:

- ¿Qué significan los números en la tabla?
- ¿Cómo funciona la tabla?
- ¿Por qué los números son más pequeños en la parte superior izquierda de la tabla y luego más grandes en la parte inferior derecha de la tabla?

## Actividad 2

Si sé que . . . , entonces sé que . . . : Multiplicación.

1. En cada fila, escribe al menos dos hechos de multiplicación que puedes descifrar porque conoces el hecho de multiplicación dado en la columna de la izquierda. Prepárate para compartir tu razonamiento.

Si sé que . . .	Entonces sé que . . .
$2 \times 24$	$4 \times 2, 4 \times 4, 2 \times 8$
$3 \times 5$	
$4 \times 10$	
$7 \times 2$	
$5 \times 8$	

2. Si te queda tiempo, completa el resto de la tabla de multiplicar. Usa los hechos de multiplicación que conoces para encontrar aquellos que no conoces.

## Actividad de cierre

Encuentra el producto desconocido.

¿Qué número debería ir en lugar del signo de interrogación? Explica o muestra tu razonamiento.

$\times$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1									
2	2	4								
3	3	6	9							
4	4	8	12	16			?			
5	5	10	15	20	25					
6	6	12	18	24	30	36				
7	7	14	21	28	35	42	49			
8	8	16	24	32	40	48	56	64		
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

# Lección 10 - Exploraremos estrategias de multiplicación con rectángulos

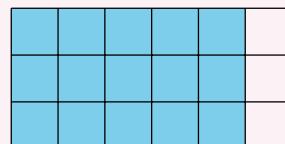
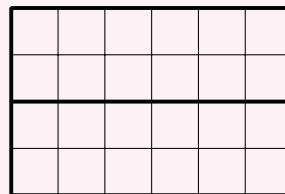
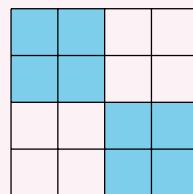
## Objetivos

- Usemos rectángulos para explorar estrategias de multiplicación.

## Calentamiento

Cuántos ves: Cuadrados.

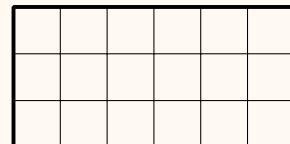
¿Cuántos ves? ¿Cómo lo sabes?, ¿qué ves?



## Actividad 1

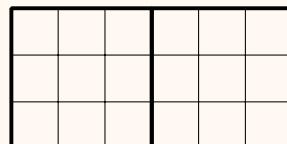
De diagramas a expresiones.

Andre y Elena están hallando el área de este rectángulo.



Andre escribe  $6 \times 3$ .

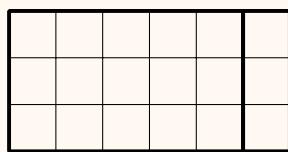
Él marca el rectángulo así:



Después, Andre escribe:  
 $2 \times (3 \times 3)$   
 $2 \times 9 = 18$

Elena escribe  $3 \times 6$ .

Ella marca el rectángulo así:



Después, Elena escribe:  
 $3 \times (5 + 1)$   
 $(3 \times 5) + (3 \times 1)$   
 $15 + 3$   
18

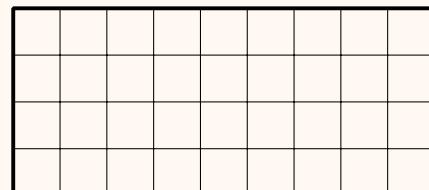
1. Discute con un compañero:

- ¿En qué se parecen las estrategias de Andre y Elena? ¿En qué son diferentes?
- ¿Cómo se relacionan los números de las expresiones de Andre con su diagrama?
- ¿Cómo se relacionan los números de las expresiones de Elena con su diagrama?

Este es otro rectángulo.

Podemos encontrar su área hal-

2. Iando  $4 \times 9$ .

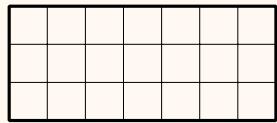


- Marca o colorea el rectángulo de una manera que te ayude a encontrar su área.
- Escribe una o más expresiones que representen lo que hiciste en el diagrama y muestra cómo encontraste el área.

## Actividad 2

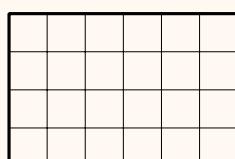
De expresiones a diagramas.

Noah



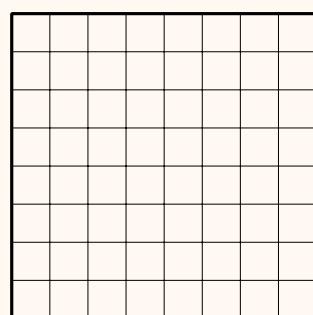
$$(5 \times 3) + (2 \times 3)$$

Priya



$$2 \times (2 \times 6)$$

Tyler



$$(5 \times 8) + (3 \times 8)$$

En cada rectángulo:

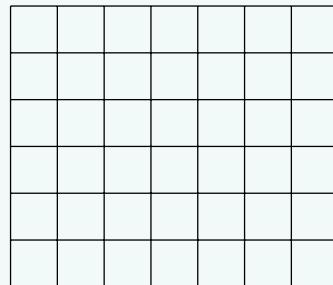
1. Escribe los dos factores que se pueden multiplicar para encontrar su área.
2. Marca o colorea cada rectángulo para mostrar la manera en la que cada estudiante vio el área. Prepárate para explicar tu razonamiento.

### Actividad de cierre

Marca o colorea partes para encontrar el área.

El área de este rectángulo se puede encontrar hallando  $6 \times 7$ .

1. Marca o colorea el rectángulo para mostrar que podemos escribir  $2 \times (3 \times 7)$  o  $(6 \times 5) + (6 \times 2)$  para encontrar su área.
2. ¿Cuál es el valor de  $6 \times 7$ ? Explica o muestra tu razonamiento.



# Lección 11 - Estrategias de multiplicación para rectángulos sin cuadrícula

## Objetivos

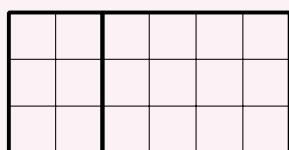
- Usemos diferentes estrategias para encontrar el área de rectángulos sin cuadrícula.

## Calentamiento

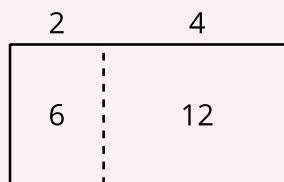
Cuál es diferente: Una multiplicación representada de muchas formas.

¿Cuál es diferente?

A



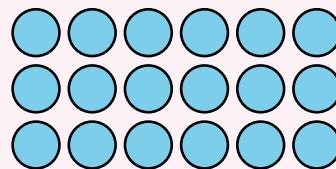
B



C

$$(3 \times 2) + (3 \times 4)$$

D



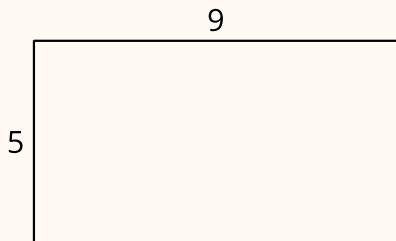
## Actividad 1

Marca y después expresa.

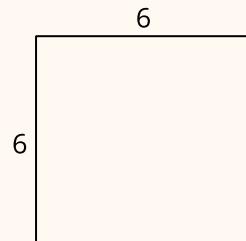
En cada caso:

- Marca o colorea cada rectángulo para mostrar una estrategia que ayude a encontrar su área.
- Escribe una o más expresiones que representen cómo encuentras el área.

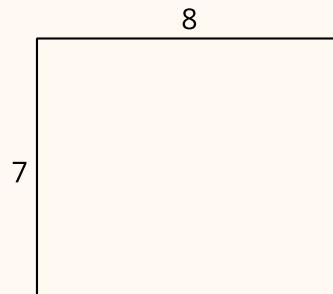
A



B



C



## Actividad 2

Clasificación de tarjetas: Expresiones diferentes, mismo rectángulo.

Tu profesor te dará un grupo de tarjetas con expresiones que representan áreas de rectángulos.

Clasifica las expresiones en grupos de manera que las expresiones de cada grupo representen el área del mismo rectángulo. Prepárate para explicar tu razonamiento.

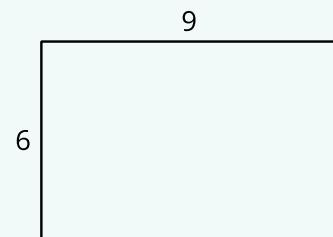
Si te ayuda, puedes dibujar rectángulos.

A $(7 \times 2) \times 2$	B $6 \times 7$	C $7 \times 4$	D $8 \times 3$
E $3 \times 6 + 5 \times 6$	F $(4 \times 3) \times 2$	G $4 \times (2 \times 3)$	H $4 \times 9$
I $(5 \times 6) + (2 \times 6)$	J $2 \times (2 \times 9)$	K $8 \times 6$	L $(5 \times 4) + (2 \times 4)$

## Actividad de cierre

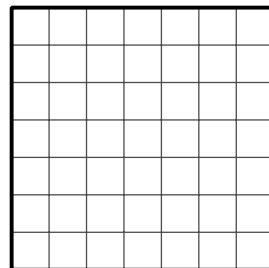
Expresiones para un rectángulo.

1. Marca o colorea este rectángulo para mostrar una estrategia que ayude a encontrar su área.
2. Escribe una o más expresiones que representen cómo encuentras el área.



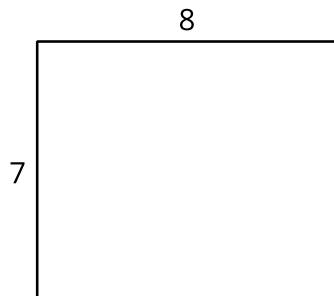
## Problemas de práctica de la sección B

1. Hay 35 libros en la estantería. Hay 7 libros en cada estante. ¿Cuántos estantes hay? Explica de qué manera las ecuaciones  $35 \div 7 = ?$  y  $? \times 7 = 35$  representan la situación.
2. Hay 24 huevos en la caja. Hay 6 en cada fila. ¿Cuántas filas de huevos hay?  
Escribe una ecuación que represente la situación. Usa un símbolo para representar el número desconocido. Después, contesta la pregunta.
3. En cada caso, escribe un hecho de división que te sepas y que esté relacionado con la ecuación de multiplicación.
  - (a)  $8 \times 5 = 40$
  - (b)  $2 \times 9 = 18$
4. Lin sabe que  $8 \times 5 = 40$ . Explica cómo puede usar este hecho para encontrar  $8 \times 4$ .
5.
  - (a) Resalta partes del diagrama para mostrar la expresión  $(5 \times 7) + (2 \times 7)$



- (b) Explica cómo podrías usar el diagrama para calcular  $7 \times 7$ .

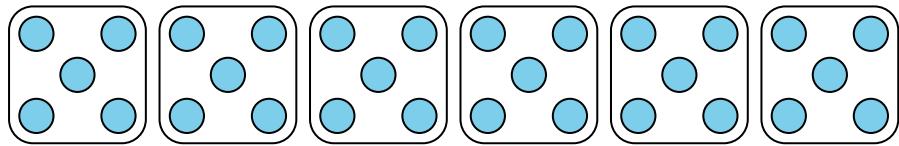
6. Marca o colorea el rectángulo para mostrar una estrategia que te permita encontrar su área. Después, explica cómo usar el diagrama para encontrar el área.



7. **Exploración.** Noah encuentra  $9 \times 8$  calculando  $(10 \times 8) - (1 \times 8)$ .
  - (a) Haz un dibujo que muestre por qué funciona el cálculo de Noah.
  - (b) Usa el método de Noah para calcular  $9 \times 8$ .

## Resumen de la sección

En esta sección, aprendimos cómo se relacionan la multiplicación y la división.

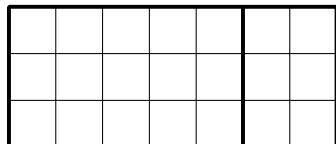


$$6 \times 5 = ?$$

$$30 \div 5 = ?$$

$$30 \div 6 = ?$$

Usamos estrategias para multiplicar y dividir, y trabajamos para multiplicar y dividir con fluidez hasta 100.



$$\begin{aligned}7 \times 3 \\(5 \times 3) + (2 \times 3)\end{aligned}$$

## Sección C - Multipliquemos números más grandes

### Objetivos

- Usar las propiedades de las operaciones y el valor posicional para desarrollar estrategias para multiplicar con números hasta 100 y multiplicar números de un dígito por un múltiplo de 10.

# Lección 12 - Multipliquemos múltiplos de diez

## Objetivos

- Multipliquemos números de un dígito por múltiplos de 10.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Decenas.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?



## Actividad 1

Una gran cantidad de dólares.

Seis amigos juegan un juego de mesa en el que se usa dinero de juguete. Hay billetes de papel de \$5, \$10, \$20, \$50 y de \$100.

1. Cada jugador recibió \$100 para empezar. ¿Cuáles de los siguientes podrían ser los billetes que recibió cada jugador?

Escribe una expresión que represente los billetes de juguete y escribe la cantidad de dólares.

billetes	expresión	cantidad de dólares
un billete de \$100		
cuatro billetes de \$20		
diez billetes de \$10		
diez billetes de \$5		
cinco billetes de \$20		
veinte billetes de \$10		
veinte billetes de \$5		
dos billetes de \$50		

2. En un momento del juego, Noah tuvo que pagarle a Lin \$150. Él le dio esa cantidad usando billetes del mismo tipo.

- (a) ¿Cuáles y cuántos billetes podría haber usado Noah para completar \$150? Nombra todas las posibilidades.

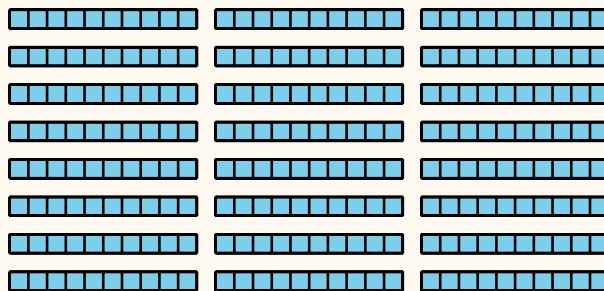
- (b) Escribe una expresión para cada forma en la que Noah podría haberle pagado a Lin.
3. La tabla muestra lo que tenían los jugadores al final del juego. Gana la persona que tenga la mayor cantidad de dinero. ¿Quién ganó el juego?
- Escribe una expresión que represente los billetes que tiene cada persona y escribe la cantidad de dólares.

jugador	billetes	expresión	cantidad de dólares
Andre	nueve billetes de \$10 y diez billetes de \$5		
Clare	catorce billetes de \$10		
Jada	diez billetes de \$10 y tres billetes de \$50		
Lin	ocho billetes de \$20		
Noah	seis billetes de \$50		
Tyler	veintiún billetes de \$10		

## Actividad 2

Dos estrategias.

1. Dos estudiantes usaron bloques en base diez para encontrar el valor de  $8 \times 30$ .



- Jada contó: 30, 60, 90, 120, 150, 180, 210, 240 y dijo que la respuesta es 240.
- Kiran dijo que él sabía que  $8 \times 3$  es 24, luego encontró  $24 \times 10$  y obtuvo 240.

¿En qué se parecen las estrategias de Jada y de Kiran? ¿En qué son diferentes?

2. Encuentra el valor de cada expresión. Explica o muestra tu razonamiento.

- (a)  $5 \times 60$
- (b)  $8 \times 50$
- (c)  $4 \times 30$
- (d)  $7 \times 40$
- (e)  $9 \times 20$

### Actividad de cierre

¿Cuál es el valor?

Encuentra el valor de  $6 \times 40$ . Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 13 - Resolvamos problemas de grupos iguales

## Objetivos

- Multipliquemos algunos números del 11 al 19.

## Calentamiento

Exploración de estimación: Multipliquemos.

$$4 \times 18$$

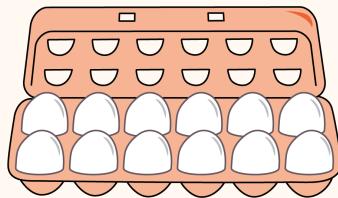
Escribe una estimación que sea:

muy baja | razonable | muy alta

## Actividad 1

Problemas con números del 11 al 19.

Resuelve cada problema. Muestra cómo pensaste. Usa objetos, dibujos o un diagrama.



- Un vendedor de un mercado agrícola tiene 7 docenas de huevos al finalizar el día. ¿Cuántos huevos tiene el vendedor?
- En el mercado agrícola hay un espacio para que los artistas toquen su música. El sitio tiene algunas sillas para que las personas se sienten a escucharlos. Hay 5 filas de sillas y cada fila tiene 15 sillas. ¿Cuántas sillas hay?
- En un puesto de un mercado agrícola hay una mesa. Los lados de la parte de arriba de la mesa miden 4 pies y 6 pies. ¿Cuál es el área de la parte de arriba de la mesa?

## Actividad 2

Recorrido por el salón: Problemas con números del 11 al 19.

Mientras visitas los pósteres con tu compañero, discutan en qué se parecen y en qué son diferentes las ideas que se muestran en los pósteres.

## Actividad de cierre

Bolsas de naranjas.

Hay 6 bolsas de naranjas y cada bolsa contiene 11 naranjas. ¿Cuántas naranjas hay en las bolsas?

Muestra cómo pensaste. Usa objetos, un dibujo o un diagrama.

# Lección 14 - Formas de representar la multiplicación de números del 11 al 19

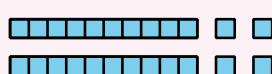
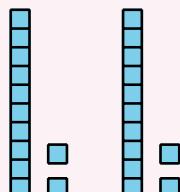
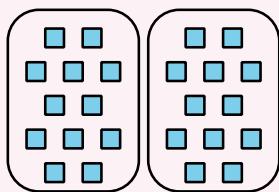
## Objetivos

- Démosle sentido a algunas formas de representar la multiplicación de números del 11 al 19.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Veamos grupos.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?

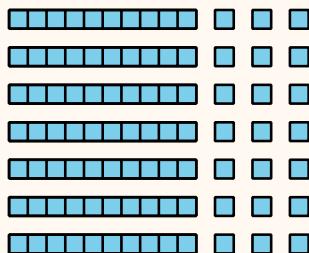


## Actividad 1

Un factor mayor que diez.

1. Tyler dice que puede usar bloques en base diez para encontrar el valor de  $7 \times 13$  porque él se sabe  $7 \times 10$  y  $7 \times 3$ . Él dice que este diagrama muestra que su forma de pensar es correcta.

¿Estás de acuerdo o en desacuerdo? Explica tu razonamiento.



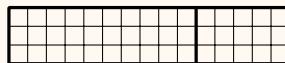
2. Usa el método de Tyler para encontrar el valor de  $3 \times 14$ . Explica o muestra tu razonamiento.

## Actividad 2

Formas de representar.

Andre, Clare y Diego representaron la misma expresión. Estas son sus representaciones.

Andre



Clare



Diego

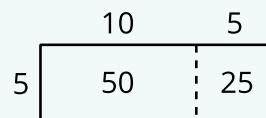


1. ¿En qué parte de cada diagrama ves los factores?
2. ¿En qué parte de cada diagrama ves el producto?

### Actividad de cierre

Multiplica y explica.

Encuentra el valor de  $5 \times 15$  y explica  
cómo está representado esto en el  
diagrama.



# Lección 15 - Grupos iguales, números más grandes

## Objetivos

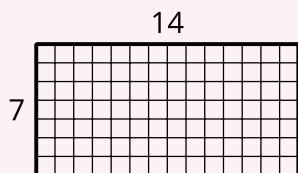
- Resolvamos algunos problemas de grupos iguales que tienen números más grandes.

## Calentamiento

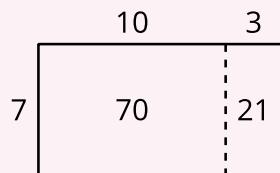
Cuál es diferente: Rectángulos.

¿Cuál es diferente?

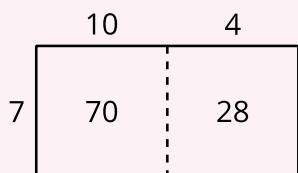
A



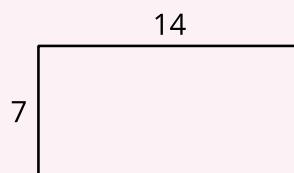
B



C



D



## Actividad 1

Grupos iguales, números más grandes.

Resuelve cada problema. Explica o muestra tu razonamiento.

- Noah ve un gran mural pintado que tiene lados de longitudes 15 pies y 4 pies. ¿Cuál es el área del mural?
- La familia de Noah compra un mosaico que tiene 12 filas y 8 columnas de baldosas de 1 pulgada de lado. ¿Cuál es el área del mosaico?
- En el festival de arte, Noah usa tiza para ayudar a decorar un pedazo rectangular de acera de 6 pies por 14 pies. ¿Cuál es el área del pedazo de acera que Noah ayudó a decorar?
- En el festival de arte, Noah compra un paquete de calcomanías. En el paquete hay 5 hojas y cada hoja tiene 16 calcomanías. ¿Cuántas calcomanías hay en el paquete?

## Actividad 2

Recorrido por el salón: Grupos iguales, números más grandes.

Mientras visitas los pósteres con tu compañero, discutan en qué se parecen y en qué son diferentes las ideas que se muestran en los pósteres.

## Actividad de cierre

Encuentra el área.

Un rectángulo mide 6 pies por 15 pies. ¿Cuál es el área del rectángulo? Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 16 - Multipliquemos números más grandes que 20

## Objetivos

- Multipliquemos números que son más grandes que 20.

## Calentamiento

Conversación numérica: Tres multiplicado por algunos números.

Encuentra mentalmente el valor de cada expresión.

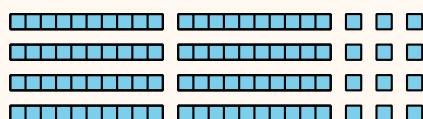
- $3 \times 10$
- $3 \times 20$
- $3 \times 50$
- $3 \times 25$

## Actividad 1

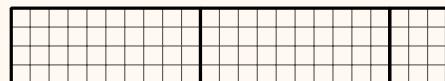
$4 \times 23$ , representado.

- Estas son las formas en las que Clare y Andre representaron  $4 \times 23$ .

Clare

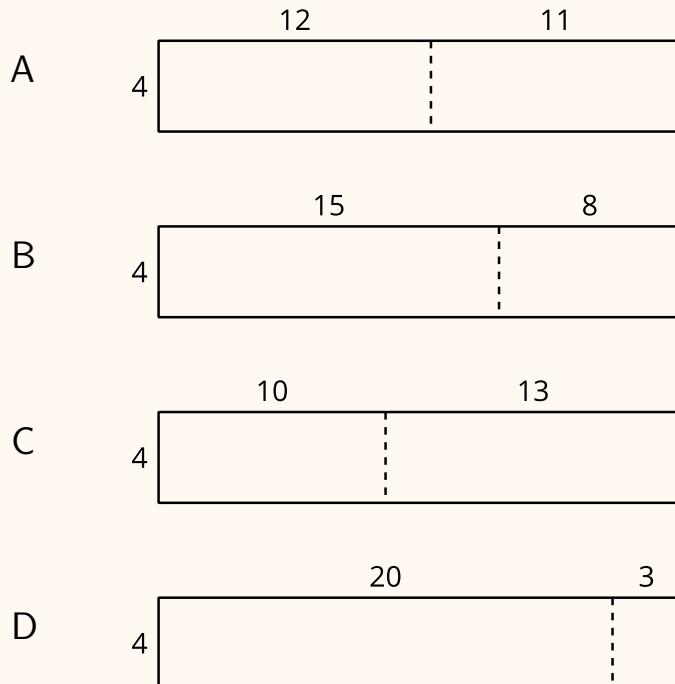


Andre



- ¿Cómo muestra cada diagrama  $4 \times 23$ ?
- ¿Cómo podríamos usar el diagrama de Clare para encontrar el valor de  $4 \times 23$ ?
- ¿Cómo podríamos usar el diagrama de Andre para encontrar el valor de  $4 \times 23$ ?

2. Diego trató de partir o dividir un diagrama de varias maneras para poder encontrar el valor de  $4 \times 23$ .



- (a) ¿Qué observas sobre los números de sus diagramas?  
(b) ¿Cuál diagrama usarías para encontrar el valor de  $4 \times 23$ ? Explica tu razonamiento.
3. Encuentra el valor de  $3 \times 28$ . Muestra cómo pensaste. Usa diagramas, símbolos u otras representaciones.

## Actividad 2

Unos productos bonitos.

1. Para encontrar el valor de  $2 \times 37$ , Mai empezó escribiendo esta ecuación:

$$2 \times 30 = 60$$

Describe o muestra lo que haría Mai para terminar de encontrar el valor de  $2 \times 37$ .

2. Encuentra el valor de cada producto. Muestra cómo razonaste.

(a)  $3 \times 32$

(b)  $2 \times 43$

(c)  $4 \times 22$

(d)  $3 \times 29$

### Actividad 3

Juguemos “Cerca de 100, multiplicación” (opcional).

Juega “Cerca de 100, multiplicación” con un compañero.



1. Pon las tarjetas boca abajo.
2. Cada jugador toma 4 tarjetas.
3. Cada jugador escoge 2 de sus tarjetas para completar la expresión y hacer que el valor esté lo más cerca posible de 100. Escribe los 2 dígitos y el producto.
4. El jugador que esté más cerca de 100, gana esa ronda.
5. Juega 5 rondas. El jugador que gane la mayoría de rondas, gana la partida.

#### Partida 1

Ronda 1

$$\boxed{\phantom{0}} \times 1 \boxed{\phantom{0}} = \underline{\quad}$$

Ronda 2

$$\boxed{\phantom{0}} \times 1 \boxed{\phantom{0}} = \underline{\quad}$$

#### Partida 2

Ronda 1

$$\boxed{\phantom{0}} \times 2 \boxed{\phantom{0}} = \underline{\quad}$$

Ronda 2

$$\boxed{\phantom{0}} \times 2 \boxed{\phantom{0}} = \underline{\quad}$$

**Nota:** Espacio para más rondas en el tablero de juego.

### Actividad de cierre

Multiplica números mayores que 20.

¿Cuál es el valor de  $4 \times 24$ ? Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 17 - Usemos las cuatro operaciones para resolver problemas

## Objetivos

- Usemos las cuatro operaciones para resolver problemas.

## Calentamiento

Verdadero o falso: Multiplicar por 10.

En cada caso, decide si la afirmación es verdadera o falsa. Prepárate para explicar tu razonamiento.

- $2 \times 40 = 2 \times 4 \times 10$
- $2 \times 40 = 8 \times 10$
- $3 \times 50 = 15 \times 10$
- $3 \times 40 = 7 \times 10$

## Actividad 1

Preguntas sobre una situación.

¿Qué preguntas puedes hacer sobre esta situación?

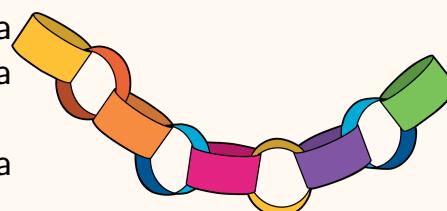
En una fiesta hay 142 invitados. Todos los invitados están en 2 salas. En la sala A hay 94 invitados. En la sala B hay 6 mesas, cada una con el mismo número de invitados. Hay 4 cubiertos y 1 plato para cada invitado.

## Actividad 2

Problemas sobre una fiesta.

En cada problema:

- Escribe una ecuación que represente la situación. Usa una letra para representar la cantidad desconocida.
- Resuelve el problema. Explica o muestra tu razonamiento.
  - Kiran está haciendo aros de papel todos los días para decorar una fiesta. Desde el lunes hasta el jueves pudo completar 156 aros. El viernes, Kiran y 2 amigos hicieron más aros. Cada uno de ellos



- hizo 9 aros más. ¿Cuántos aros hicieron durante toda la semana?
2. Mai tiene 168 pastelitos. Ella puso 104 de los pastelitos en una cesta. Ella empacó el resto de los pastelitos en 8 cajas, cada una con el mismo número de pastelitos. ¿Cuántos pastelitos había en cada caja?
  3. Había 184 vasos sobre una mesa. En tres mesas en las que había 8 personas en cada una, todas las personas fueron por una bebida y cada una usó un vaso. ¿Cuántos vasos hay ahora en la mesa?

### Actividad de cierre

#### Los globos de Andre.

Andre tenía 125 globos. Él y 4 amigos colgaron algunos de esos globos para una fiesta en la escuela y ahora quedan 80 globos. Si cada persona colgó el mismo número de globos, ¿cuántos globos colgó cada uno?

1. Escribe una ecuación que corresponda a la situación y que tenga una letra para representar la cantidad desconocida.
2. Resuelve el problema. Explica o muestra cómo razonaste.

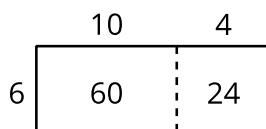
## Problemas de práctica de la sección C

1.

- ¿Cuántas decenas hay en 50?
- ¿Cuántas decenas hay en  $7 \times 50$ ? Explica cómo razonaste.
- ¿Cuál es el valor de  $7 \times 50$ ? Explica cómo razonaste.

2. Hay 4 mesas para el almuerzo. Hay 12 estudiantes en cada mesa. ¿Cuántos estudiantes hay en las mesas? Muestra cómo pensaste. Usa objetos, un dibujo o un diagrama.

3.



- ¿Qué representan el 60 y el 24 del diagrama?
- Explica cómo usar el diagrama para calcular  $14 \times 6$ .

4. En el mes hubo 14 días de escuela. Cada día hubo 7 horas de escuela. ¿Cuántas horas de escuela hubo durante el mes?

5. Encuentra el valor de cada expresión. Explica o muestra tu razonamiento.

- $2 \times 47$
- $3 \times 25$

6. Una cuerda tiene 640 pulgadas de longitud. Andre corta 5 pedazos de cuerda, cada uno de 16 pulgadas. ¿Cuánta cuerda queda?

7. **Exploración.** Esta es la estrategia de Mai para calcular  $4 \times 21$ : “Primero duplico 21 y eso da 42. Luego duplico 42 y eso da 84”.

- Explica por qué la estrategia de Mai funciona.
- Usa la estrategia de Mai para encontrar  $4 \times 23$ .

8. **Exploración.**

$\times$	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81

(a) Haz una lista de los números menores que 20 que no aparecen en la tabla de multiplicar.

(b) ¿Qué tienen en común esos números?

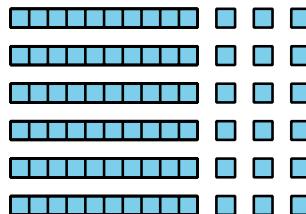
(c) Escoge uno de esos números y cuenta y separa ese número de objetos. ¿Puedes hacer un arreglo con los objetos?

9. **Exploración.** Mira dos diagramas diferentes que corresponden a la misma expresión de multiplicación:

$$\begin{array}{r} 10 \\ \times 6 \\ \hline 60 \end{array}$$

3

18



(a) ¿Qué expresión de multiplicación representan los diagramas?

(b) ¿Puedes mostrar una tercera forma de representar la misma expresión de multiplicación?

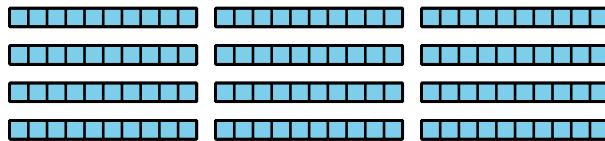
(c) ¿Cuál es el valor de la expresión?

(d) Escribe un problema-historia que le corresponda a la expresión.

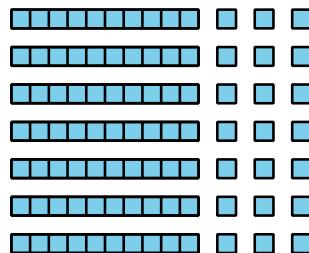
## Resumen de la sección

En esta sección, aprendimos a multiplicar números de un dígito por múltiplos de diez. Usamos estrategias para multiplicar números del 11 al 19 y números mayores que 20.

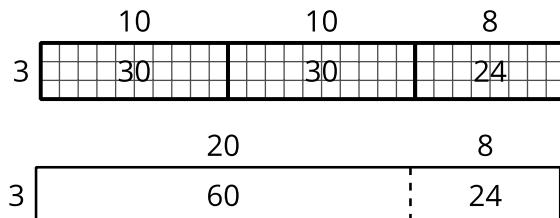
$$4 \times 30$$



$$7 \times 13$$



$$3 \times 28$$



## Sección D - Dividamos números más grandes

### Objetivos

- [oooooooooooooooooooo]
- [oooooooooooooooooooo]

# Lección 18 - Números más grandes en grupos iguales

## Objetivos

- Dividamos con números más grandes.

## Calentamiento

¿Qué sabes sobre la división?

¿Qué sabes sobre la división?

## Actividad 1

Grupos en una excursión.

Hay 48 estudiantes que van de excursión al acuario. Ellos visitan las exhibiciones en grupos de 4 estudiantes. ¿Cuántos grupos habrá?

Muestra cómo pensaste. Usa diagramas, símbolos u otras representaciones.



## Actividad 2

Grupos en el bus y grupos en el almuerzo.

En cada pregunta, muestra cómo pensaste. Usa diagramas, símbolos u otras representaciones.

1. Kiran está haciendo aros de papel todos los días para decorar una fiesta. Desde el lunes hasta el jueves pudo completar 156 aros. El viernes, Kiran y 2 amigos hicieron más aros. Cada uno de ellos hizo 9 aros más. ¿Cuántos aros hicieron durante toda la semana?
2. En otra excursión, 72 estudiantes y profesores fueron al museo de ciencias en 3 buses, con el mismo número de personas en cada bus. ¿Cuántas personas viajaron en cada bus?
3. Durante el almuerzo, las 72 personas se sentaron en unas mesas grandes. Había 12 personas en cada mesa. ¿Cuántas mesas usaron?

## Actividad de cierre

Equipos en el recreo.

En el recreo, 42 estudiantes jugaron un juego. Armaron 3 equipos con el mismo número de estudiantes cada uno. ¿Cuántos estudiantes había en cada equipo?

Muestra cómo pensaste. Usa diagramas, símbolos u otras representaciones.

# Lección 19 - Formas de dividir números más grandes

## Objetivos

- Démosle sentido a las representaciones de la división.

## Calentamiento

Verdadero o falso: Unidades, decenas, veintenas.

En cada caso, decide si la afirmación es verdadera o falsa. Prepárate para explicar tu razonamiento.

- $4 \times 10 = 40 \times 1$
- $4 \times 20 = 4 \times 2 \times 10$
- $8 \times 20 = 8 \times 2 \times 1$
- $8 \times 20 = 16 \times 10$

## Actividad 1

Dividamos con bloques en base diez.

1. Usa bloques en base diez para representar cada expresión. Después, encuentra su valor.



- (a)  $55 \div 5$
- (b)  $45 \div 3$

2. Encuentra el valor de cada expresión. Usa bloques en base diez si crees que te pueden ayudar.

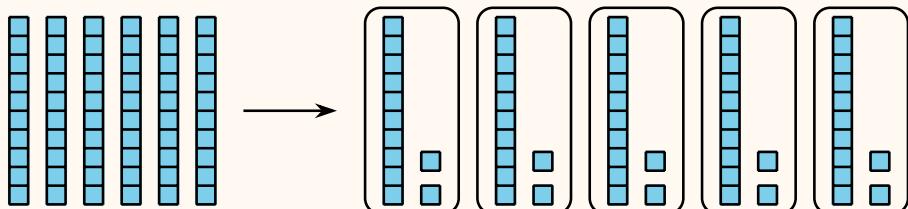
- (a)  $63 \div 3$
- (b)  $84 \div 7$
- (c)  $100 \div 5$

## Actividad 2

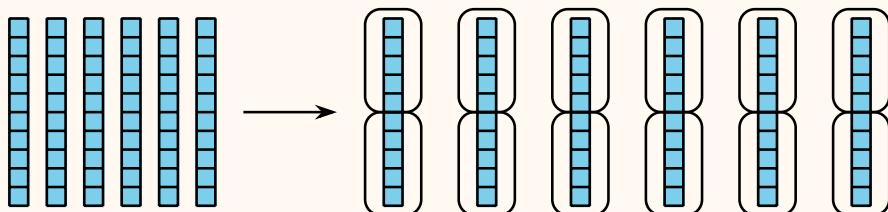
Diferentes formas de mostrar la división.

Jada y Han usaron bloques en base diez para representar  $60 \div 5$ .

Este es el trabajo de Jada:



Este es el trabajo de Han:



1. Dale sentido al trabajo de Jada y de Han.
  - (a) ¿Cómo se diferencia lo que hicieron?
  - (b) ¿En qué parte del trabajo de cada uno vemos el valor de  $60 \div 5$ ?
2. ¿Cómo usarías bloques en base diez para poder representar estas expresiones y encontrar su valor? Prepárate para explicar tu razonamiento.
  - (a)  $64 \div 4$  : ¿Harías 4 grupos o grupos de 4?
  - (b)  $72 \div 6$  : ¿Harías 6 grupos o grupos de 6?
  - (c)  $75 \div 15$  : ¿Harías 15 grupos o grupos de 15?

## Actividad de cierre

Encuentra el valor.

Encuentra el valor de  $51 \div 3$ . Usa bloques en base diez si crees que te pueden ayudar. Explica o muestra cómo razonaste.

# Lección 20 - Estrategias para dividir

## Objetivos

- Usemos diferentes estrategias para dividir.

## Calentamiento

### Conversación numérica: Multiplicación y división.

Encuentra mentalmente el valor de cada expresión.

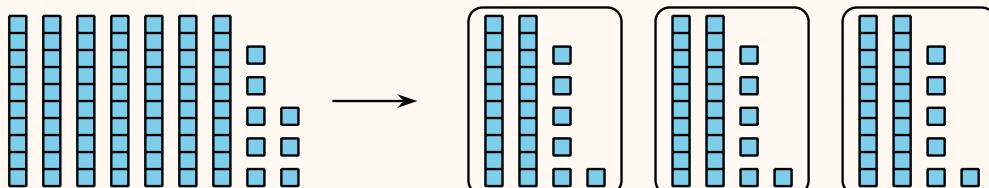
- $3 \times 5$
- $6 \times 5$
- $10 \times 5$
- $65 \div 5$

## Actividad 1

### Formas de dividir.

1. Lin, Priya y Tyler encontraron el valor de  $78 \div 3$ . Este es su trabajo. Dale sentido al trabajo de cada estudiante.

Lin



Priya

$$3 \times 10 = 30$$

$$3 \times 10 = 30$$

$$3 \times 6 = 18$$

$$\underline{3 \times 26 = 78}$$

Tyler

$$3 \times 20 = 60$$

$$3 \times 6 = 18$$

$$20 + 6 = 26$$

2. ¿En qué se parecen los trabajos de los tres estudiantes?

3. ¿En qué son diferentes?

## Actividad 2

### ¿Cómo dividirías?

Encuentra el valor de cada cociente. Explica o muestra tu razonamiento. Organízalo para que los demás lo puedan entender.

1.  $80 \div 5$
2.  $68 \div 4$
3.  $91 \div 7$

Si te queda tiempo: Ochenta y cuatro estudiantes de una excursión se organizaron en grupos. Cada grupo tiene 14 estudiantes. ¿Cuántos grupos hay?

## Actividad 3

### “Compara: Divide hasta 100” [OPCIONAL].

Juega “Compara” con dos jugadores.

1. Mezclen las tarjetas y dividan el montón entre los jugadores.
2. Cada jugador volteá una tarjeta.
3. Comparen los valores. El jugador que tenga el mayor valor se queda con ambas tarjetas.
4. Jueguen hasta que se terminen las tarjetas. Gana el jugador que tenga más tarjetas al final del juego.

## Actividad de cierre

### Una división más.

Encuentra el valor de  $96 \div 6$ . Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 21 - Resolvamos problemas usando las cuatro operaciones

## Objetivos

- Representar problemas de dos pasos utilizando ecuaciones con una letra que represente la cantidad desconocida.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Otra vez manzanas.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?

Un agricultor recogió algunas manzanas. Algunas de las manzanas están empacadas en cajas y algunas no.

## Actividad 1

Una aventura con manzanas.

Un agricultor recogió algunas manzanas. Algunas de las manzanas están empacadas en cajas y algunas no.

Escoge 4 números de la lista que describan correctamente la situación. Úsalos para llenar una fila de la tabla. Prepárate para explicar por qué tiene sentido juntar esos 4 números.

400	300	240	12
350	290	230	10
340	280	170	5

número total de manzanas	número de manzanas que no están en cajas	número de cajas	número de manzanas en cada caja



## Actividad 2

### Días de manzanas.

Tyler y Clare ayudan durante un festival en una huerta de manzanas.



1. Tyler apila manzanas para vender en el evento. Tiene 85 manzanas para apilar. Ya ha hecho 5 filas de 10 manzanas. ¿Cuántas manzanas quedan?
  - (a) Escribe una ecuación que represente esta situación. Usa una letra para representar la cantidad desconocida.
  - (b) Resuelve el problema. Explica o muestra tu razonamiento.
2. Clare ayuda a vender alimentos horneados en el evento. Un cliente compra 8 brownies que cuestan \$3 cada uno. Clare mete ese dinero en la caja del dinero y ahora hay \$125 en la caja. ¿Cuánto dinero había en la caja antes de esa compra?
  - (a) Escribe una ecuación que represente esta situación. Usa una letra para representar la cantidad desconocida.
  - (b) Resuelve el problema. Explica o muestra tu razonamiento.
3. En el mercado de la huerta había 200 tarros de puré de manzana para la venta. Al final del evento, se habían vendido 184 tarros.

El resto de los tarros se repartió por igual entre 4 personas que trabajan en la huerta. ¿Cuántos tarros de puré de manzana recibió cada persona?

- (a) Escribe una ecuación que represente esta situación. Usa una letra para representar la cantidad desconocida.
- (b) Resuelve el problema. Explica o muestra tu razonamiento.

### Actividad de cierre

#### Las manzanas en el puesto de la huerta.

En un puesto de la huerta de manzanas hay 225 manzanas. Hay 165 de esas manzanas que no están en cestas. El resto de las manzanas están en 6 cestas, cada una con el mismo número de manzanas. ¿Cuántas manzanas hay en cada cesta?

1. Escribe una ecuación que represente esta situación. Usa una letra para representar la cantidad desconocida.
2. Resuelve el problema. Explica o muestra tu razonamiento.

# Lección 22 - La huerta comunitaria de la escuela

## Objetivos

- Planeemos una huerta para la escuela.

## Calentamiento

Observa y pregúntate: Huerta.

¿Qué observas? ¿Qué te preguntas?



## Actividad 1

La producción.

En cada situación, dibuja un diagrama y escribe una ecuación o una expresión.



- Una parcela de fresas tiene 7 filas con 8 plantas de fresas en cada fila.
  - ¿Cuántas plantas de fresas hay en la parcela?

- (b) Para cultivar fresas de la mejor manera, las filas deben estar separadas por 4 pies. En cada fila, debe haber 2 pies de distancia entre planta y planta. ¿Qué tan larga y qué tan ancha es la parcela de fresas?
- (c) Se pueden cosechar 12 fresas de cada planta. ¿Cuántas fresas van a crecer en cada fila?
2. Con tu compañero, tomen turnos para explicar en qué parte de su diagrama ven los números de la expresión o de la ecuación que escribieron.

## Actividad 2

### Planeemos la huerta.

1. Lee la información sobre algunas plantas que puedes cultivar en una huerta. Luego, marca 2 tipos de plantas que quieras cultivar en tu parte de la huerta de la escuela.
  - (a) fresas
  - (b) melón cantalupo
  - (c) calabacín
  - (d) tomates
  - (e) frijoles pintos
  - (f) papas
2. Planea tu huerta. Tus plantas deben producir entre 50 y 100 frutas o vegetales.
  - (a) ¿Cuántas plantas de cada tipo vas a cultivar?
  - (b) Predice cuántas frutas o vegetales vas a producir. Muestra o explica tu razonamiento.
3. Haz un diagrama que muestre cómo están organizadas las plantas y cuánto espacio se necesita.

### ***Requisitos para el cultivo***



fresas

- Se cultivan en parcelas
- Espacio entre filas: 4 pies
- Espacio entre plantas: 2 pies
- Cada planta produce 12 fresas.

melones cantalupos

- Se cultivan en enredaderas.
- Espacio entre filas: 4 pies
- Espacio entre plantas: 1 pie
- Cada planta produce aproximadamente 8 melones cantalupos.



calabacín

- Se cultivan en enredaderas.
- Espacio entre filas: 5 pies
- Espacio entre plantas: 1 pie
- Cada planta produce aproximadamente 8 calabacines.

tomates

- Se cultivan en enredaderas.
- Espacio entre filas: 4 pies
- Espacio entre plantas: 2 pies
- Cada planta produce aproximadamente 20 tomates.



frijoles pintos

- Se cultivan en arbustos, en vainas.
- Espacio entre filas: 2 pies
- Espacio entre plantas: 1 pie
- Cada planta produce entre 20 y 25 vainas y cada vaina produce aproximadamente 5 frijoles.



papas

- Se cultivan en filas.
- Espacio entre filas: de 2 a 3 pies.
- Espacio entre plantas: 1 pie.
- Cada planta produce entre 5 y 10 papas.

## Problemas de práctica de la sección D

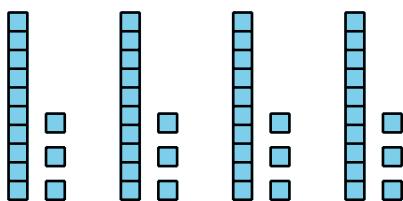
1. En el gimnasio hay 85 sillas. Están organizadas en 5 filas, cada una con el mismo número de sillas. ¿Cuántas sillas hay en cada fila? Muestra cómo pensaste. Usa diagramas, símbolos u otras representaciones.
2.
  - (a) Encuentra el valor de  $96 \div 6$ . Si te ayudan, usa bloques en base diez.
  - (b) Encuentra el valor de  $52 \div 2$ . Si te ayudan, usa bloques en base diez.
3.
  - (a) Encuentra el valor de  $78 \div 6$ . Si te ayuda, dibuja un diagrama.
  - (b) Encuentra el valor de  $42 \div 3$ . Si te ayuda, dibuja un diagrama.
4. Encuentra el valor de cada cociente.
  - (a)  $96 \div 6$
  - (b)  $87 \div 3$
5. En el parque hay 240 personas que vinieron por los partidos de fútbol. Hay 150 espectadores. El resto de las personas están en 6 equipos de fútbol que tienen el mismo número de jugadores. ¿Cuántos jugadores hay en cada equipo de fútbol?
  - (a) Escribe una ecuación que corresponda a esta situación. Usa una letra para representar la cantidad desconocida.
  - (b) Resuelve el problema. Explica o muestra cómo pensaste.
6. **Exploración.** Para encontrar el valor de  $96 \div 3$ , Diego divide 9 entre 3 y 6 entre 3, y dice que la respuesta es 32.
  - (a) Explica por qué el método de Diego es correcto. Usa ecuaciones o dibujos para apoyar tu razonamiento.
  - (b) ¿El método de Diego funciona para encontrar el valor de  $78 \div 3$ ? Explica cómo pensaste.
7. **Exploración.** ¿De qué formas diferentes puedes dividir 48 objetos en grupos iguales?
  - (a) Haz una lista.
  - (b) Escribe una ecuación de multiplicación o de división para cada forma.

## Resumen de la sección

En esta sección, dividimos números más grandes y resolvimos problemas en los que hicimos divisiones. Usamos bloques en base diez, diagramas y ecuaciones para representar los números que dividimos. Para ayudarnos a dividir, usamos lo que ya sabemos sobre el valor posicional, sobre grupos iguales y sobre la relación que hay entre la multiplicación y la división.

Por ejemplo, estas son algunas formas en las que podemos encontrar el valor de  $52 \div 4$ :

- Poner 5 decenas y 2 unidades en 4 grupos iguales.



- Pensar en cuántos grupos de 4 hay en 52.
  - 10 grupos de 4 forman 40.
  - 3 grupos de 4 forman 12.
  - 13 grupos de 4 forman 52.
- Usar los hechos de multiplicación y escribir ecuaciones.

$$4 \times 10 = 40$$

$$10 + 3 = 13$$

$$4 \times 3 = 12$$

$$4 \times 13 = 52$$

Al final de la sección, usamos las cuatro operaciones para resolver problemas.

# Glosario

# Glosario unidad 3-4

<b>algoritmo</b>	Una serie de pasos que, si se siguen correctamente, siempre funciona para obtener un resultado.
<b>área</b>	El número de unidades cuadradas que cubren una figura plana sin dejar espacios ni superponerse.
<b>arreglo</b>	Una organización de objetos en filas y columnas. Cada columna debe tener el mismo número de objetos que las otras columnas y cada fila debe tener el mismo número de objetos que las otras filas.
<b>centímetro cuadrado</b>	Un cuadrado con lados que miden 1 centímetro.
<b>cociente</b>	El resultado de una expresión de división.
<b>división</b>	La operación que nos dice el número de grupos o el tamaño de cada grupo cuando se reparten objetos en grupos del mismo tamaño.
<b>divisor</b>	El número que se usa para dividir una cantidad. Puede representar el tamaño de los grupos o el número de grupos.
<b>ecuación</b>	Una afirmación que incluye un signo igual (=). Nos dice que lo que está a un lado del signo es igual a lo que está al otro lado.
<b>expresión</b>	Una expresión tiene al menos 2 números y al menos una operación matemática (como suma, resta, multiplicación y división).
<b>factor</b>	Cuando multiplicamos dos números enteros para obtener un producto, cada uno de esos números es un factor del producto.
<b>forma desarrollada</b>	Una forma específica de escribir un número como una suma de centenas, decenas y unidades. En la forma desarrollada el número se escribe como la suma de los valores de cada dígito. Por ejemplo: la forma desarrollada de 482 es $400 + 80 + 2$ .
<b>gráfica de barras con escala</b>	Una gráfica de barras con marcada con múltiplos de algún número distinto de 1.

<b>gráfica de dibujos</b>	Una forma de mostrar cuántos hay en cada grupo o categoría usando dibujos de objetos o símbolos.
<b>gráfica de dibujos con escala</b>	Una gráfica de dibujos en la cual cada dibujo representa una cantidad distinta a 1.
<b>leyenda</b>	La parte de una gráfica de dibujos que muestra lo que cada dibujo representa.
<b>metro cuadrado</b>	Un cuadrado con lados que miden 1 metro.
<b>multiplicación</b>	La operación que nos dice el número total de objetos cuando se tiene cierta cantidad de grupos con la misma cantidad de objetos cada uno.
<b>paréntesis</b>	Símbolos para agrupar que se pueden usar en expresiones o ecuaciones, como: $(3 \times 5) + (2 \times 5)$ , $(24 \div 2) + 5 = 17$
<b>pie cuadrado</b>	Un cuadrado con lados que miden 1 pie.
<b>producto</b>	El resultado de multiplicar unos números.
<b>pulgada cuadrada</b>	Un cuadrado con lados que miden 1 pulgada.
<b>redondear</b>	Una forma de decir de qué número de cierto tipo está más cerca un número dado. Por ejemplo, para 182, el múltiplo de diez más cercano es 180 y el múltiplo de cien más cercano es 200. Redondeamos 182 a 180 (si redondeamos a la decena más cercana) o a 200 (si redondeamos a la centena más cercana).