Comunicaciones Digitales

Optativa GIEC y GIT

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2020/2021

Práctica 1 Teoría de la Información. Codificación de fuente

Resumen de la práctica

Comenzaremos esta práctica repasando el concepto de entropía, para a continuación ver dos ejemplos de codificadores de fuente, como son los códigos Huffman y los códigos LZW (Lempel-Ziv-Welch)

1 Desarrollo de la práctica

En primer lugar debemos desarrollar las siguientes funciones en Matlab:

- 1. Generar una función que, dado un vector de probabilidades p de una determinada fuente de información, devuelva el valor de la entropía para esa fuente.
 - function H = entropia(p)
- 2. Generar una función que, a partir de un vector de probabilidades p de una determinada fuente de información, calcule el código Huffman correspondiente.
 - function codigo = huffman(p)
 - Podéis comprobar el funcionamiento de las funciones creadas considerando una fuente con 6 símbolos posibles con probabilidades: p = [0,1, 0,3, 0,05, 0,09, 0,21, 0,25] La entropía de esta fuente es de 2,3549 bits por símbolo de fuente, la longitud media de las palabras del código Huffman es de 2,38 bits, y la eficiencia 0,9895.
- 3. Generar una función que codifique un determinado mensaje utilizando el algoritmo LZW utilizando un diccionario inicial dado.
 - function codigo = lzw(cadena, diccionario)
- 4. Generar la función que sea capaz de decodificar un mensaje codificado con LZW tomando como dato el diccionario inicial.
 - function mensaje = lzwdec(codigo, diccionario) Para probar el algoritmo de codificación LZW, podéis utilizar un diccionario que conste únicamente de dos símbolos: diccionario = 'A',' B', y codificar la palabra ABABABA. El resultado deberían de ser 6 códigos:
 - codigo = [1 2 1 3 6] Vamos a considerar a partir de ahora un diccionario consistente en todas las letras del español en minúscula, con sus correspondientes probabilidades de ocurrencia, que se suministran en las variables diccionario y p del archivo Datos.mat:

Comunicaciones Digitales

Optativa GIEC y GIT

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2020/2021

Carácter	Probabilidad
ESPACIO	0.1899
a	0.0934
b	0.0179
\mathbf{c}	0.0326
d	0.0406
e	0.0987
f	0.0056
g	0.0143
h	0.0057
i	0.0506
j	0.0040
k	0.0001
1	0.0402
m	0.0256
n	0.0544
O	0.0703
p	0.0203
q	0.0071
r	0.0557
S	0.0646
\mathbf{t}	0.0375
u	0.0237
V	0.0092
W	0.0001
X	0.0017
У	0.0082
${f z}$	0.0038
á	0.0041
é	0.0035
í	0.0059
ó	0.0067
ú	0.0014
ü	0.0001
ñ	0.0025

- 5. Una vez que tenemos listo todo lo anterior, vamos a realizar las siguientes pruebas:
 - Considerar una fuente con probabilidades de símbolo:

$$p = \left[\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{8}, \frac{1}{16}, \frac{1}{32}, \frac{1}{64}, \frac{1}{128}, \frac{1}{256}, \frac{1}{256}\right]$$

Calcular la eficiencia de este código. ¿Qué debe ocurrir para que un código tenga eficiencia 1?

- Calcular la entropía del alfabeto español con los datos dados.
- Obtener el código Huffman correspondiente a las letras del español, calculando la longitud media de palabra, la tasa de compresión y la eficiencia.
- Hacer lo mismo que en el apartado anterior, pero suponiendo ahora que las letras se van a agrupar de dos en dos. Supondremos que la fuente de información no tiene memoria, de forma que la probabilidad de aparición de un par de letras es igual al producto de las probabilidades individuales.
- Codificar, utilizando el algoritmo LZW, la cadena de texto mensaje incluida en el archivo *Datos.mat*. Obtener, como antes, la longitud media de palabra, la tasa de compresión y la eficiencia obtenidas.
- Decodificar el mensaje decodificado, comprobando que se obtiene de nuevo el mensaje original.

v.20210320 **2**



Comunicaciones Digitales

Optativa GIEC y GIT

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2020/2021

2 Parte voluntaria

Este apartado tiene como idea complementar lo ya hecho anteriormente con un ejemplo de aplicación real como es la codificación de imágenes. En concreto vamos a pensar en una versión muy simplificada de un codificador JPEG.

JPEG se enmarca dentro de lo que se conocen como codificadores con pérdidas. Esto quiere decir que la imagen original nunca se va a poder volver a reconstruir a partir de la imagen en formato JPEG, ya que hay partes de la información que se van a eliminar. Esta información se elimina de forma que su impacto visual sobre la imagen sea el menor posible, de forma que, si todo va bien, la imagen JPEG y la imagen original sean prácticamente idénticas.

Para conseguir todo esto, el algoritmo JPEG hace lo siguiente con la imagen (vamos a pensar por simplicidad que tenemos una imagen en escala de grises):

- (a) Antes de nada, convertimos los valores de cada pixel de la imagen de formato entero sin signo a entero con signo. Para un caso como el que vamos a considerar, en el que la imagen viene codificada con 8 bits por muestra, esto implica simplemente restarle 2⁷ = 128 a cada muestra, de forma que los valores pasan de [0, 255] a [-128, 127].
- (b) Ahora procesamos la imagen en bloques de 8x8 píxeles.
- (c) Se calcula la Transformada del Coseno (DCT) para cada bloque. La DCT es una variante de la transformada de Fourier en la que las funciones base en lugar de ser exponenciales complejas son cosenos. Esto tiene algunas limitaciones que no vienen al caso, pero también tiene una gran ventaja, y es que los valores de la DCT son reales, por lo que reducimos a la mitad la información a codificar con respecto a una DFT normal.
- (d) Se cuantifica el bloque transformado utilizando una matriz de cuantificación. El estándar propone una, aunque luego cada fabricante puede utilizar una propia. Si llamamos Q a la matriz de cuantificación y X al bloque obtenido tras la DCT, el proceso es simplemente:

$$X_q = Round\left(\frac{X}{Q}\right) \tag{1}$$

(e) Se aplica un proceso de codificación Huffman a la señal cuantificada

Una vez en el decodificador, se siguen los pasos inversos para cada bloque:

(a) Hacemos la cuantificación inversa:

$$X_R = X_q \cdot Q \tag{2}$$

(b) Calculamos la transformada inversa del coseno (IDCT).

En https://github.com/enriquealexandre/ComunicacionesDigitales, podéis encontrar un par de funciones (jpegCod.m y jpegDec.m) que realizan los pasos anteriores (salvo la codificación Huffman), así como una imagen para hacer pruebas. El código utiliza la matriz de cuantificación estándar propuesta en el estándar JPEG, pero se puede jugar aumentando los valores para conseguir una imagen con menor calidad.

Os propongo que hagáis lo siguiente:

- (a) Calcular cuántos bits serían necesarios para codificar la imagen JPEG a la salida del codificador utilizando un número de bits fijo por pixel.
- (b) Generar un código Huffman adecuado para la imagen.
- (c) Calcular la ganancia de codificación con ese esquema.

v.20210320 **3**

Universidad de Alcalá

Comunicaciones Digitales

Optativa GIEC y GIT

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2020/2021

Por si queréis investigar un poco más, en realidad el proceso es algo más complejo, ya que se codifica de forma separada el primer pixel de cada bloque de 8x8 (que tiene un valor muy superior al resto de píxeles del bloque)¹. El valor de estos píxeles iniciales de cada bloque se codifica de forma diferencial con el del anterior bloque, ahorrando así algún bit extra, y el resto de los píxeles sí que se codifican utilizando un código Huffman, ordenando los valores siguiendo un patron en diagonal.

3 Pistas

- Para la codificación Huffman, es muy cómodo trabajar con números enteros, y en el último momento traducirlos a binario con la función dec2bin. Añadir un 0 a la derecha de un número binario no es más que multiplicarlo por dos en decimal, y añadir un 1, multiplicar por 2 y sumar 1.
- El diccionario del codificador LZW os lo paso en formato de *cell array* porque creo que es lo más cómodo, ya que cada entrada del diccionario puede tener una longitud distinta.
- El comando strcmp(cadena, diccionario) resulta muy útil para localizar si una determinada cadena existe en el diccionario, y dónde se encuentra.
- Para el caso de la codificación del texto por pares de caracteres es útil tener en cuenta la función kron.

4 ¿Qué entregar?

• Código de las funciones generadas

v.20210320 4

¹Si accedéis desde la UAH, o con VPN, podéis echarle un ojo a este tutorial para haceros una idea: https://ieeexplore.ieee.org/document/125072