Grados TIC

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2021/2022

Boletín de problemas. Tema 2 Modulaciones analógicas

Problema 2.1

Una señal x(t) periódica, de valor medio cero, ancho de banda 5kHz, amplitud máxima 4 voltios y potencia media normalizada de 0.5, modula en DBL a una portadora de 1MHz, obteniéndose una señal cuya potencia media es de 400W. Se pide:

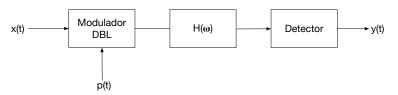
- a. Amplitud de la portadora.
- b. Potencia de la banda lateral inferior.
- c. Esquema del demodulador necesario para recuperar x(t), dando los valores más significativos del mismo.

RESULTADOS DEL PROBLEMA

- 1. $A_p = 10V$
- 2. $P_{BLI} = 200W$
- 3. Detector síncrono con $f_{OL}=1MHz$, $A_{OL}=\frac{2}{A_p}$ y $f_{pb}=5kHz$.

Problema 2.2

La señal $x(t) = cos(2\pi \cdot 10 \cdot 10^3 t) + 4 \cdot cos(2\pi \cdot 15 \cdot 10^3 t) + cos(2\pi \cdot 20 \cdot 10^3 t)$ modula en DBL a la portadora $p(t) = 2 \cdot cos(2\pi \cdot 10^5 t)$ y a continuación pasa a través de un filtro con respuesta $H(\omega)$ antes de llegar al detector, tal y como se puede ver en la figura.



donde

$$H(\omega) = \left\{ \begin{array}{ll} 0 & |\omega| < 200\pi krad/s \\ 1 & |\omega| \geq 200\pi krad/s \end{array} \right.$$

- a. Hallar la señal que se obtendría a la salida si el detector empleado fuese un detector de envolvente con $K_D=1$ y supresión de continua.
- b. Determinar qué detector sería necesario para que la señal detectada coincidiese con la moduladora, especificando todos los parámetros necesarios.

RESULTADOS DEL PROBLEMA

- 1. $y(t) = 2 \cdot \cos(2\pi \cdot 5 \cdot 10^3 t)$
- 2. Detector síncrono con $f_{OL}=2\cdot cos(\omega_p\cdot t)$ y con filtro paso bajo con frecuencia de corte de al menos 20kHz.

v.20220124

Teoría de la Comunicación

Grados TIC

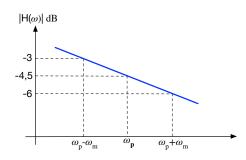
Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2021/2022

Problema 2.3

Un transmisor tiene una potencia media nominal de 30W y una potencia de pico máxima de 60W. Se pide calcular:

- a. La potencia asociada a una banda lateral cuando la señal $x(t)=cos(\omega_m t)$ modula a la portadora $p(t)=A_p\cdot cos(\omega_p t)$, así como el valor de A_p en los casos siguientes:
 - (a) Modulación AM al 80%.
 - (b) Modulación DBL
- b. En el primero de los casos del apartado anterior se observa que el canal presenta una atenuación no uniforme, tal como se aprecia en la figura. Obtenga la señal detectada en los casos siguientes:



- (a) Detección de envolvente
- (b) Detección síncrona

NOTA: En ambos casos se supondrá un bloque de supresión de continua. RESULTADOS DEL PROBLEMA

1. (a)
$$A_p = 6.08V$$
, $P_{BL} = 2.96W$

(b)
$$A_p = 10.95V$$
, $P_{BL} = 15W$

2. (a)
$$y_D(t) = k_D \cdot [A(t) - \langle A(t) \rangle]$$
, con:

$$A(t) = x_i(t) \cdot \left[1 + 0.5 \cdot \left(\frac{x_q(t)}{x_i(t)} \right)^2 \right]$$

$$x_i(t) = 0.6 \cdot A_p + 0.48 \cdot A_p \cdot \cos(\omega_m t)$$

$$x_q(t) = -0.08 \cdot A_p \cdot sen(\omega_m t)$$

(b)
$$y_D(t) = \frac{A_{OL}}{2} \cdot A_p \cdot 0.48 \cdot cos(\omega_m t)$$

v.20220124 2

Teoría de la Comunicación

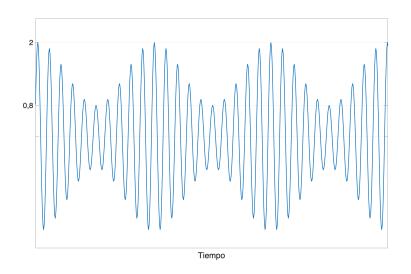
Grados TIC

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2021/2022

Problema 2.4

La señal x(t), cuya frecuencia es 10kHz, modula a una portadora de 100kHz y se observa en un osciloscopio una señal como la de la figura $\,$ Se pide:



- a. Indicar el tipo de modulación utilizado.
- b. Obtener el índice de modulación.
- c. Obtener la potencia de la portadora y de la moduladora normalizada.
- d. Obtener la señal recuperada si se utiliza un detector síncrono, sintonizado a 100kHz y de amplitud 1V.
- e. Obtener la señal recuperada si se utiliza un detector de envolvente.

Nota: Puede suponerse que $K_D=1$. Resultados del problema

- 1. AM
- 2. $m \approx 0.43$
- 3. $P_p = 0.98W$, $S_{xn} = 0.5$
- 4. $y_D(t) = 0.3 \cdot cos(2\pi \cdot 10^4 t)$
- 5. $y_D(t) = 0.6 \cdot \cos(2\pi \cdot 10^4 t)$

v.20220124 **3**

Teoría de la Comunicación

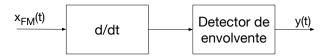
Grados TIC

Dpto. de Teoría de la Señal y Comunicaciones

Curso 2021/2022

Problema 2.5

Si $x_{FM}(t)$ es la señal que resulta al modular en FM una portadora $p(t) = A_p \cdot cos(\omega_p t)$ por una señal x(t). ¿Cuál sería la condición que permitiría recuperar la señal x(t) mediante el circuito de la figura? RESULTADOS DEL

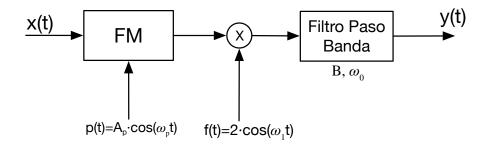


PROBLEMA $\omega_p - \omega_{\Delta} \cdot |x(t)|_{max} > 0$

Problema 2.6

El esquema de la figura representa un modulador de FM seguido de un convertidor de frecuencia y un filtro paso banda para adaptar la señal modulada a una banda de frecuencias conveniente para la transmisión. Para ajustar los parámetros del sistema se utiliza un tono de prueba x(t). A partir de los valores recogidos en el apartado de datos, se pide calcular:

- a. El índice de modulación D y el ancho de banda de la onda modulada.
- b. El valor del ancho de banda, B, y la pulsación central del filtro, ω_0 , sabiendo que la banda de frecuencias que se nos ha asignado para la transmisión está situada por encima de ω_1 .
- c. La potencia de la señal y(t) sabiendo que el filtro atenúa la señal un 10%. Dejar el resultado en función de A_p .



DATOS:

•
$$x(t) = cos(\omega_m t) [V]$$

•
$$\omega_m = 2\pi \cdot 4krad/s$$

•
$$\omega_p = 2\pi \cdot 400 krad/s$$

•
$$\omega_1 = 2\pi \cdot 2Mrad/s$$

•
$$\omega_d = 2\pi \cdot 16krad/s \cdot V$$

RESULTADOS DEL PROBLEMA

1.
$$D = 4$$
, $B_T = 2\pi \cdot 48krad/s$

v.20220124 4