

Tarea. Resuelve los siguientes ejercicios, incluye sus desarrollos en hojas aparte.

1. (2 puntos) Un desarrollador inmobiliario en la CdMx, quiere comprar un terreno en la colonia Del Valle, para construir unos edificios, desea estimar el área A de dicho terreno. Cuando mide la longitud del terreno comete un error aleatorio de modo que la longitud observada X es una variable aleatoria con media μ y varianza σ^2 . Preocupado por su posible error, decide hacer dos mediciones independientes X_1 y X_2 . Para estimar el área A está en un dilema de cómo proceder por lo que propone dos estimadores:

$$\widehat{A}_1 = \left(\frac{X_1 + X_2}{2} \right)^2 \quad \text{y} \quad \widehat{A}_2 = \frac{X_1^2 + X_2^2}{2}$$

- a) Calcula el sesgo de cada estimador del área $A = \mu^2$.
- b) Determina cuál de los dos es mejor.
2. (2 puntos) Una persona saca del cajero automático \$3,300. El cajero le entrega dos billetes de \$50, seis de \$200 y cuatro de \$500; mismos que guarda en su cartera. Todos los billetes son indistinguibles esto significa que son del mismo tamaño y no tienen ninguna marca.
- a) Si esta persona saca al azar dos de estos billetes de su cartera sin reemplazo, sea T la variable aleatoria que denota el monto total de dinero que tiene cada muestra de tamaño 2. Obtenga la distribución de muestreo de T .
- b) Calcule el valor esperado y la varianza de T .
3. (2 puntos) Un nuevo medicamento está siendo desarrollado en un laboratorio. Se toma una muestra de 10 pacientes similares para probar dicho medicamento. En cada paciente se midió el tiempo de recuperación en días obteniéndose los siguientes valores: 10, 10, 7, 12, 5, 7, 2, 1, 7, 2.
- a) Obtenga un intervalo de confianza del 95% para el tiempo promedio real de recuperación.
- b) El laboratorio establece que no lanzará el medicamento al mercado si la desviación estándar de los tiempos de recuperación es mayor a 2 días. Determina si el laboratorio lanzará o no el medicamento al mercado mediante la construcción de un intervalo de confianza al 98%.
- c) ¿Cuál es el tamaño de muestra necesario para afirmar, con una probabilidad de 0.9 que el tiempo promedio estimado de recuperación no dista del tiempo real de recuperación en más de 3 días?
4. (2 puntos) Por la temporada navideña una tienda departamental recibe un lote de chocolates en forma de Santa Claus. El gerente de compras desea estimar la proporción de chocolates rotos en el lote, para ello toma una muestra aleatoria de 100 chocolates, de los cuales 10 están rotos.
- a) Construya un intervalo de confianza al 95% para la verdadera proporción de chocolates rotos en el lote.
- b) La fábrica de chocolates acepta la devolución si el lote contiene más del 5% de chocolates rotos. Plantea el problema como una prueba de hipótesis.
- c) ¿Cuál sería la recomendación al gerente de compras?

5. (1 puntos) La cantidad de agua consumida por un adulto sano sigue una distribución Normal con media de 1.4 litros. Una campaña de salud promueve el consumo de cuando menos 2 litros diarios, después de la campaña, una muestra de 10 adultos muestra el siguiente consumo en litros:
- 1.5, 1.6, 1.5, 1.4, 1.9, 1.4, 1.3, 1.9, 1.8, 1.7
- a) Con el nivel de significancia de 0.01, ¿se puede concluir que se ha incrementado el consumo de agua?
- b) Calcule e interprete el valor-p.

Parte B. Opción múltiple.

(1 puntos) Defina si las siguientes aseveraciones son verdaderas (V) o falsas (F).

1. A mayor tamaño de muestra menor longitud del intervalo de confianza. _____
2. Al disminuir el nivel de confianza, la longitud del intervalo disminuye. _____
3. Si el coordinador de la Maestría dice que tiene una confianza del 95% de que la media de las calificaciones de todos los estudiantes de Estadística, está entre 7 y 10, ¿qué es lo que realmente está diciendo?

4. En una prueba de hipótesis, la estadística de prueba sigue siempre una distribución Normal. _____
5. En una prueba de hipótesis de dos colas, la zona de no rechazo es equivalente al intervalo de confianza para el parámetro de interés. _____