

Instituto Tecnológico y de Estudios Superiores de Monterrey



**Tecnológico
de Monterrey**

Diseño de redes neuronales y aprendizaje profundo (Gpo 302)

Actividad 2. Backpropagation

Equipo:

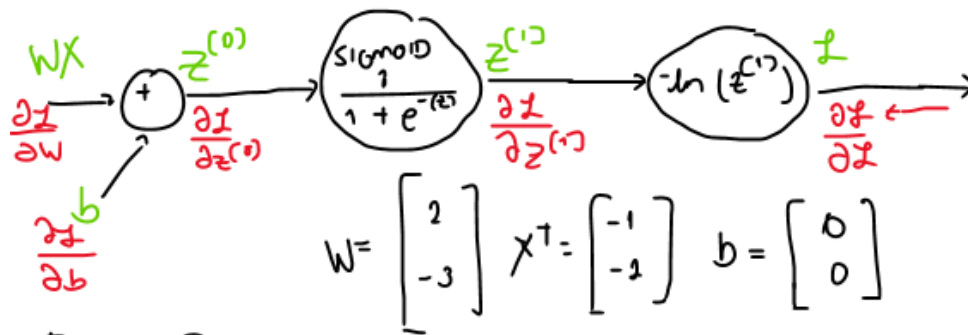
Enrique García Varela A01705747

Michelle Yareni Morales Ramón A01552627

Introducción

A través de esta actividad se realizaron distintas formas de llegar al resultado del proceso de forward pass y retropropagación en el primer paso. En la parte 2.1 se muestra el grafo computacional y el cálculo de los gradientes. Mientras que la sección 2.2 contiene el diseño de la red, la solución su descripción y validación.

2.1. Backpropagation en grafos (cálculo manual)



FORWARD PASS

$$z^{(0)} = (2)(-1) + 0 + (-3)(-2) + 0 = 4$$

$$z^{(1)} = \frac{1}{1 + e^{-z^{(0)}}} = 0.98201$$

$$L = -\ln(0.98201) = -0.01814$$

BACKPROPAGATION

$$\frac{\partial L}{\partial L} = 1$$

$$\frac{\partial L}{\partial z^{(1)}} = \frac{d}{dz} (-\ln(z)) = -\frac{1}{z} = -\frac{1}{1} = -1$$

$$\frac{\partial L}{\partial z^{(0)}} = \frac{d}{dz} \left(\frac{1}{1 + e^{-z}} \right) = \frac{-1}{(1 + e^{-z})^2} \frac{d}{dz} (1 + e^{-z})$$

$$= \frac{-1}{(1 + e^{-z})^2} [-e^{-z}] = \frac{e^{-z}}{(1 + e^{-z})^2} = \frac{e^{-(-1)}}{(1 + e^{-(-1)})^2} = 0.1966$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial W} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial z^{(1)}} \frac{\partial z^{(1)}}{\partial W} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial z^{(1)}} x = 0.1966 \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.1966 \\ -0.3932 \end{bmatrix}$$

$$\hookrightarrow \frac{d}{dw} (Wx+b) = x$$

considerando learning rate = 0.01

$$w_1 = w_1 - \alpha \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial W} = 2 - 0.01 (-0.1966) = 2.0019$$

$$w_2 = -3 - 0.01 (-0.3932) = -2.9960$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial b} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial z^{(1)}} \frac{\partial z^{(1)}}{\partial b} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial z^{(1)}} 1 = 0.1966 (1) = 0.1966$$

$$\hookrightarrow \frac{d}{db} (Wx+b) = 1$$

$$b_1 = b_1 - \alpha \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial b} = 0 - 0.01 (0.1966) = -0.001966$$

$$b_2 = 0 - 0.01 (0.1966) = -0.001966$$

2.2. Implementación de backpropagation y validación:

La red neuronal diseñada está dada por una capa, a la cual se introducen 2 variables con clasificación binaria. Esta cuenta con dos perceptrones como se muestra a continuación, para el desarrollo de toda la red neuronal estará dado por la función de calc_backpropagation.

```
#variables
x = np.array([[ -1, -2 ]]).T
y = np.array([[ 0, 1 ]]).T

def calc_backpropagation(x,y,act_func = None, floss = None):
    #parámetros 2 neuronas y 2 datos de la variable dependiente
    W = np.array([[2,-3]])
    #En caso de querer pesos sinápticos random: W = np.random.randn(3,4) * 0.01
    b = np.zeros((2,1))
    # de los siguientes resultados el índice del parametro representa el índice respectivo a la neurona
    print("PARÁMETROS ORIGINALES\npesos sinápticos:\n{} \nsesgo:\n{}".format(W,b))

    z = W@x + b
```

Además, hay diferentes formas de poder realizar el forward pass. Estado estas establecidas en la siguiente función de python llamada `activation_function`. De predeterminado tiene la función sigmoial, pero se podría poner softmax o tanh. Esto se realizó principalmente con el objetivo de que en un futuro nos pudiéramos acoplar a las funciones que se encuentran dentro de las librerías de micrograd.

```
def activation_function(x,f = None):
    if f == "softmax":
        exp_x = np.exp(x)
        sum_exp = np.sum(exp_x)
        return exp_x / sum_exp
    elif f == "tanh":
        exp_x = np.exp(x)
        neg_exp_x = np.exp(-x)
        return (exp_x - neg_exp_x) / (exp_x + neg_exp_x)
    else:
        exp_x = np.exp(-x)
        return 1/(1+exp_x)
```

A continuación se realiza la función de pérdida, para el cual se podría realizar la aplicación de la función Cross-entropy o de Mean Square Error. Tiene el mismo propósito que el caso anterior sobre poder acercarnos a lo establecido por la librería de Micrograd, ya que las funciones que se encuentran se ven limitadas.

```
def loss_function(y0,ypred, f = None):
    if f == "mse":
        return sum((y0-ypred)[0])**2
    else:
        return -np.log(y_hat[np.where(y==1)])

loss_i = loss_function(y, y_hat)
print('loss function inicial: {}'.format(loss_i))
```

Después, se hace la aplicación el proceso de backpropagation, que también estaría dependiendo de la misma función que se había establecido de un inicio para la activación de los perceptrones.

```
#Gradiente dloss_i = 1
def backprop(f = None):
    if f == "softmax": #solo se puede ocupar para función de perdida xentropy
        dz = y_hat - y
    elif f == "tanh":
        dz = 1 - y_hat ** 2
    else:
        dz = (np.exp(1))/((1+np.exp(1))**2) #Gradiente Sigmoid

    dw = dz * x.T #Gradiente pesos sinápticos
    db = dz #Gradiente sesgo
    return dw, db

dw, db = backprop(act_func)
```

Con ello, se hace la actualización de los pesos sinápticos y del sesgo, con respecto al gradiente calculado. Así como se muestran los resultados obtenidos.

```

learning_rate = 1e-2
W = W - learning_rate * dW
b = b - learning_rate * db

print("\nPARÁMETROS FINALES\n pesos sinápticos:\n{} \nsesgo:\n{} ".format(W,b))

z = (W*x + b)
y_hat = activation_function(z,act_func)
print('loss function inicial: {}'.format(loss_function(y, y_hat)))

```

Finalmente, se realizó la implementación de la red con Micrograd, a través de la función de multicapa perceptrón con la que se establece dos parámetros iniciales y las dos variables de inicio, esto para la primera capa. A continuación se declara que va a requerir dos neuronas y se crea la función de pérdida (MSE). También, cabe destacar que la función de activación se estaría ocupando tanh debido a que es la que permite Micrograd.

```

from micrograd.nn import MLP

xs = [-1.0, -2.0]
ys = [0.0, 1.0]

n = MLP(2, [2, 2]) #La función de activación que ocupa la API es tanh

for k in range(2):
    #-----Forward pass-----
    ypred = n(x)

    # al no poderse aplicar una funcion log en micrograd se obtiene mse
    loss = sum((yout - ygt) ** 2 for ygt, yout in zip(ys, ypred))

    #-----Backward pass-----
    for p in n.parameters():
        p.grad = 0.0
    loss.backward()

    # update
    for p in n.parameters():
        p.data += 0.1 * p.grad

    print('iteración #{}'.format(k), '\nloss function: {}'.format(loss.data), '\nparametros: {}'.format(n.parameters()))

```

La implementación y validación se pueden visualizar en la siguiente liga:

https://colab.research.google.com/drive/1ziVIO3LL_DFJAS_BirRSHj36LQoj01VI