

1. Considere a equação $4 \cos x - e^x = 0$. Obtenha a raiz positiva com quatro casas decimais corretas. Usando $p \approx \frac{\log\left(\frac{e_{k+1}}{e_k}\right)}{\log\left(\frac{e_k}{e_{k-1}}\right)}$, confirme que a ordem de convergência do método de Newton é quadrática, isto é, $p = 2$.
2. Usando o método de Newton, com erro inferior a 10^{-2} , determinar uma raiz das seguintes equações:
 - a) $2x = \tan x$,
 - b) $5x^3 + x^2 - 12x + 5 = 0$,
 - c) $\sin x - e^x = 0$,
 - d) $x^4 - 8 = 0$.
3. Considere a fórmula para determinar a raiz cúbica de Q :

$$x_{k+1} = \frac{1}{3} \left[2x_k + \frac{Q}{x_k^2} \right], \quad k = 0, 1, \dots \quad (1)$$

- a) Mostre que a fórmula anterior é um caso especial de iteração de Newton.
 - b) Usando a fórmula dada no item a) calcule $\sqrt[3]{4}$, com precisão de 10^{-2} , determinando o valor inicial através do gráfico.
4. Mostre que o método de Newton é convergente. Para isso, utilize a hipótese de que $\left| \frac{f''(x)}{f'(x)} \right| \leq A, \forall x, y \in I = [\xi - \delta, \xi + \delta], \delta > 0$ e seja $h = \min \left\{ \delta, \frac{1}{A} \right\}$ tal que $|\xi - x_0| \leq h$, sendo ξ a solução do problema $f(x) = 0$ e $f''(\xi) \neq 0$. PS> Inicie a prova considerando $|\xi - x_k| \leq h$.
5. Mostre que a ordem de convergência do método de Newton é 2. Use as mesmas hipóteses do exercício anterior.