

Algoritmos y Estructuras de Datos



Cursada 2011

Grafos

2

Un equipo posee 11 posiciones:

- El arquero es el número 1.
- Una por cada jugador.

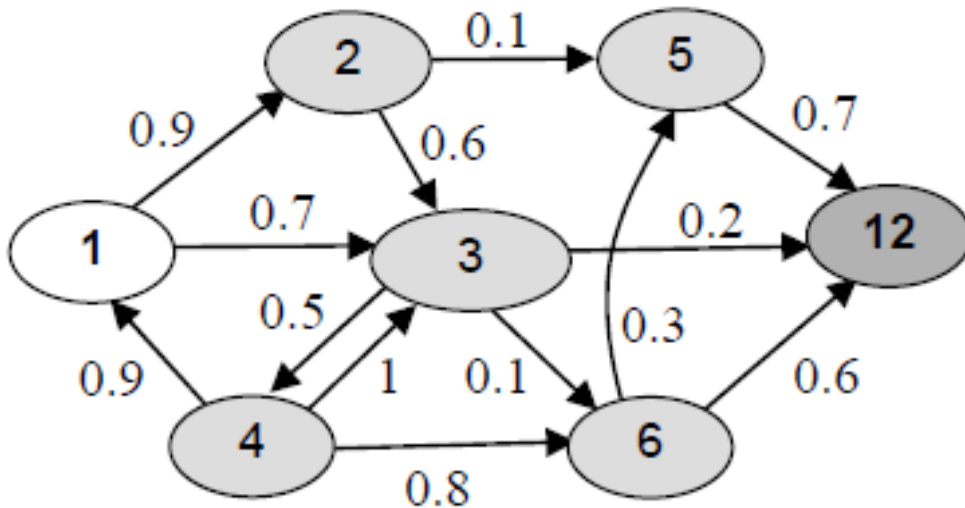
Se define una posición más para el arquero contrario (que es el número 12).

Para cada par de jugadores **(a, b)**, tenemos la probabilidad, **$P[a, b] \in (0, 1)$** , de que un pase desde **a** hasta **b** salga bien.

$P[a, 12]$ indica la probabilidad de que **a** marque un gol al patear.

Grafos

3



- Esquema del equipo con probabilidades **P[a, b]** de que los pases salgan bien.
- Si no aparece una flecha es que la probabilidad es 0.

La probabilidad de que la secuencia de pases 1 -> 3 -> 12 salga bien es:

$$P[1, 3] * P[3, 12] = 0.7 * 0.2.$$

Grafos

4

- Escribir un algoritmo eficiente que encuentre la estrategia de juego óptima, es decir, la secuencia de pases entre 1 (nuestro arquero) y 12 (arco contrario) que maximice la probabilidad de salir bien.

Grafos

5

```
package tp6.equipo;

public interface Posicionable {
    public int getPosicion();
    public void setPosicion(int posicion);
}

package tp6.equipo;

public class Jugador implements Posicionable{
    private int posicion;
    private int camiseta;

    public Jugador(int i) {
        camiseta = i;
    }

    //setters y getters
}
```

Grafos

6

```
package tp6.equipo;

//imports

public class GrafoImplMatrizAdy <T extends Posicionable> implements Grafo <T> {

    private int maxVertices;
    ListaGenerica<Vertice<T>> vertices;
    double[][] matrizAdy;

    public GrafoImplMatrizAdy(int maxVert){
        maxVertices = maxVert;
        vertices = new ListaEnlazadaGenerica<Vertice<T>>();
        matrizAdy = new double[maxVertices][maxVertices];
        for(int i = 0; i < maxVertices; i++){
            for(int j = 0; j < maxVertices; j++){
                matrizAdy[i][j] = 0;
            }
        }
    }
}
```

Grafos

7

```
public void inicializarPesosRandom() {
    for(int i = 0; i < maxVertices; i++){
        for(int j = 0; j < maxVertices; j++){
            matrizAdy [i][j] = Math.random();
        }
    }
}

public void agregarVertice(Vertice<T> v) {
    //Si el vertice ya existe no lo agrega
    if( !vertices.incluye(v)){
        v.setPosicion(vertices.tamano());
        vertices.agregar(v);
    }
}

private int posicion(Vertice<T> v) {
    return v.getPosicion();
}
```

Grafos

8

```
public double getPeso(int pos1, int pos2) {
    return matrizAdy[pos1][pos2];
}

public Vertice<T> getVerticePorPos(int pos) {
    return vertices.elemento(pos);
}
}

public class VerticeImplMatrizAdy<T> implements Vertice<T> {
    private T dato;
    private int posicion;

    public VerticeImplMatrizAdy(T d) {
        dato = d;
    }

    public T dato() {
        return this.dato;
    }
    //setters y getters
}
```


Grafos

9

```
package tp6.equipo;

public class TablaDeProbabilidad {
    public static final int FILAS = 12;
    public static final int COLUMNAS = 12;
    private Grafo<Jugador> grafo = new GrafoImplMatrizAdy <Jugador>(FILAS);

    public TablaDeProbabilidad(Jugador[] jugadores) {
        grafo.inicializarPesosRandom();
        for (Jugador jugador: jugadores) {
            Vertice<Jugador> v = new VerticeImplMatrizAdy <Jugador>(jugador);
            grafo.agregarVertice(v);
            jugador.setPosicion(grafo.posicion(v));
        }
    }

    public double p(int fila, int col) {
        return grafo.getPeso(fila,col);
    }

    public Jugador getJugadorPorPosicion(Integer posJugador) {
        return grafo.getVerticePorPos(posJugador).dato();
    }
}
```

Grafos

10

```
package tp6.equipo;

public class EquipoDeFutbol {

    private TablaDeProbabilidad tabla;
    private boolean[] visitado = new boolean[TablaDeProbabilidad.FILAS];
    private ArrayList<Integer> secuenciaDePases = new ArrayList<Integer>();
    private double probabilidadMaxima = Double.MIN_VALUE;
    private ArrayList<Integer> mejorSecuenciaDePases = new ArrayList<Integer>();

    public void calcularMejorEstrategia() {
        Jugador[] jugadores = new Jugador[12];
        for (int i = 0; i < jugadores.length; i++) {
            jugadores[i] = new Jugador(i+1);
        }
        tabla = new TablaDeProbabilidad(jugadores);
        dfs(jugadores[0], jugadores[11]);
        System.out.println("probabilidad Máxima:"+probabilidadMaxima);
        System.out.println("Mejor camino:");
        for (Integer posJugador : mejorSecuenciaDePases) {

            System.out.println("Jugador:"+tabla.getJugadorPorPosicion(posJugador));
        }
    }
}
```

Grafos

11

```
private void dfs(Jugador jugador1, Jugador jugador2) {  
    secuenciaDePases.add(jugador1.getPosicion());  
    visitado[jugador1.getPosicion()] = true;  
    dfs(jugador1.getPosicion(), jugador2.getPosicion(), 1.0);  
}
```

Grafos

12

```
private void dfs(Integer origen, Integer destino, Double probabilidad) {
    if (origen.equals(destino)) {
        if (probabilidadMaxima < probabilidad) {
            probabilidadMaxima = probabilidad;
            mejorSecuenciaDePases.borrarTodo();
            for (Integer jugador : secuenciaDePases) {
                mejorSecuenciaDePases.agregar(jugador);
            }
        }
    } else {
        for (int i = 0; i < TablaDeProbabilidad.COLUMNAS; i++) {
            if (tabla.p(origen, i) > 0 && !visitado[i]) {
                secuenciaDePases.agregar(i);
                visitado[i]=true;
                dfs(i, destino, probabilidad * tabla.p(origen, i));
                visitado[i]=false;
                secuenciaDePases.eliminar(i);
            }
        }
    }
}
```