INTEGRACIÓN EN ESFERAS Y TOROS

Sea $f:(a,b)\to\mathbb{R}$ una función continua y $F(x)=\int_a^x f(t)\,\mathrm{d}t$. Un resultado fundamental de la teoría de integración es la llamada Regla de Barrow:

(1)
$$\int_{(a,b)} f(x) dx = F(b) - F(a),$$

que es una consecuencia del Teorema Fundamental del Cálculo. En este curso consideraremos integrales sobre dominios más generales, reemplazando intervalos (a,b) por esferas, toros y otras $variedades\ diferenciables\ M^{n+1}$



y funciones $f:(a,b)\to\mathbb{R}$ por formas diferenciales $\omega:M\to\Lambda^n(M)$. En este contexto, veremos cómo la fórmula (1) es una consecuencia directa del Teorema de Stokes

$$\int_{M} \mathrm{d}\omega = \int_{\partial M} \omega,$$

que también generaliza otros resultados de la teoría de integración como el Teorema de Green y el Teorema de la Divergencia de Gauss.