

# Yoan – Développement

Durée nécessaire : 3min

## **I. Introduction**

### 1. Présentation du jeu et de ses variantes

Noter les règles

### 2. Présentation du problème :

1. Problème « anti-Hilbert », existence et exhibition d'une partie infinie
2. En réalité un problème plus coriace, qui a pu être résolu après de longs travaux de recherches

### 3. Objectifs de l'article :

1. analyser les différentes méthodes de rangement des cartes et leur impact sur la durée des parties, ainsi que l'existence de parties infinies.

## **II. Développement**

### 1. Étude d'un cas plus simple : La bataille Anglaise (Beggar My Neighbour)

1. Description des règles de la variante
2. Explication des mécanismes de pénalité et de résolution des conflits

### 2. Différentes méthodes de rangement, et durées des parties

1. Records de durées de parties
  1. Principaux records
  2. Invitations aux lecteurs à tenter de battre ces records
2. Simulations des stratégies de rangement
  1. Description de différentes stratégies de rangement
    1. optimisé
    2. naturel
    3. aléatoire
  2. Durées moyennes des parties

### 3. Existence de parties infinies

1. Définition des parties infinies et leur importance
2. Étude des parties infinies pour la bataille anglaise par Brayden Casella et ses collaborateurs

### 4. La méthode des cycles alignés

1. Présentation
  1. Description de la méthode des cycles alignés
  2. Exemple avec un jeu de 16 cartes ( $C=4$ ,  $V=4$ ) et propriétés de bon alignement
2. Généralisation de la méthode
  1. Théorème de Spivey
  2. Explication pour obtenir des cycles pour toutes les valeurs de  $V$  couvertes par le théorème de Spivey
  3. Exemple avec  $V=9$  et généralisation pour d'autres valeurs de  $V$ .

### 5. Généralisation et conjectures

1. Application de la méthode de Michel Spivey pour obtenir des cycles pour tous les nombres  $V$  qui ne sont pas de la forme  $2k$  avec  $k \geq 1$  ni de la forme  $6k$  avec  $k \geq 0$ .

2. Conjecture sur la nécessité et la suffisance de la condition pour l'existence de cycles

6. Jeux de cartes usuels

1. Analyse des cycles pour le jeu usuel de 32 cartes ( $C=4$ ,  $V=8$ ) et 52 cartes ( $C=4$ ,  $V=13$ ).

2. Résultats des calculs massifs pour le rangement optimisé et naturel

3. Conjectures restantes et outils mathématiques nécessaires pour les résoudre

III. Conclusion

Bonne chance R.