

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №4**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов**  
**Тема:Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта**

Студентка гр. 8382

Ефимова М.А

Преподаватель

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

## **Цель работы.**

Реализовать алгоритм Кнута-Морриса-Пратта, найти индексы вхождения подстроки в строку, а также разработать алгоритм проверки двух строк на циклический сдвиг.

## **Вариант 2.**

Оптимизация по памяти: программа должна требовать  $O(m)$  памяти, где  $m$  - длина образца. Это возможно, если не учитывать память, в которой хранится строка поиска.

## **Задание.**

Реализуйте алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона  $P(|| \leq 15000)$  и текста  $T(|| \leq 5000000)$  найдите все вхождения  $P$  в  $T$ .

Вход:

Первая строка –  $P$

Вторая строка –  $T$

Выход:

Индексы начал вхождений  $P$  в  $T$ , разделенных запятой, если  $P$  не входит в  $T$ , то вывести -1.

## **Пример входных данных**

aba

ababa

## **Пример выходных данных**

0, 2

## **Описание структуры данных.**

В данной программе используются векторы.

Вектор `std::vector<int> vector` – данный контейнер является аналогом массива  $\pi[i]$ , он хранит в себе максимальную длину совпадающих префикса и суффикса подстроки в образе, которая заканчивается  $i$ -м символом.

Вектор `std::vector<int> answer` – это вектор для записи в него ответа.

## **Описание алгоритма.**

На вход алгоритма передается строка-образ, вхождения которой нужно найти, и строка-текст, в которой нужно найти вхождения.

Оптимизация – строка-текст считывается посимвольно, в памяти хранится текущий символ.

Алгоритм сначала вычисляет префикс-функцию строки-образа.(  
`createPiArray(&vector, &string, string.length())`)

Далее посимвольно считывается строка-текст. В функции `void function(char c, std::string string, int k, int n, int count, std::vector<int>* answer, std::vector<int>* vector)` происходит следующее: изначально сравнивается рассматриваемый текущий символ(`char c`) строки-текста и текущий  $l$ -й элемент строки-образа.

В случае их равенства, происходит сдвиг  $l$ -го элемента строки-образа и также увеличивается переменная(`int count`), которая олицетворяет индекс, указывающий на символ в строке-тексте. Затем после того как выявилось совпадение символов, происходит проверка на равенство  $l$  номера строки-образа и переменной `n`(`n` – это длина строки образа), если это верно, то значит, что вхождение найдено и происходит запись индекса начала вхождения вектор ответа(`vector<int> answer`).

В случае, когда текущий символ(`char c`) строки-текста и текущий  $l$ -й элемент строки-образа не равны, то происходит проверка, не находится ли сейчас в начале(в нуле) индекс, указывающий на текущий элемент строки-образа. Если это верно, увеличиваем на единицу индекс, который указывает на символ в строке-тексте. Иначе, если индекс не равен 0, то происходит перемещение позиции индекса  $l$  из одной позиции в другую.

Алгоритм завершает работу по окончании строки-текста.

### **Описание main ( ) :**

В функции прописан ввод строки-образа(т.е.вхождение которой программа будет искать) и посимвольное считывание строки-текста(т.е. где будет совершаться поиск), а также вызов функции для составления массива `pi` для заданного образа и функции нахождения образа в тексте, а также вывод ответа.

Кроме того, для удобства, во время работы алгоритма, происходит вывод промежуточной информации.

### **Описание дополнительных функций.**

Функция `void createPiArray(std::vector<int>* vector, std::string* string, int length)` принимает на вход вектор `vector`, в который будет записываться максимальная длина совпадающих префикса и суффикса, строка-образ, и длина строки-образа. Данная префикс-функция для  $i$ -го символа образа сопоставляет значение, равное максимальной длине совпадающих префикса и суффикса подстроки в образе, которая заканчивается  $i$ -м символом. Именно это значение(длина) будет храниться в векторе `vector`, который будет использоваться в функции самого алгоритма.

### **Сложность алгоритма.**

Сложность алгоритма по времени:  $O(m + n)$ ,  $m$  – длина образа,  $n$  – длина текста.

Сложность алгоритма по памяти:  $O(m)$ ,  $m$  – длина образа, так как программа хранит только строку-образ, которая считывается в самом начале.

### **Тестирование.**

Входные данные:

ab

abab

Вывод:

```
input
ab
Ввод строки
abab
a
b
Вхождение строки = 0
Двигаем строку
a
b
Вхождение строки = 2
0,2

...Program finished with exit code 0
Press ENTER to exit console.
```

## Тест №2

Входные данные:

leti

letiletileeeti

Вывод:

```
input
leti
Ввод строки
letiletileeeti
l
e
t
i
Вхождение строки = 0
Двигаем строку
l
e
t
i
Вхождение строки = 4
Двигаем строку
l
e
Двигаем строку
0,4

...Program finished with exit code 0
Press ENTER to exit console.
```

Таблица 1 – Результаты тестирования

<b>Ввод</b>	<b>Вывод</b>
ab abab	0,2
ababab ababab	0
work workworkwork	0,4,8
aba ababababa	0,2,4,6

### **Вывод.**

В ходе работы был построен и анализирован алгоритм КМП. Код программы представлен в приложении А.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А.

### ИСХОДНЫЙ КОД

```
#include <iostream>
#include <vector>

//вычисление префикс-функции, возвр. знач = макс.длине совпад. преф. и суфф. подстроки в образе
/*
vector<int>* vector - массив pi[i],хранит макс.
pi[0] = 0; i = 1; j = 0;
пока не законч. образ и провер. одно условие:
if(ai == aj) -> pi[i] = j + 1; i++; j++;
else if(j == 0) -> pi[i] = 0; i++ (j стоит в нач. образа)
else j = pi[j - 1] (ai != aj && j != 0)
*/
void Array_Pi(std::vector<int>* vector, std::string* string, int length) {

    int j = 0;
    int i = 1;

    vector->emplace_back(0); //первый символ всегда в ноль

    while (length > i) {
        if (string->at(i) == string->at(j)) {
            vector->emplace_back(j + 1);
            i++;
            j++;
        }
        else {
            if (j == 0) {
                vector->emplace_back(0);
                i++;
            }
            else {
                j = vector->at(j - 1);
            }
        }
    }
}

/*
int k = индекс,указывающий на символ в строке-тексте
int n - это длина строки образа
сравнивается текущий символ(char c) строки-текста и текущий l -й элемент строки-образа.
Если равны,то сдвиг l -го элемента строки-образа; k++.
после совпадения символов,проверка на равенство l номера строки-образа и переменной n.
если это верно, то вхождение найдено и происходит запись индекса начала вхождения вектор ответа(vector<int>
output).
*/
void function(std::vector<int>* vector, char symbol, int l, int n, std::string string, int k, std::vector<int>* output)
{
    while (true) {
        bool input = true; //флаг для считывания

        if (symbol == string[l]) { //проверка совпадает ли текущий символ текста с символом строки-образца
            std::cout << symbol << std::endl;
            l++;
            k++;
            if (l == n) {
                std::cout << "Вхождение строки = " << k - n << std::endl;
                output->emplace_back(k - n);
            }
        }
    }
}

/*
текущий символ строки-текста и текущий l -й элемент строки-образа не равны, то проверка,на индекс в нуле.
Если это верно, увеличиваем на единицу индекс, который указывает на символ в строке-тексте.
Иначе, если индекс не равен 0, то происходит перемещение позиции индекса l из одной позиции в другую.
*/
else {
    if (l == 0) {
        k++;
    }
    else {
```

```

        std::cout << "Двигаем строку" << std::endl;
        l = vector->at(l - 1);
        input = false;
    }
}

if (input) {
    std::cin.get(symbol);
}

if (symbol == '\n') {
    break;
}
}
}
/*
прописан ввод строки-образа и посимвольное считывание строки-текста),
вызов функции для составления массива pi для заданного образа и функции нахождения образа в тексте и вывод
ответа
*/
int main() {
    std::string string;
    std::cin >> string;

    std::vector<int> vector;
    vector.reserve(0);
    std::vector<int> output;
    vector.reserve(0);

    Array_Pi(&vector, &string, string.length());
    std::cout << "Ввод строки" << std::endl;
    int l = 0;
    int n = string.size();
    int k = 0;
    char symbol;
    std::cin.get(symbol);
    std::cin.get(symbol); //считываем первый символ строки-текста
    function(&vector, symbol, l, n, string, k, &output);

    if (!output.empty()) {
        for (size_t z = 0; z < output.size(); ++z) { //output the response
            std::cout << output[z];
            if (z != output.size() - 1)
                std::cout << ",";
        }
    }
    else {
        std::cout << -1 << std::endl;
    }

    return 0;
}

```