5. Структуры и классы

5.1. Структуры

5.1-0 Опишите структуру Sequence, соответствующую числовым последовательностям. Последовательность задаётся начальным членом a_0 и функцией f. Каждый член кроме первого определяется через предыдущий:

$$a_{k+1} = f(a_k).$$

Напишите функцию, находящую *n*-й член последовательности.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-1 Опишите структуру LinearEquation, соответствующую линейному уравнению. Уравнение ax + b = c задаётся коэффициентами a, b и c. Определить функцию, находящую корень линейного уравнения.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-2 Опишите структуру Interval, соответствующую отрезкам числовой прямой. Отрезок [a,b] задаётся своими концами. Определите функцию, возвращающую длину общей части двух отрезков или ноль, если они не пересекаются.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных.

5.1-3 Опишите структуру Circle, соответствующую окружностям. Окружность задаётся координатами центра и радиусом. Определите функцию, проверяющую, пересекаются ли две окружности.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-4 Опишите структуру GeometricProgression, соответствующую геометрическим прогрессиям. Определите функцию, находящую сумму бесконечного числа членов прогрессии.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-5 Опишите структуру, соответствующую датам григорианского календаря после 1583 г. Дата задаётся тройкой: день d, месяц m и год y. Определите функцию, возвращающую название дня недели, соответствующего дате.

Номер дня недели N можно вычислить по следующим формулам.

$$a = \frac{14 - m}{12},$$

$$Y = y - a,$$

$$M = m + 12a - 2,$$

$$N \equiv 7000 + d + Y + \frac{Y}{4} - \frac{Y}{100} + \frac{Y}{400} + \frac{31}{12}M \mod 7.$$

Если N равен 0, то результат — воскресенье, 1 — понедельник, 2 — вторник и т. д.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-6 Опишите структуру Triangle, соответствующую треугольникам. Треугольник задаётся длинами сторон a,b и c. Определите функцию, вычисляющую его углы.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-7 Опишите структуру Point2, соответствующую точкам на плоскости. Определите функцию, вычисляющую расстояние от некоторой точки до прямой, заданной двумя другими точками.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-8 Опишите структуру Time, соответствующую моментам времени. Время задаётся как тройка: часы (h), минуты (m) и секунды (s). Определите функцию, вычисляющую количество секунд между двумя моментами.

Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.1-9 Опишите структуру Line, соответствующую прямым на плоскости. Прямая задаётся коэффициентами *A*, *B* и уравнения

$$Ax + By + C = 0$$
.

Определите функцию, находящую координаты точки пересечения двух прямых. Напишите программу, использующую эту функцию. Предусмотрите обработку исключительных ситуаций.

5.2. Классы и перегрузка операций

5.2-0 Описать класс комплексных чисел Complex. Комплексные числа имеют вид a+bi, где $i=\sqrt{-1}, a,b\in\mathbb{R}.$ Определить в нем:

- конструктор, принимающий действительную и мнимую часть;
- копирующий конструктор;
- методы Re и Im, возвращающие мнимую и действительную части;
- методы Abs и Arg, возвращающие модуль и аргумент числа;
- операции сложения, вычитания, умножения и деления (аргументы могут быть как комплексными, так и комплексным и действительным числами);
- перегруженный метод ToString.

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-1** Описать класс отрезков числовой прямой Interval. Определить в нем:
- конструктор, принимающий концы отрезка (должен корректно обрабатывать случаи, когда левый конец больше правого);
- копирующий конструктор;
- метод Length, возвращающий длину отрезка.
- операции интервальной арифметики;
- перегруженный метод ToString.

Операции интервальной арифметики определяются следующим образом:

$$\begin{split} [a,b] + [c,d] &= [a+c,b+d], \\ [a,b] - [c,d] &= [a-c,b-d], \\ [a,b] \times [c,d] &= [\min\{ac,ad,bc,bd\},\max\{ac,ad,bc,bd\}], \\ &\frac{[a,b]}{[c,d]} = \left[\min\left\{\frac{a}{c},\frac{a}{d},\frac{b}{c},\frac{b}{d}\right\},\max\left\{\frac{a}{c},\frac{a}{d},\frac{b}{c},\frac{b}{d}\right\}\right], \text{если } 0 \not\in [c,d]. \end{split}$$

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-2** Описать класс Matrix2 матриц вида $\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{pmatrix}$, где $a_{ij} \in \mathbb{R}$. Определить в нем:
 - конструктор, принимающий четыре элемента матрицы;
 - конструктор, принимающий два элемента главной диагонали (остальные элементы равны нулю);
 - копирующий конструктор;
 - метод Det, возвращающий определитель матрицы;
 - метод Inverse, возвращающий обратную матрицу;

- метод Transpose, возвращающий транспонированную матрицу;
- операции сложения и вычитания матриц;
- операции умножения и деления (аргументы могут быть как матрицами, так и матрицей и действительным числом);
- перегруженный метод ToString.

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-3** Описать класс Polynomial2 квадратных многочленов вида $ax^2 + bx + c$, где $a, b, c \in \mathbb{R}$. Определить в нем:
 - конструктор, принимающий коэффициенты многочлена;
 - копирующий конструктор;
 - метод Value, возвращающий значение многочлена в заданной точке;
 - операции сложения и вычитания;
 - операции умножения и деления на действительное число;
 - операцию вычисления остатка от деления одного многочлена на другой;
 - перегруженный метод ToString.

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-4** Описать класс Vector3 векторов в пространстве. Определить в нем:
- конструктор, принимающий координаты вектора;
- копирующий конструктор;
- метод Length, возвращающий длину вектора;
- метод Angle, вычисляющий угол между текущим и другим вектором;
- операции сложения и вычитания;
- операцию скалярного умножения вектора на вектор;
- операции умножения и деления на целое число;
- перегруженный метод ToString.

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-5** Описать класс Мопеу денежных сумм, заданных в виде количества рублей и копеек. Определить в нем:
 - конструктор, принимающий количество рублей и копеек (должен корректно обрабатывать случаи, когда копеек больше 100, или количества рублей и копеек имеют разные знаки);

- копирующий конструктор;
- метод TransferCost, принимающий величину комиссии за денежный перевод в процентах и возвращающий его полную стоимость с точностью до копеек (например, для суммы 10 р. 15 к. и величины комиссии 5 % полная стоимость составляет 10 р. 66 к.);
- операции сложения и вычитания;
- операции умножения и деления на действительное число (результат должен округляться до копеек);
- перегруженный метод ToString.

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-6** Описать класс Fraction дробей вида $\frac{m}{n}$, где $m \in \mathbb{Z}, n \in \mathbb{N}$. Определить в нем:
 - конструктор, принимающий числитель и знаменатель дроби (должен приводить дробь к несократимому виду);
 - копирующий конструктор;
 - метод IntegerPart, возвращающий целую часть дроби;
 - операции сложения, вычитания, умножения и деления (аргументы могут быть как дробями, так и дробью и целым числом);
 - перегруженный метод ToString.

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

5.2-7 В европейской музыке весь диапазон музыкальных звуков делится на октавы, которые можно пронумеровать числами от -3 до 5. Октавы с неположительными номерами имеют собственные названия: субконтроктава (-3), контроктава (-2), большая октава (-1), малая октава (0).

В каждой октаве 12 музыкальных звуков (нот): до, до-диез, ре, ре-диез, ми, фа, фа-диез, соль, соль-диез, ля, ля-диез, си.

Описать класс Note музыкальных звуков. Определить в нем:

- конструктор, принимающий номер октавы и номер звука (считать, что нота до имеет номер 0);
- копирующий конструктор;
- метод Frequency, возвращающий частоту ноты (нота ля первой октавы имеет частоту 440 Γ ц, частота каждой следующей ноты больше в $\sqrt[12]{2}$ раз);
- операции прибавления и вычитания целого числа, позволяющие получить следующие и предыдущие звуки в общей последовательности;

 перегруженный метод ToString, возвращающий текстовое описание звука (например, «до-диез 2-й октавы» или «ля субконтроктавы»).

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

- **5.2-8** Описать класс дат Date. Определить следующие методы:
- конструктор, принимающий номера дня, месяца и года (рассматривать только положительные номера года);
- копирующий конструктор;
- методы Next и Prev, возвращающие следующий или предыдущий день;
- метод IsLeapYear, проверяющий, является ли текущий год високосным;
- операции прибавления и вычитания целого числа, позволяющие получить следующие за текущим или предыдущие дни;
- перегруженный метод ToString, возвращающий текстовое представление даты (например, «15 апреля 1707 г.»).

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.

5.2-9 Дуальным числом называется число вида $a+b\varepsilon$, где $a,b\in\mathbb{R}$, а $\varepsilon\neq 0$ — абстрактная величина, такая что $\varepsilon^2=0$.

Описать класс DualNumber дуальных чисел. Определить в нем:

- конструктор, принимающий компоненты а и b дуального числа;
- копирующий конструктор;
- метод Роw, позволяющий возвести дуальное число в произвольную натуральную степень;
- операции сложения, вычитания, умножения и деления (аргументы могут быть как дуальными числами, так и дуальным и действительным числами);
- перегруженный метод ToString.

Операции над дуальными числами определены следующим образом:

$$(a+b\varepsilon) + (c+d\varepsilon) = (a+c) + (b+d)\varepsilon,$$

$$(a+b\varepsilon) - (c+d\varepsilon) = (a-c) + (b-d)\varepsilon,$$

$$(a+b\varepsilon) \times (c+d\varepsilon) = (ac) + (bc+ad)\varepsilon,$$

$$\frac{a+b\varepsilon}{c+d\varepsilon} = \frac{a}{c} + \frac{bc-ad}{c^2}\varepsilon.$$

Предусмотреть возможные исключительные ситуации, если это необходимо. Написать программу, использующую этот класс.