





# Programación en R para Ciencia de Datos Miguel Jorquera

DBDC-202010 Educación Profesional Escuela de Ingeniería

El uso de apuntes de clases estará reservado para finalidades académicas. La reproducción total o parcial de los mismos por cualquier medio, así como su difusión y distribución a terceras personas no está permitida, salvo con autorización del autor.







### **Objetivo**

- Generar "reglas" que asocien productos.
- Estas reglas deben ser:
  - Frecuentes
  - Razonables.









### **Definiciones**

{Zapatos, cartera} → {Traje de Baño}

### Conceptos claves:

- Item
- Itemset
- Antecedente
- Consecuente
- Regla de asociación

#### Métricas claves:

- Support
- Confidence
- Lift





### **Definiciones**

Reglas basadas en probabilidades.

• 
$$Supp(\{a,b\}) = \frac{\# Transacciones \ que \ contienen \ a \ y \ b}{\# Transacciones}$$

• 
$$Conf(\{a,b\} \to \{c\}) = \frac{Supp(\{a,b,c\})}{Supp(\{a,b\})} = \hat{P}(\{c\} \mid \{a,b\})$$







#### **Definiciones**

¿Qué hace "buena" a una regla? Debe ser común:

$$Supp(\{a,b\}) \ge \theta$$

¿Cómo generar las reglas?

Debe ser razonable:

$$Conf(\{a,b\} \rightarrow \{c\}) \ge minconf$$

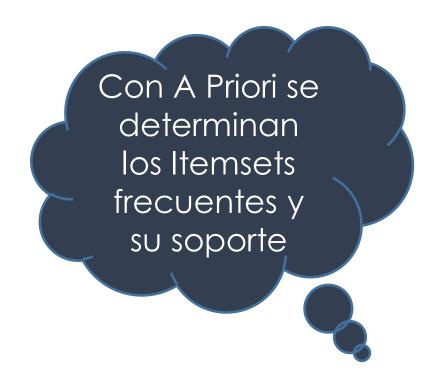




#### Algoritmo apriori

#### Algoritmo:

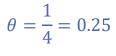
- Se buscan los itemset de un item y se filtran aquellos con soporte mayor o igual que  $\theta$
- Repetir hasta que no se puedan formar nuevos Itemsets:
  - Crea itemsets candidatos: Para cada par de itemsets ya listados con k elementos, combinarlos si comparten k-1 elementos.
  - Poda: Retener candidato si tiene un soporte de al menos θ para definir la lista con itemset con k+1 elementos.
  - Fin: si la lista de itemsets con k+1 elementos es vacía.







### Algoritmo apriori



| T ID | Items  |
|------|--------|
| 1    | 1,3,4  |
| 2    | 2,3,5  |
| 3    | 1,2,3, |
| 4    | 2,5    |

{2,3,5}

| ItemSet | Supp |     |       |      | ItemS |
|---------|------|-----|-------|------|-------|
| {1}     | 2    |     |       | _    | {1}   |
| {2}     | 3    |     |       |      | {2}   |
| {3}     | 3    |     |       | ,    | {3}   |
| {4}     | 1    |     |       |      | {5}   |
| {5}     | 3    | Ite | emSet | Supp |       |

| ItemSet | Supp | {1,2}     | 1 |         | {1,2} |  |
|---------|------|-----------|---|---------|-------|--|
| {1,3}   | 2    | {1,3}     | 2 |         | {1,3} |  |
| {2,3}   | 2    | <br>{1,5} | 1 |         | {1,5} |  |
| {2,5}   | 3    | {2,3}     | 2 |         | {2,3} |  |
| {3,5}   | 2    | {2,5}     | 3 |         | {2,5} |  |
|         |      | {3,5}     | 2 |         | {3,5} |  |
| ItemSet |      |           |   | ItemSet | guZ   |  |



2

Supp

ItemSet

{2,3,5}



#### Algoritmo apriori

#### Itemsets

| Itemset | Supp |  |  |
|---------|------|--|--|
| {1}     | 2    |  |  |
| {2}     | 3    |  |  |
| {3}     | 3    |  |  |
| {5}     | 3    |  |  |
| {1,3}   | 2    |  |  |
| {2,3}   | 3    |  |  |
| {2,5}   | 3    |  |  |
| {3,5}   | 2    |  |  |
| {2,3,5} | 2    |  |  |

¿Qué reglas escogemos?

#### Reglas de asociación

| Regla             | Confidence | Regla                   | Confidence |
|-------------------|------------|-------------------------|------------|
| $1 \rightarrow 3$ | 2/2 = 1    | 5 <b>→</b> 3            | 2/3 = 0.66 |
| $2 \rightarrow 3$ | 3/3 = 1    | $\{2,3\} \rightarrow 5$ | 2/3 = 0.66 |
| $2 \rightarrow 5$ | 3/3 = 1    | $\{3,5\} \rightarrow 2$ | 2/2 = 1    |
| $3 \rightarrow 5$ | 2/3 = 0.66 | $\{2,5\} \rightarrow 3$ | 2/3 = 0.66 |
| 3 → 1             | 2/3 = 0.66 | $5 \rightarrow \{2,3\}$ | 2/3 = 0.66 |
| $3 \rightarrow 2$ | 3/3 = 1    | $2 \rightarrow \{3,5\}$ | 2/3 = 0.66 |
| 5 → 2             | 3/3 = 1    | $3 \rightarrow \{2,5\}$ | 2/3 = 0.66 |





#### Algoritmo apriori

¿Qué reglas son preferibles?

• Ordenar por confidence:

$$Conf(a \to b) = \hat{P}(b|a) = \frac{Supp(a \cup b)}{Supp(a)}$$

Ordenar por lift:

$$Lift(a \to b) = \frac{Conf(a \to b)}{Supp(b)} = \frac{\widehat{P}(a \cup b)}{\widehat{P}(a)\widehat{P}(b)}$$





#### Algoritmo apriori

¿Qué reglas son preferibles?

• Ordenar por confidence:

$$Conf(a \to b) = \hat{P}(b|a) = \frac{Supp(a \cup b)}{Supp(a)}$$

Ordenar por lift:

$$Lift(a \to b) = \frac{Conf(a \to b)}{Supp(b)} = \frac{\widehat{P}(a \cup b)}{\widehat{P}(a)\widehat{P}(b)}$$





#### Algoritmo apriori

#### Wikipedia:

"Lift is a measure of the performance of a targeting <u>model</u> (association rule) at predicting or classifying cases as having an enhanced response (with respect to the population as a whole), measured against a random choice targeting model. A targeting model is doing a good job if the response within the target is much better than the average for the population as a whole. Lift is simply the ratio of these values:"

$$Lift = \frac{target\ response}{average\ response}$$





#### Algoritmo apriori

Wikipedia:

Por ejemplo,

En una población la tasa de respuesta es de un 5%, pero cierto modelo (o regla) logra identificar un segment con una tasa de resúesta de un 20%. Entonces dicho segment tiene un lift de 4.0 (20%/5%).





Vamos!



