#### รายวิชา 09131201 ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขทางด้านคอมพิวเตอร์ (Numerical Methods for Computers) บทที่ 6 การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)

รศ.ดร.วงศ์วิศรุต เชื่องสตุ่ง และ ดร.รัฐพรหม พรหมคำ

สาขาวิชาคณิตศาสตร์ ภาควิชาคณิตศาสตร์และวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลอัญบุรี

101 (8) (2) (2) (3) 3 990

#### Table of Contents

#### การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)

- 1.1 วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)
- 1.2 กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)
- 1.3 วิธีซิมสัน (Simpson's Rule)
- 1.4 วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)
- วิธีซิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)
- แบบฝึกหัด 6

การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)	
0 1 4 0 1	
การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)	
Outline	
การหาปริพันธ์เชิงด้วเลข (Numerical Integration) 1.1 วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)	
1.2 กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule) 1.3 วิธีขุ้นสัน (Simpson's Rule)	
1.4 วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule) 1.5 วิธีซิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule) 1.6 แบบฝึกทัด 6	

### การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)

ปัญหาทั่วไปของการหาปรีพันธ์เชิงตัวเลขอาจจะกล่าวได้ดังนี้ กำหนดให้  $(x_0,y_0), (x_1,y_1), \dots, (x_n,y_n)$  เป็นเซตของข้อมูลของฟังก์ชัน y=f(x) เมื่อ f(x) เป็นฟังกซันที่ไม่ทราบแน่ชัด ซึ่งเราต้องการจะคำนวณหาค่าของปริพันธ์ จำกัดเขตที่อยู่ในรูปดังนี้

$$I = \int_{a}^{b} f(x) dx$$

#### การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)

ในกรณีการหาปริพันธ์เชิงตัวเลข เราจะแทนที่ f(x) ด้วยการประมาณค่าใน ช่วงเชิงพหุนาม ซึ่งจะได้ค่าประมาณของปริพันธ์จำกัดเขต นันคือ หากแทนที่ f(x) ตัวยฟังก์ชันพหุนามอันดับที่ n  $(f_n(x))$  ที่อยู่ในรูปของสมการ

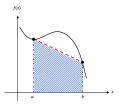
$$f_n(x) = a_0 + a_1x + \cdots + a_{n-1}x^{n-1} + a_nx^n$$

ดังนั้น จะเขียนสมการการหาปริพันธ์เชิงตัวเลขได้ดังนี้

$$I = \int_a^b f(x) \mathrm{d}x \approx \int_a^b f_n(x) \mathrm{d}x$$

1011/001/02/12/12/12/12/12/19/09

#### การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)



รูปที่ 1: ประมาณค่าปริพันธ์ด้วยพื้นที่ใต้เส้นตรง

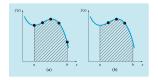
#### - (B) (B) (E) (E) (B) (900

# การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)



รูปที่ 2: The approximation of an integral by the area under three straight-line segments.

### การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)



รูปที่ 3: The difference between (a) closed and (b) open integration formulas.



#### Outline

#### การหาปริพันธ์เชิงตัวเลข (Numerical Integration)

- 1.1 วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)
- 1.2 กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)
- 1.3 วิธีซิมสัน (Simpson's Rule)
- 1.4 วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)
- 1.5 วิธีซิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)
- 1.6 แบบฝึกหัด 6

### วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)

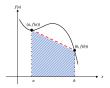
การประมาณค่าปริพันธ์ตัวยกฏสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule) เป็น วิธีที่ง่ายที่สุดในการประมาณค่าปริพันธ์จำกัดเขต โดยใช้ฟังก์ชันพหุนาม อันดับหนึ่งหรือสมการเส้นตรงเป็นฟังก์ชันในการประมาณค่าปริพันธ์ นั่นคือ

$$I = \int_{a}^{b} f(x) dx \approx \int_{a}^{b} f_{1}(x) dx \qquad (1.1)$$

(B) (B) (E) (E) E (900)

# วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)

จากรูปที่ 4 จะเห็นได้ว่า การประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชันพหุนามอันดับ หนึ่งคือการหาพื้นที่สี่เหลี่ยมคางหมู



รูปที่ 4: การประมาณค่าปริพันธ์กฏสี่เหลี่ยมคางหมู

# วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)

จากการประมาณค่าในช่วงเชิงเส้น นั่นคือ

$$f_1(x) = f(a) + \frac{f(b) - f(a)}{b - a}(x - a)$$
 (1.2)

จะได้ว่า พื้นที่ได้เส้นตรงจะเป็นการประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชัน  $f_1(x)$  ใน ช่วง a ถึง b จะได้

$$I = \int_{a}^{b} f(x)dx \cong \int_{a}^{b} f_{1}(x)dx$$
 (1.3)

$$f_1(x) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}x + f(a) - \frac{af(b) - af(a)}{b - a}$$
$$= \frac{f(b) - f(a)}{b - a}x + \frac{bf(a) - af(a) - af(b) + af(a)}{b - a}$$

$$= \frac{b-a}{b-a} + \frac{b-a}{b-a}$$

$$= \frac{f(b)-f(a)}{b-a} + \frac{bf(a)-af(b)}{b-a}$$
(1.4)

แทนสมการ (1.4) ใน (1.3) จะได้

$$I = \int_{a}^{b} \left[ \frac{f(b) - f(a)}{b - a} x + \frac{bf(a) - af(b)}{b - a} \right] dx$$

$$= \frac{f(b) - f(a)}{b - a} \frac{x^{2}}{2} + \frac{bf(a) - af(b)}{b - a} x \Big|_{a}^{b}$$

$$= \frac{f(b) - f(a)}{b - a} \frac{(b^{2} - a^{2})}{2} + \frac{bf(a) - af(b)}{b - a} (b - a)$$

# วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)

เนื่องจาก 
$$b^2-a^2=(b-a)(b+a)$$
 จะได้ 
$$I=[\mathit{f}(b)-\mathit{f}(a)]\frac{b+a}{2}+b\mathit{f}(a)-a\mathit{f}(b)$$

ดังนั้น

$$I = (b - a)\frac{f(b) + f(a)}{2}$$
(1.5)

จะเรียกสมการ (1.5) ว่า**การประมาณค่าปริพันธ์ด้วยกฎสี่เหลี่ยมคางหมู** 

### วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule)

ตัวอย่างที่ 1.1 จงประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x)=0.2+25x-200x^2+675x^3-900x^4+400x^5$  ในช่วง a=0 ถึง b=0.8 ด้วยกฏสี่เหลี่ยมคางหมู และประมาณร้อยละค่าคลาดเคลื่อน ช้างพังธ์ เมื่อค่าปริพันธ์จริง คือ 1 640533

1011/001/02/12/12/12/12/12/19/09

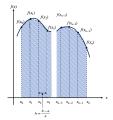
วิธีสี่เหลี่ยมคางหมู (Trapezoidal Rule) วิธีทำ	
กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application	
Trapezoidal Rule)	
กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)	
•	

400 480 480 480 8 990

### กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)

จากทัวข้อที่ผ่านมา จะเห็นได้ว่าการประมาณค่าปริพันธ์ด้วยวิธีสี่เหลี่ยม คางหมู จะมีค่าคลาดเคลื่อนอย่างมาก ดังนั้นวิธีหนึ่งที่จะลดค่าคลาดเคลื่อน ลงเมื่อใช้วิธีประมาณค่าการหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีสี่เหลี่ยมคางหมู คือแบ่งช่วง การหาค่าปริพันธ์เป็นหลายๆ ส่วน โดยแต่ละส่วนย่อยจะใช้การประมาณค่า ปริพันธ์ด้วยวิธีสี่เหลี่ยมคางหมู ซึ่งเป็นที่พราบกับดีว่า การหาค่าปริพันธ์ก็คือ ผลบวกของการหาค่าปริพันธ์แต่ละส่วน ดังนั้นวิธีนี้จะเรียกว่า กฎสี่เหลี่ยม คางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)

### กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)



รปที่ 5: การประมาณค่าปริพันธ์ด้วยวิธีสี่เหลี่ยมคางหมหลายรป

#### กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)

จากรูปที่ 5 แสดงการแบ่งเป็น n ช่วง โดยแต่ละช่วงจะมีช่วงกว้าง h เท่ากัน a , b-a , b

ซึ่งจะมี 
$$n+1$$
 จุด คือ  $x_0,x_1,...,x_n$  เมื่อ  $h=\displaystyle\frac{b-a}{n}$  จะได้

$$I = \int_{x_0}^{x_1} f(x) dx + \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx + \dots + \int_{x_{n-1}}^{x_n} f(x) dx$$
 (1.6)

แทนค่าสมการด้วยกฎสี่เหลี่ยมคางหมูในแต่ละปริพันธ์ จะได้

$$I = h \frac{f(x_0) + f(x_1)}{2} + h \frac{f(x_1) + f(x_2)}{2} + \dots + h \frac{f(x_{n-1}) + f(x_n)}{2}$$
 (1.7)

หรือ

$$I = \frac{h}{2} \left[ f(x_0) + 2 \sum_{i=1}^{n-1} f(x_i) + f(x_n) \right]$$
 (1.8)

# กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)

เมื่อ  $h = \frac{b-a}{n}$  จะได้

$$I = (b - a) \frac{\left[ f(x_0) + 2 \sum_{i=1}^{n-1} f(x_i) + f(x_n) \right]}{2n}$$
(1.9)

สมการ (1.9) เรียกว่า การประมาณค่าปริพันธ์ด้วยวิธีสี่เหลี่ยมคางหมู หลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule Method)

กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)		
ตัวอย่างที่ $1.2$ จงประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x)=0.2+25x-200x^2+675x^3-900x^4+400x^5$ ในช่วง $a=0$	 ถึง	_
b=0.8 ด้วยกฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป และหาร้อยละค่าคลาดเคลื่อน สัมพัทธ์ เมื่อค่าปริพันธ์จริง คือ $1.64053334$	-	_
(a) (b) (b) (b)	₹ 99¢	
กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapecoidal Rule)		_
วิธีทำ		
		_
		_

## กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป (Multiple Application Trapezoidal Rule)

n	h	ı	ε, (%
2	0.4	1.0688	34.9
2	0.2667	1.3695	16.5
4	0.2	1.4848	9.5
5	0.16	1.5399	6.1
6	0.1333	1.5703	4.3
7	0.1143	1.5887	3.2
8	0.1	1.6008	2.4
9	0.0889	1.6091	1.9
10	0.08	1.6150	1.6

รูปที่ 6

(D) (B) (E) (E) E 900

วิธีซิมสัน (Simpson's Rule)

วิธีซิมสัน (Simpson's Rule)

วธชมสน (Simpson's Rule)	
นอกเหนือจากการใช้กฎสี่เหลี่ยมคางหมูในการประมาณค่าปริพันธ์แล้ว ยังมี อีกวิธีหนึ่งในการประมาณค่าปริพันธ์ที่มีความแม่นยำยิ่งขึ้น นั่นคือการใช้พหุ นามที่มีลำดับสูงกว่าเพื่อเชื่อมต่อจุดต่างๆ เราจะเรียกวิธีประมาณค่าปริพันธ์ นี้ว่า <b>กฎของจิมป์สัน (Simpson's Rule)</b> โดยกฎของจิมป์สัน แบ่งออก เป็นสองวิธีดังนี้ กฎของจิมป์สัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule) และ กฎของ จิมป์สัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)	
วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)	
วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)	

#### วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)

กฎของซิมป์สัน 1/3 เป็นการประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชัน การหาปริพันธ์ ของฟังก์ชันทำได้โดยการหาพื้นที่ได้เส้นโค้ง ซึ่งเส้นโค้งดังกล่าวจะแทนด้วย ฟังก์ชันพหุนามลากรองจ์อันดับสอง ซึ่งจะพิจารณาข้อมูล 3 จุด ดังนั้นการ ประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชันจะอยู่ในรูปดังต่อไปนี้

$$I = \int_{a}^{b} f(x) dx \cong \int_{a}^{b} f_{2}(x) dx \qquad (1.10)$$

ถ้า a และ b แทนด้วย  $x_0$  และ  $x_2$  ตามลำดับ และ  $f_2(x)$  แทนด้วยฟังก์ชัน พหุนามลากรองจ์อันดับสอง (Second Order Lagrange Polynomial) จะได้

$$\begin{split} I &= \int_{x_0}^{x_2} \left[ \frac{(x-x_1)(x-x_2)}{(x_0-x_1)(x_0-x_2)} f(x_0) + \frac{(x-x_0)(x-x_2)}{(x_1-x_0)(x_1-x_2)} f(x_1) \right. \\ &\left. + \frac{(x-x_0)(x-x_1)}{(x_2-x_0)(x_2-x_1)} f(x_2) \right] \mathrm{d}x \end{split}$$

# วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)

จากการหาค่าปริพันธ์ข้างต้นจะได้

$$I \cong \frac{h}{3} [f(x_0) + 4f(x_1) + f(x_2)]$$
 (1.11)

โดย h=(b-a)/2 สมการ (1.11) เรียกว่า กฎของซิมป์สัน 1/3 หรือ สูตรซิมสัน1/3 (Simpson's 1/3 Rule) หรือ

$$I \cong (b-a)\frac{f(x_0) + 4f(x_1) + f(x_2)}{6}$$
 (1.12)

ถ้า  $a=x_0,\ b=x_2$  และ $x_1$  คือจุดกึ่งกลางระหว่าง a และ b หรือเท่ากับ (b+a)/2 และสมการ (1.12) เรียกว่า **การประมาณค่าปริพันธ์ด้วยกฎ** ของซิมป์สัน 1/3

10 10 10 12 12 12 2 2 990

วิธีซิมสัน $1/3$ (Simpson's $1/3$ Rule)		
ตัวอย่างที่ $1.3$ จงประมาณคำปริพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x)=0.2+25x-200x^2+675x^3-900x^4$ -	$+400x^{5}$ ในช่วง $a=0$ ถึง	
b=0.8 ด้วยกฎของชิมป์สัน $1/3$ และหาร้อยละค เมื่อค่าปริพันธ์จริง คือ $1.640533$	ท่าคลาดเคลื่อนสัมพัทธ์	
	(B) (B) (E) (E) E 990	
วิธีซิมสัน 1/3 (Simpson's 1/3 Rule)		
,19Ai.1		

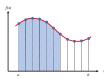
# การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีชิมสัน 1/3 หลายรูป (Multiple Application Simpson's 1/3 Rule)

การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีซิมสัน 1/3 หลายรูป (Multiple Application Simpson's 1/3 Rule)

#### 4B + 4B + 4B + 4B + B + 990

# การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีชิมสัน 1/3 หลายรูป (Multiple Application Simpson's 1/3 Rule)

การประมาณค่าปริพันธ์ คือผลบวกของการประมาณค่าปริพันธ์ปริพันธ์ใน แต่ละส่วน แล้วนำค่าที่ได้ในแต่ละส่วนมาบวกกัน โดยแต่ละช่วงย่อยจะใช้ การประมาณค่าปริพันธ์ด้วยกฎของจิมป์สัน 1/3 แสดงดังรูปที่ 7



รูปที่ 7: การประมาณค่าปริพันธ์ด้วยกฎของชิมป์สัน 1/3 หลายรูป

# การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีซิมสัน 1/3 หลายรูป (Multiple Application Simpson's 1/3 Rule)

กำหนดให้ 
$$h=rac{b-a}{n}$$
 จะใต้ 
$$I=\int_{x_0}^{x_2}f(x)dx+\int_{x_2}^{x_4}f(x)dx+\cdots+\int_{x_{n-2}}^{x_n}f(x)dx$$

แทนค่า Simpson's 1/3 rule แต่ละช่วง จะได้

$$\begin{split} I &\cong 2h \frac{f(x_0) + 4f(x_1) + f(x_2)}{6} + \frac{f(x_2) + 4f(x_3) + f(x_4)}{6} \\ &+ \frac{f(x_{n-2}) + 4f(x_{n-1}) + f(x_n)}{6} \end{split}$$

การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีชิมสัน1/3หลายรูป (Multiple Application Simpson's  $1/3~\mathrm{Rule})$ 

$$I \approx (b-a) \frac{f(x_0) + 4\sum_{i=1,3,5}^{n-1} f(x_i) + 2\sum_{i=2,4,6}^{n-2} f(x_i) + f(x_n)}{3n}$$
(1.13)

สมการ (1.13) เรียกว่า การประมาณค่าการพาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีพาค่าปริ พันธ์ด้วยชิมสัน 1/3 หลายรูป หรือการพาค่าปริพันธ์ด้วยการประยุกติใช้ ซิมสัน 1/3 (Multiple Application Simpson's 1/3 Rule)

101 (8) (2) (2) (3) 3 (9)

การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีซิมสัน 1/3 หลายรูป (Multiple	
Application Simpson's 1/3 Rule) ตัวอย่างที่ 1.4 จงประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชัน	
$f(x) = 0.2 + 25x - 200x^2 + 675x^3 - 900x^4 + 400x^5$	
ในช่วง $a=0$ ถึง $b=0.8$ ด้วยกฎของซิมป์สัน $1/3$ หลายรูป เมื่อ $n=4$ และหาร้อยละค่าคลาดเคลื่อนสัมพัทธ์ เมื่อค่าปริพันธ์จริง คือ $1.640533$	
การหาค่าปริพันธ์ด้วยวิธีซิมสัน 1/3 หลายรูป (Multiple	
Application Simpson's 1/3 Rule) วิธีทำ	

400 480 480 480 8 990

วิธีซิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)

วิธีซิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)

วิธีชิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)
กฎของซิมป์สัน 3/8 เป็นการหาค่าปริพันธ์ที่มีความคล้ายคลึงกับวิธีสี่เหลี่ยม
คางหมู และกฎของซิมป์สัน1/3 โดยกฎของซิมป์สัน 3/8 นี้เป็นการหาค่า
ประมาณปริพันธ์โดยใช้ฟังก์ชันพหุนามลากรองจ์อันดับสาม ซึ่งฟังก์ชันพหุ
นามลากรองจ์อันดับสามนี้พิจารณาข้อมูล 4 จุด แสดงดังรูปที่ 8



รูปที่ 8: กฎของซิมป์สัน 3/8

วิธีซิมสัน 
$$3/8$$
 (Simpson's  $3/8$  Rule)

เพื่อหาค่าปริพันธ์ จะได้

$$I = \int_{a}^{b} f(x) dx \cong \int_{a}^{b} f_3(x) dx$$

นั่นคือ

$$I \cong \frac{3h}{8} \left[ f(x_0) + 3f(x_1) + 3f(x_2) + f(x_3) \right]$$

เมื่อ 
$$h=(b-a)/3$$
 ดังนั้น

$$I = \frac{b-a}{8} [f(x_0) + 3f(x_1) + 3f(x_2) + f(x_3)] \qquad (1.14)$$

สมการ (1.14) เรียกว่า สูตรซิมสัน 3/8 หรือวิธีซิมสัน 3/8

#### วิธีซิมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)

ตัวอย่างที่ 1.5

จงประมาณค่าปริพันธ์ของฟังก์ชัน

$$f(x) = 0.2 + 25x - 200x^2 + 675x^3 - 900x^4 + 400x^5$$

ในช่วง a=0 ถึง b=0.8 ด้วยกฎของซิมป์สัน 3/8 และหาร้อยละค่าคลาด เคลื่อนสัมพัทธ์ เมื่อค่าปริพันธ์จริง คือ 1.640533

1011/001/02/12/12/12/12/12/19/09

วิธีซึมสัน 3/8 (Simpson's 3/8 Rule)			
วิธีทำ			
	< B > (분) (분) (분) (분) (원(연)		
แบบฝึกหัด 6			
1. จงหาค่าของ $\int_1^{\pi/2} (6+3\cos x) \mathrm{d}x$			
1.1 กฎสี่เหลี่ยมคางหมู 1.2 กฎสี่เหลี่ยมคางหมูพลายรูป $n=4$ 1.3 กฎของซิมป์สัน $1/3$ 1.4 กฎของซิมป์สัน $3/8$			
1.5 กฎของชิมป์สัน $1/3$ หลายรูป $n=4$			
$2.$ จงหาค่าของ $\int_0^3 (1-e^{-2x}) { m d}x$ $2.1$ กฎสี่เหลี่ยมคางหมู		-	
<ul> <li>2.2 กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป n = 8</li> <li>2.3 กฎของซิมป์สัน 1/3</li> <li>2.4 กฎของซิมป์สัน 3/8</li> <li>2.5 กฎของซิมป์สัน 1/3 หลายรูป n = 8</li> </ul>			

#### แบบฝึกหัด 6

- 3. จงหาค่าของ  $\int_{-2}^4 (1-x-4x^2+2x^5) \mathrm{d}x$ 
  - 0.1 กฎสี่เหลี่ยมคางหมู
  - $0.2\,$  กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหลายรูป  $n=4\,$   $0.3\,$  กฎของซิมป์สัน  $1/3\,$

  - 0.4 กฎของซิมป์สัน 3/8
  - $0.5\,$  กฎีของซิมป์สัน  $1/3\,$  หลายรูป  $n=4\,$

#### 101 (8) (2) (2) 2 000

#### เฉลยแบบฝึกหัด 6

- 1. 1.1 11.78097245
  - 1 2 12 38612536
  - 1.3 12.43161759
  - 1.4 12.42779273 1.5 12.42480285
  - 2. 2.1 1.49628187
  - - 2.2 2.47807626 2.3 2.39918649
    - 2.4 2.45121318
    - 2.5 2.50118548
  - 3. 3.1 5280,000000000
  - - 3.2 1516.87500000 3.3 1752.000000000
    - 3.4 1392,000000000
    - 3.5. 1106 53125000