Politecnico di Bari

Analisi Matematica – modulo A – Corso C

A.A. 2020/2021 Prova parziale 8 febbraio 2021

1) (a) Determinare la forma cartesiana del numero complesso

$$\left(\frac{2-i}{1+2i}\right)^9$$

(b) Determinare il dominio, il tipo di monotonia e l'immagine della funzione

$$f(x) = (x^2 + 1)e^{\sqrt{-x}},$$

8 pts.

2) Determinare dominio, asintoti e punti estremali locali e globali della funzione

$$f(x) = \frac{x}{x+1} + \log(x^2 - 1).$$

8 pts.

3) Calcolare

$$\frac{1}{2} \int x^2 (2 - x^3)^{(1 - \sqrt{2})/\sqrt{2}} dx.$$

6 pts.

4) Enunciare e dimostrare il Teorema fondamentale del calcolo integrale. Usarlo quindi per dimostrare che la funzione integrale

$$x \in \mathbb{R} \longmapsto \int_0^x e^{-s^2} \mathrm{d}s$$

è strettamente crescente.