Politecnico di Bari Analisi Matematica – modulo B – Corsi B e C A.A. 2016/2017 Appello 26 giugno 2017 Traccia A

Cognome	Nome	Nº Matricola	Corso
COgnonie		IN IVIALITICOIA	C0130

1) Si consideri la serie numerica $\sum_{k=0}^{+\infty} a_k$. Dare la definizione di somma parziale *n*-esima, s_n . Si consideri poi $x \in \mathbb{R} \setminus 1$ e la serie geometrica

$$\sum_{k=0}^{+\infty} x^k. \qquad (*)$$

Dimostrare che in questo caso $s_n = \frac{1 - x^{n+1}}{1 - x}$. Studiare poi il carattere della serie (*) al variare di $x \in \mathbb{R}$.

6 pts.

2) Sia $f(x,y) = (x^2 - y^2) \log(x^2 - y^2)$. Stabilire su quale insieme f è differenziabile. Motivare la risposta. Rappresentare inoltre graficamente tale insieme. Si consideri, poi, P = (1,0). Dire se esiste il piano tangente al grafico di f nel punto (1,0,f(1,0)) e, in caso positivo, determinarne l'equazione.

8 pts.

3) Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'' + y = e^x - 1 \\ y(0) = -1 \\ y'(0) = 1 \end{cases}$$

8 pts.

4) Calcolare il seguente integrale

$$\int_A x^2 y^2 \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

dove A è l'insieme definito da $A=\left\{(x,y)\in\mathbb{R}^2:y^2\leq x\leq 2y^2,\ y>0,\ x<1\right\}$.

8 pts.