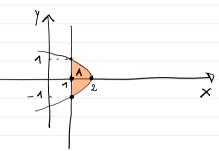
Cholse

$$\int_{A} x^{2}y \, dx \, dy$$

dove 
$$A = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 : 1 \le x \le 2 - y^2 \right\}$$



A i l'imience reppersentato
in figura in arancione.

Può essone visto come un insiem

x nombre rispetto all'asse delle y

$$\int_{A}^{2} x^{2}y \, dx \, dy = \int_{-1}^{4} \frac{2}{3} x^{2} \, dx \, dy$$

$$= \int_{-1}^{4} \frac{1}{3} x^{3} \Big|_{A}^{2} \, dy$$

$$= \int_{-1}^{4} y \left(\frac{1}{3} (2-y^{2})^{3} - \frac{1}{3}\right) \, dy$$

$$= -\frac{1}{3} \int_{-1}^{4} y \, dy + \frac{1}{3} \int_{-1}^{4} y (2-y^{2})^{3} \, dy$$

$$= 0 - \frac{1}{6} \int_{1}^{4} t^{3} \, dt = 0$$

Del reto de l'integrale assegnato vis 0 pur sucle dedurn del fetto de, dutto f(x,4) = x²y si has f(x,-y) = -f(x,y) e A è simmetrior vispetto alle simulia (x,4) +7 (x,-y)

2) Determinar il dominio della funcione

$$f(XM) = \left(\frac{x^2 + \frac{1}{2}y^2 - 1}{x - 3}\right)$$

e rappresentato sul pions. Dire se tole inneue

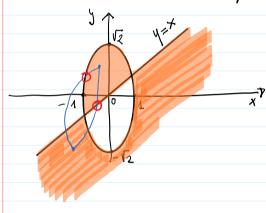
i spets, chien, limitate, comen pu archi.

Stalibu foi de f = differniolle sul nor observir)e deterinance il suo prodiente mi prento sul observir

e  $\frac{2f}{2}(2,0)$  con  $N = \left(\frac{1}{\sqrt{7}}, -\sqrt{\frac{6}{7}}\right)$   $X^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - 1 > 0$ 

$$\frac{7}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{2} \frac{1}$$

 $X^2 + \frac{1}{2}y^2 - 1 = 0$  è l'equozione di m elisse con cuto in (0,0) à 25 à coinci eleute con gli 15 i unterioni



Il dominit di f è duyur data dalla regione in examione

Si trothe oli un insieme

apertor oloto che trutti i

suoi punti sono interni, non

limitato, non connesso per

archi oloto che un punto all'interno

olell'ellisse nou pro essur collegate con un purto all'esterno con une ans continue contenute nel obsinio (une quolugue arus di tele teps observatore l'elisse or le sette y=x mo i put

di questi nou sont purt del dominio). f è une funzione di close  $C^{\infty}$  sul ser dominio in questo composte delle funzione logarithe e della funzione rozionele  $X^2 + \frac{1}{2}Y^2 - 1$  entroube di dosse  $C^{\infty}$ 

ni bro domini. Oni wi f è differentiable in tutt i punte ohl mo dominio per il terame sul differentiale

$$\frac{\partial f}{\partial x}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{2x(x-y) - x^{2} - \frac{1}{2}y^{2} + \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda} \cdot \frac{y(x-y) + x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}{(x-y)^{2}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{1}{2}y^{2} - \lambda}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(x,y) = \frac{x-y}{x^{2} + \frac{$$

$$\frac{2}{600}(2_{10}) = \langle \nabla_{+}^{2}(2_{10}), (\frac{1}{17}, -\frac{1}{17}) \rangle = \langle (\frac{5}{6}, \frac{3}{6}), (\frac{1}{17}, -\frac{1}{17}) \rangle 
= \frac{5}{617} - \frac{3}{16 \cdot 17} = \frac{1}{17} (\frac{5 - 3\sqrt{6}}{6})$$

$$\begin{cases} y'' - y' = x(1 - e^{x}) \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 1 \end{cases}$$

d'equozione construistice i 
$$\Lambda^2 - \Lambda = 0$$
 de he soluzioni 1 e 0 qui uli l'integrale generale dell'omogene despoiste i data de  $y(x) = c_1 + c_2 e^x$ ,  $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$ 

Condisur une soluzione dell'eque zione complete: possisur opphicse il metodo di vinibrità vedendo

 $f(x) = x (1 - e^x)$  come  $f(x) = x - xe^x$  e applicability

separatement alle eque zioni

Poidé O i soluriou dell'eq. contrastico, cerchiamo y(x) = x(ax+b)

qui udi

2a - 2ax -b = x do un

$$\begin{cases} -2a = 1 \\ 2a - b = 0 \end{cases} \qquad \begin{cases} 9 = -\frac{1}{2} \\ b = -1 \end{cases}$$

$$y''-y'=-\times e^{\times}$$
 (\*)

Porche 1 è reluzion dell'eq. conticuistica

arching 
$$y_2(x) = x(cx+d)e^x$$

$$\tilde{Y}_{\lambda}^{I}(x) = (cx+d)e^{x} + cxe^{x} + x(cx+d)e^{x}$$

$$= e^{x}(cx^{2}+(2c+d)x+d)$$

$$\tilde{y}_{2}^{*}(y) = e^{x} (cx^{2} + (2c+3)x+d) + e^{x} (2cx+2c+d)$$

quindi sostiturolo in (x) etterno uno  $e^{x}(2x+2c+d) = -xe^{x}$  do un

$$\begin{cases} 2c = -1 \\ c = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

e dunque 
$$\tilde{y}_{\ell}(x) = x(-\frac{1}{2}x+1)e^{x}$$

L'interpole peuvole dell'ephonisce « supreste è qui voli  $y(x) = (_1 + (_2e^{\times} + \times (_2^{-1}\times + 1)e^{\times} - _2^{-1}x^2 - \times (1))$ Peternique le soluzione del probleme di (andy

Lostituends in (1) e derivands estevians quindi  $y'(x) = -c_1 e^x - (\frac{1}{2}x+1) e^x - \frac{1}{2}x e^x + x(-\frac{1}{2}x+1) e^x - x - 1$ 

 $y'(0) = 1 \ \ \langle = 7 \ \ - C_1 \ \ - 1 \ \ - 1 \ \ = 1 \ \ \langle = 7 \ \ C_1 = -3$ Le aduzione  $\bar{z}$  quindi  $y(x) = -3 + 3e^x + x(-\frac{1}{2}x+1)e^x - \frac{1}{2}x^2 - x$ 

4) Emmaiare e di mostrane il tesame di confronte per sui e a terririi hou hegativi.

si veole la lizione 31