Cholse le journe delle socie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} (2-e)^{n} \quad (*)$$

Temolo pasuto de 22023 oblimo de -122020 qui mi (*) converge enerolo ma serie geomtros di ragione (2-0) compare tre -1 e 1

$$\sum_{k=1}^{+\infty} (2-e)^{k} = (2-e)^{4} \sum_{k=1}^{+\infty} (2-e)^{k-4} = (2-e)^{4} \sum_{k=0}^{+\infty} (2-e)^{k} = (2-e)^{4} \underbrace{\frac{1}{1-(2-e)}}_{=-1} = \underbrace{(2-e)^{4}}_{=-1}$$

1)-6) Stablice il conotten dello serie

Trottori di uno serie 2 segui alteri doto de log(u²-1) >0 tuzz Possiaur applicar de niteir di deibnit

dog (u²-1) _ o per la gezarche dugli infants

Drusshisur ch le succession (loglar-9) e characte a holisado la

funcione $f(x) = \frac{x}{(x^2-1)}$

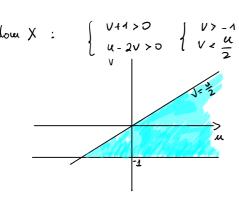
$$\uparrow^{1}(x) = \frac{\frac{2x}{x^{2}-1}}{x^{2}} \times -\log(x^{2}-1)$$

 $f'(n) < 0 = 0 = \frac{2x^2}{x^2-1} - \log(x^2-1) < 0$

Ossewiouw de lin $\frac{2x^2}{x^2-1}$ - $\log(x^2-1)$ = 2 -00 = -00 quindi

f'(u) < 0 definitivamente per $x \to +\infty$. Di consequence f(u) è de f'(u) de cres. per f'(u) < 0 de f'(u) de cres. per f'(u) e duque $\left(\frac{\log(u^2-1)}{u}\right)_{u \ge 2}$

pre il critair di deibnit le serie è convengente.



Je donino di X è la rezione alocata in figure

X et différent oble su A (che é un insierne éperto) poiche le sue confourte sour $\overline{J}_{X}(u,v) = \begin{pmatrix} 2u & -\frac{1}{V+1} \\ \frac{1}{u-2V} & \frac{-2}{u-2V} \end{pmatrix}$ differmabli.

PoX = differioble in quoto composto de funció di ffermabli. Per il teoreure sul differmale delle funioni composte 52ppisono de

 $\nabla \varphi_0 \chi(u,v) = \nabla \varphi(\chi(u,v)) \cdot \overline{J}_{\chi}(u,v)$

Quinh: 1 fox (1,0) = Tq (x(4,0)) · 3x (4,0)

X(1,0) = (1,0)

 $\nabla \varphi(x,y) = (y - 2x, x)$ quint $\nabla \varphi(x(4,0)) = \nabla \varphi(1,0) = (-2,1)$

 $J_{X}(1,0) = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ e duque

 $\nabla (\varphi_{o} \times) (1,0) = (-2,1) \cdot \left(\begin{array}{cc} 2 & -1 \\ 1 & -2 \end{array} \right) = \left(-4+1 , 2-2 \right) = \left(-3,0 \right)$

Déterminare le soluzioni simpoloni e l'integrale generale in forma esplicita 3) dell' eque rioue

$$y' = y \log y \cdot \frac{1}{(1-x)^2}$$
 (x)

l'equatione assignate et a vouiable sepanslilé. L'unico solurione megdore (g(y) = y logy er snullo per y=1 (war e definito in y=0!))

Possible ou suffame de y(x) /s , x doue y=y(n) et de jimite (X+1)

 $\frac{y'}{y \log y} = \frac{1}{(1-x)^2} = 0 \qquad \int \frac{dy}{y \log y} = \int \frac{1}{(1-x)^2} dx = 0 \qquad \log |\log y| = \frac{1}{1-x} + 0$ de α $|\log y| = e^{\frac{1}{1-x}} e^{c} = p \log y = \pm k e^{\frac{1}{1-x}}, k \in \mathbb{R}$ $= y = e^{\pm k e^{\frac{1}{1-x}}}, k \in \mathbb{R}$

h' integrale generale oli (*) in forme explicits i $y(x) = e^{\frac{1}{1-x}}$ $\forall k \in \mathbb{R}$

4) Globare Standard