Appello Analisi Matematica II modulo

lunedì 26 giugno 2017 11:00

1) a) Colore le somme della serie

$$\sum_{N=2}^{+\infty} \left(-\frac{1}{2}\right)^{N}$$

b) Stabiliu je constiture della seus

$$\frac{10}{2} m$$
 $m = 2 m^2 \log^3 n + 1$

a) Tratheri della sure geometrica di ragione - 1/2 priva din primi tre termini quiadi

$$\frac{\sum_{k=2}^{+\infty} \left(-\frac{1}{2}\right)^{k}}{\sum_{k=2}^{+\infty} \left(-\frac{1}{2}\right)^{2} \cdot \sum_{k=2}^{+\infty} \left(-\frac{1}{2}\right)^{m-2}} = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{1 - \left(-\frac{1}{2}\right)} = \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3} = \frac{1}{6}$$

b)
$$\frac{n}{n^2 \log^3 m + 1} \sim \frac{n}{m \log^3 m}$$

Per il aitero dell'integrale la suie $\sum_{m=2}^{700} \frac{1}{m \log^3 m}$ Converge

e quindi anche la suie assegnata converge.

2) Statrible quele na l'innème su cui le funtion

$$f(x,y) = (x-y^2)^2 x \qquad (x,y) \in \mathbb{R}^2$$

è differm 11 lone, motiva noto la risposto. Colcolore poi Of (-1,-1)

obove $\sigma \in \mathcal{A}$ voisse di Componente (COS \overline{O}_{3}) $\overline{D} = \overline{\Pi} + \overline{\underline{T}}$

Determinare in fine i punt aitai di f e studiarne la natura

Poiche fi un polinomis, ma è une funtion de donc Co su R2

e quindi à différentiabile ∀(xM) € R². Essendo différentiabile

Overngue, $\frac{\partial f}{\partial v}(-1,-1) = \nabla f(-1,-1) \cdot v$.

Coloshomo duque le derivate partiali de f:

$$f_{x}(x,y) = 2(x-y^{2})x + (x-y^{2})^{2} = (x-y^{2})(2x+x-y^{2}) = (x-y^{2})(3x-y^{2})$$

$$f_{y}(x,y) = 2(x-y^{2})(-2y)x = -4(x-y^{2})xy$$

Quindi $\nabla f(-1,-1) = (8,8) = \frac{\partial f}{\partial x}(-1,1) = (8,8) - (cos(T+T), sin(T+T))$
 $= -8 cos(T) - 8 sin(T) = -4 - 4\sqrt{3} = -4(1+\sqrt{3})$

Grachisms or i punt stationari di f :

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x - y^{2})(3x - y^{2}) = 0 \\ -4(x - y^{2}) xy = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y^{2} = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

Depunti critici di f sono dunque tutti i punti dipportenenti alle parabole P di apuezione x = y² e il punto 0(0,0). Poichi OEB possiono andlittare la natura di Diusieme a quella dei punti dil.

$$\forall (\bar{x}_1\bar{y}) \in \mathbb{P} : f(\bar{x}_1\bar{y}) = 0$$
 guinoli

$$f(x,y) - f(\bar{x},\bar{y}) = f(x,y) \quad \forall (\bar{x},\bar{y}) \in \mathcal{C}$$

Dato cle il signor oli f(x,y) coinciole con quello oli x e che per ogni (\overline{x},\overline{y}) \in P \cdot(0,0) \cdot\overline{x} > 0, abbrismo che ogni (\overline{x},\overline{y}) \in P \cdot\(0,0)\) i un punto oli minimo locole (non stretto). Dato che ogni intorno di (0,0) contiene punto con assissa negativa, (0,0) i di sella.

Determinate, esplicitaments, la solutione du problema di Guelley $\int y' = (x-1)y + e^{\frac{1}{2}x^2}$ y(1) = 1

Sappismo cle x la solutione à data de
$$y(x) = \left(e^{\int_{1}^{1}(t-1)dt}\right)\left(1+\int_{1}^{\infty}e^{\int_{1}^{1}(t-1)dt}e^{\frac{t^{2}}{2}}dt\right)$$

$$= e^{\frac{1}{2}(t-1)^{2}} \left(1+\left(e^{\int_{1}^{1}(t-1)^{2}}e^{\int_{1}^{1}(t-1)dt}e^{\int_{1}^{1}(t-1)^{2}}e^{\int_{1}^{1}(t-1)dt}e^{\int_{1}^{1}(t-1)e^{\int_$$

Pagina 2

·alu~)

J (....)

quinti l'integrale 28 regnoto è nguale 2

$$\int_{0}^{2} \left| \log_{2} u \left(\int_{0}^{2} dV \right) du \right| = \int_{0}^{2} u^{2} \log_{2} u du = \int_{0}^{2} u^{3} \log_{2} u du = \int_{0}^{2} u^{3} \log_{2} u du = \int_{0}^{2} u^{3} \log_{2} u du = \int_{0}^{2} \log_{2} u$$