Politecnico di Bari

Analisi Matematica – modulo A – Corso C

A.A. 2023/2024 Prova parziale 9 novembre 2023 Traccia A

- 1) (a) Sia $z \in \mathbb{C}$ tale che |z| = 1. Verificare che $\bar{z} = 1/z$.
 - (b) Determinare il dominio naturale della funzione

$$f(x) = \log_{10} \left(\arctan(1 - x^2) \right) + x^{-1/e}.$$

Stabilire poi il tipo di monotonia di f e determinarne infine l'immagine.

7 pts.

2) Determinare gli asintoti della funzione

$$f(x) = 2^{2(x-1)^3 + 1} + 2x - 1.$$

Studiare la convessità di f. Stabilire che tipo di flesso ha f nel punto x=1 e determinare l'equazione della retta tangente al grafico di f in tale punto.

8 pts.

3) Calcolare i seguenti integrali

$$\int (3x - 2)^{1/3} dx, \qquad \int \frac{\log(2 + \sqrt{x})}{\sqrt{x}} dx.$$

7 pts.

4) Enunciare il teorema di L'Hopital. Dimostrarlo nel caso di due funzioni infinitesime in $x_0 \in \mathbb{R}$. Usarlo per dimostrare che

$$\forall \alpha > 0, \quad \lim_{x \to 0^+} x^{\alpha} \log x = 0.$$

8 pts.

Politecnico di Bari

Analisi Matematica - modulo A - Corso C

A.A. 2023/2024 Prova parziale 9 novembre 2023 Traccia anni precedenti

- 1) (a) Sia $z \in \mathbb{C}$ tale che |z| = 1. Verificare che $\bar{z} = 1/z$.
 - (b) Determinare il dominio naturale della funzione

$$f(x) = \log_{10} \left(\arctan(1 - x^2) \right) + x^{-1/e}.$$

Stabilire poi il tipo di monotonia di f e determinarne infine l'immagine.

8 pts.

2) Determinare gli asintoti della funzione

$$f(x) = 2^{2(x-1)^3+1} + 2x - 1.$$

Studiare la convessità di f. Determinare l'equazione della retta tangente al grafico di f in x=1

8 pts.

3) Calcolare il seguente integrale

$$\int_{-1}^{1} \left| 3|x| - 2 \right|^{1/3} \mathrm{d}x.$$

6 pts.

4) Enunciare e dimostrare il teorema degli zeri per le funzioni continue.

8 pts.