mercoledì 15 giugno 2022

1) Stabilie il mottere delle segnent serie

$$9) \sum_{+\infty}^{M=3} \left(-\frac{7}{7}\right)_{M} \frac{M_{\pi}-1}{\sqrt{M}}$$

b)
$$\sum_{M=2}^{+\infty} \frac{m - \ell^{-M}}{M^2 - 1}$$

Lo 2) à une suie à segui atterni

Poich
$$\frac{M}{M^2-1}$$
 - $\frac{1}{2}$ e le surviviour $\left(\frac{M}{M^2-1}\right)$ i

strutt. oh crescute obte che pu MEN, MZZ

$$\frac{M+1}{\left(M+1\right)^{2}-1} < \frac{M}{M^{2}-1} < = 7$$

$$(m+1)(m^{2}-1) < m((m+1)^{2}-1) < = 7$$

$$(m+1)^{2}(m-1) < m(m+2) m < = 7$$

$$(m^{2}+2m+1)(m-1) < m^{3}+2m^{2} < = 7$$

$$(m^{2}+2m+1)(m-1) < m^{3}+2m^{2} < = 7$$

$$(m^{2}+2m+1)(m-1) < m^{3}+2m^{2} < = 7$$

e quindi suche le obisuque plisure di partonzé è van.

Per il criterio di deibniz le sonie 2550 gnotor converge.

Si puis statilier la decressante di $\frac{u}{u^2-1}$ anche studiondo

le monstonis della funcion $y(x) = \frac{x}{x^2-1}$

objinitivamente per x -> +00

Le b) puis esser viste come
$$\sum_{\mu=2}^{+\infty} \frac{\mu}{\mu^2-1} - \sum_{\mu=2}^{+\infty} \frac{\mu}{\mu^2-1}$$

Poiche M - 1 le 1 diverge positionente

Date de
$$\sqrt{\frac{e^{-\eta}}{\mu^2 - 1}} = \frac{1}{\sqrt{12}} \sqrt{\frac{1}{\mu^2 - 1}} - \frac{1}{\sqrt{12}} < 1$$

pur îl niterir dulla radia la seia @ converge.

le (b) qui ushi diverge positivo mente esse noto different a

di una serie divergente positivamente e una convergente

2) Determinare i punti stazionari e gli eventudi

punt di estano della fun tiona

$$f(x_1 \vee y) = x^2(y^2 - 1) - y^2$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} (x, y) = 2 \times (y^2 - 1)$$

$$\frac{\partial f}{\partial x}(x,y) = 2 d x_1 - 3 d$$

$$\begin{cases} x \mid y^{1} - 1 \rangle = 0 & \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases} \\ y \mid (x^{2} - 1) = 0 & \begin{cases} y = 1 \\ x = \pm 1 \end{cases} \end{cases}$$

Ouiwhi of ho 5 put stazionari:

Poiché f è invariant per le simuetie ristette aghi assi

e sufficiente stobilie la natura di 0/0,0) e

poi oli P1 (quello oli P2, P3 e Pq i la stessa di Pa)

$$f_{xx}(x,y) = f(y^2-1)$$

$$f_{xy}(x,y) = f_{yx}(x,y)$$

$$H_{f}(0,0) = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$$
 quich' $O(0,0)$ i un monino locale fite

$$H_{\frac{1}{4}}(1,1) = \begin{pmatrix} 0 & 4 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$$
 solt $\left(H_{\frac{1}{4}}(1,1)\right) = -16 < 0$
Pui voli $P_{1}, P_{2}, P_{3}, P_{4}$ sour shi selle.

3) Determinare le soluzione de publime di Couchy

$$\int_{0}^{1} \frac{1}{t} \frac{2}{t} dt = cost$$

$$y(t) = c \int_{0}^{1} \frac{2}{s} ds \left(1 + \int_{0}^{1} \left(\frac{1}{t} + \int_{0}^{1} \frac{2}{s} ds + \int_{0}^{1} \frac{2}{s} ds \right) ds \right)$$

$$= c \int_{0}^{1} \frac{1}{t} \left(1 + \int_{0}^{1} \frac{2}{t} ds + \int_{0}^{1} \frac{2}{s} ds ds \right)$$

$$= \frac{\pi^{2}}{t^{2}} \left(1 + \frac{1}{\pi^{2}} \left(1 + \frac{1}{\pi^$$

Dere la définizion di funzion differenziable in un puts.

Di mostrue de se f: A -> R i differenziable in Xo E À

allo pu ogni vocorre so, 7 Df (xo) e Df (xo) = < \(\nabla f(xo) = \lambda \nabla f(xo) \), so

Si viole sel esempis, la lezione 37

Pagina 3