1)-2) Colcolore le somme delle series
$$\frac{2^4}{u=4} \frac{2^4}{(-2)^n}$$

$$\frac{2^4}{2^4} = 2^4 \frac{2^4}{2^4} \left(-\frac{1}{2}\right)^n = \frac{1}{(-2)^n}$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{1 + 4} \frac{1}{1 + 4} = \frac{1}{2} \frac{1}{1 + 4} \frac{1}{2} = \frac{1}{3} \frac{1}{1 + 4} =$$

1)-6) Stobilis il constere delle sure

Teets si di une care à cequi etteri. Possionis usar il entenir di Leibenz

• lieu
$$\frac{M}{(M-1)\log u} = \lim_{n \to \infty} \frac{M}{M-1} \cdot \frac{\Lambda}{\log u} = 1.0 = 0$$

. Vei fichismo elu le successione $\frac{M}{(M-1)\log m}$ è definitivemente decrescente. A bel fine intenducione la funcione reale shi variable reale $f(x) = \frac{x}{(x-1)\log x}$ $f'(x) = \frac{(x-1)\log x - x(\log x + \frac{x-1}{x})}{(x-1)^2\log^2 x}$

$$=\frac{(\times -1)\log \times - \times \log \times - \times +1}{(\times -1)^2 \log^2 \times} = \frac{1 - \times - \log \times}{(\times -1) \log^2 \times}$$

De segur oli f'(11) à queller oli h(x)=1-x-logx

Poide lieu $1-x-byx=-\infty$, hidel.

stutt. regetive pu X-7+10 a guinoli f à

def. strett. decrescute per x-2+10.

Pu il cuitaris di heibniz, le suie assignate à quiudi convergente.

2) Si consideri le funzione di due variofili ceoli a volori in R:

2) Si consideri le funzione di due vanisfili reoli a volori in R:

$$f(x,y) = acsin ((1-x-y)^2)$$

Se montemini il dominis e le si coppusente sul piace. Dice se si tulto di un insiene aperto, chiuso, limitato, connesso pu archi.

Stobber se 3 2 (4,1) visjette ad un quolunque

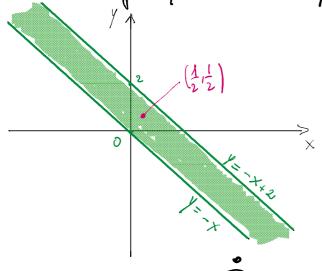
e in con offermativo colcelado pu $V = \left(-\frac{1}{12}, -\frac{\sqrt{14^3}}{12}\right)$

Dire infine se f ha messione e minimo globole

down
$$f: \left(1-x-y\right)^2 \ge -1 \quad \forall (x,y) \in \mathbb{R}^2$$

$$\left(1-x-y\right)^2 \le 1 d = 9 - 1 \le 1 - x - y \le 1$$

Quinti don { = { (x,y) \in \text{R}^2: X+y \ge 0 \ 1 \ X+y \le 2 }



e le strissie trotteggiste in verole tre le rette

y = -x e y \le 2-x,

rette incluse.

È qui note un incience
chint, non line to to,

connesso per orchi.

Notions de V(x14) E douf,

$$\exists \frac{\Im \xi}{\Im x}(x,y) = \frac{1}{\left(1 - \left(1 - x - y\right)^{\frac{4}{2}}\right)^{\frac{4}{2}}} \cdot 2(1 - x - y) \cdot (-1)$$

$$2 = \frac{38(x,4)}{3y(x,4)} = \frac{1}{(1-(1-x-4)^{6})^{\frac{1}{2}}} = \frac{2(1-x-4)\cdot(-1)}{(1-(1-x-4)^{6})^{\frac{1}{2}}}$$

Toli fui oui sour continue su dont. Qui uli pu il terreune del différentiele f e différenciabile in equi puto intens al sur domins. différenciable in squi punto intero al sur obsuriur. Du particolore lo è me punto $\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right)$ - duque in tele punto f la dezivata dezeriande secondo quoluque acessee σ e inolle

 $\frac{2f}{2r}\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right) = \nabla \phi\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right) \cdot \nabla$ The particular p

Poich la furione parcoin x he mosnim globale a 1, such favoi mosnim globale agnoli a 1 se trovisur put (X,Y) e doub per i qualitation $(1-x-y)^2=1$. Or is nut que sto any anglisure \bar{x} soddisfatto rie pu i put allo retto y=-x the pu quelli della retto y=2-x, quinchi fue mosnim globale.

Dito che l'argonnto della funcione iraseno che ippare nella difficizione di fi non-myolivo e sappiono che je irascia x è strett. cuscute, i diono che il minimo di fi nguela a arcsin 0 = 0. Par le puto (1/2), ellismo che l'argonnento di arcsino si innullo e quioli fi na mullo e quioli fi na mullo e quioli

3) Déterminare le soluzioni singolorie e l'integrale generale in focus imphails dell'aquorion

e l'inte quole jen vole in focus imphaits dell'aquotion $Y'(x) = (e^y - 1) \sqrt{1+x}$

Cercan infine di determinare l'interpole in forme esphicite. Le soluzioni singoloni sour le fuisni costanti

y= y toli che e'-1 = 0 e privoli ('à solo

4 e = t , -> 1 = logt -> dy = = t dt

 $\int \frac{dt}{(t-1)t} = \int \frac{1}{t-1} dt - \int \frac{1}{t} dt$

= log |t-1| - log |t|, t=e4

 $= log | 2^{y}-1| - log e^{y} = log | 2^{y}-1|$

Quinti l'integrole jemeste in forme implicati i dato els

 $\log \frac{|\ell^{y}-1|}{2} = \frac{2}{3} (1+x)^{\frac{1}{2}} + c$

 $|e^{y}-1|=Ke^{y}e^{\frac{2}{3}(3+\chi)^{\frac{2}{2}}}$, K>0 quindi

 $e^{y} - 1 = Ke^{y} = \frac{2}{3} (4\pi x)^{\frac{3}{2}}$ $e^{y} - 1 = Ke^{y} = \frac{2}{3} (4\pi x)$ $e^{Y}(1-ke^{\frac{2}{3}(1+x)^{\frac{1}{2}}})=1$ gumbi

 $b = \log \left(\frac{1}{1 - \log^{\frac{2}{3}(4+x)^{\frac{2}{5}}}} \right)$

4) Don la définitione (per un insieme limitato) di inserve misuzalele (mel pisus) secondo Raus-Jordon di inserre misurabelle (mel pisus) secondo kant-Jordon

Emiliare la consterittation

sulla mosis me shi insieme di misura mella.

Usarla, injue, pu olimostrone che un elourimo normale Tispette zol une dugli am é misurebile remote Perut-Joseph

Per le objentione si vole p. 418 Dej. 14.8 oble ma mobe com ghisto. Pu le constait a tiem si voulo il Torme 14.3 alle sterse pagine.

Pu le dimostratione, n' vole il cazionemento a fine p. 421