## Appello Analisi Matematica II modulo

giovedì 3 novembre 2016 11:30

1) Determinere il constere della seria

A) 
$$\frac{+\infty}{2}$$
  $\frac{+\infty}{2}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$ 

B) 
$$\sum_{m=1}^{+\infty} \sin(\sqrt{m-1}) \left(1 - \cos\frac{1}{m}\right) (x+)$$

A) 
$$0 \leq 2r \operatorname{tg} \sqrt{m-1} \left(1 - \cos^2 \frac{1}{M}\right) \leq \frac{\pi}{2} \left(1 - \cos^2 \frac{1}{M}\right) = \frac{\pi}{2} \sin^2 \frac{1}{M} \sim \frac{\pi}{2} \frac{1}{M^2}$$
quindi (x) converge.

B) 
$$0 \leq |\sin(\sqrt{m-1})| |1 - \omega \sin | \leq \Lambda (1 - \omega) \frac{1}{M}) \sim \frac{1}{2} \frac{1}{M^2}$$
quinchi (\*\*) converge

2) Determinare i pout stazionari della funione

A) 
$$f(x,y) = (x-y)^2 \frac{x}{y}$$
 e studisone le nature  
B)  $f(x,y) = (y-x)^2 \frac{y}{y}$ 

$$\beta) \quad f(x,y) = (y-x)^2 \frac{y}{x} \qquad \qquad \Box$$

A) dou 
$$f = \{ (x,y) \in \mathbb{R}^2 : y \neq 0 \}$$

$$f_{x}(x,y) = 2(x-y)\frac{x}{y} + \frac{(x-y)^{2}}{y}$$

$$f_{y}(x,y) = -2(x-y)\frac{x}{y} - \frac{(x-y)^{2}x}{y^{2}}$$

$$f_{y}(x,y) = -2(x-y)\frac{x}{y} - \frac{(x-y)^{2}x}{y^{2}}$$

$$f_{y}(x,y) = -2(x-y)\frac{x}{y} - \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}}$$

$$f_{y}(x,y) = -2(x-y)\frac{x}{y} + \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}} - \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}} + \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}} - \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}} + \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}} - \frac{(x-y)^{2}}{y^{2}} + \frac{(x-y)^{2}}{y^{2$$

$$\begin{cases} 2(x-y)\frac{x}{y} + \frac{(x-y)^2}{y} = 0 & (1) \\ -2(x-y)\frac{x}{y} - x(\frac{x-y}{y})^2 = 0 & (2) \\ \frac{2(x-y)\frac{x}{y} - x(\frac{x-y}{y})^2}{y^2} = 0 & (2) \\ 2(x-y)\frac{x}{y} + x(\frac{x-y}{y})^2 = 0 \end{cases}$$

$$(x-y)^{2}(y-x)=0$$

$$\begin{cases} x=0 \\ x=0 \end{cases}$$

$$(x-y)(xy+x-y)=0$$

$$\begin{cases} y=0 \\ y=-x \\ 4x^{2}(-2x)=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=0 \\ y=0 \end{cases}$$

$$(x-y)^{2}(y-x)=0$$

$$\begin{cases} x=0 \\ y=0 \end{cases}$$

$$(x-y)^{2}(y-x)=0$$

$$|y=-x|$$

$$|y=-x|$$

$$|4 \times^{2}(-2 \times) = 0$$

$$|y=0|$$

$$|y=0|$$

Quindi tulli i frute oble rette f=X (trami O(0,0)) sons cribici De purte (0,0) non é occettable come solutione in quonte f non é é ole finite in (0,0)

Studiamo la nature du purte della rette r: y=x

quindi 
$$f(x,y) - f(\bar{x},\bar{x}) = f(x,y) = (x-y)^2 \frac{x}{y} > 0$$

Dangur ogni puts di r-20) è di minimo bade non forte

3) Déterminare la soluzione del problème di Conchy

A) 
$$\begin{cases} y'' + y' + y = x^{2} - 1 \\ y(\frac{\pi}{\sqrt{3}}) = 0 \\ y(\frac{\pi}{\sqrt{3}}) = 0 \end{cases}$$

$$\beta) \qquad \int y'' + y' + y = \times e^{\times}$$

$$\begin{cases} y'' + y' + y = xe^{x} \\ y(\frac{\pi}{V_{3}}) = 0 \\ y'(\frac{\pi}{V_{3}}) = 0 \end{cases}$$

A) l'integrale jeurole dell'aproviour emogenere associate è 
$$e^{-\frac{1}{2}x}\left(C_{1}\cos\left(\frac{13}{2}x\right)+C_{2}\sin\left(\frac{13}{2}x\right)\right)$$
,  $C_{1},C_{2}\in\mathbb{R}$ 

Crahismo ma soluzione portrabore con il meto obo

Dunque obte esser 2a + 2ax + b + ax 3bx+c = x²-1 cioè, agusghisuslo i coefficienti du du polinomi al I e al II membro

$$\begin{cases} 0 = 1 & b = 4 \\ 2a + b + c = -1 & c = -1 + 2 - 2 = -1 \end{cases}$$

Duque 
$$\tilde{y}(x) = x^2 - 2x - 1$$

d'integrale generale dell'equatione y"+y+y= x²-1

€ pui moli
-1×

$$y(x) = e^{-\frac{1}{2}x} \left( C_A \cos \left( \frac{13}{2}x \right) + C_L \sin \left( \frac{13}{2}x \right) \right) + x^2 - 2x - 1$$
 Give R

Determinant le costant  $c_1$  e (2 in modo che sismo soddis fatte le condisioni misseli  $y(\frac{\pi}{\sqrt{3}}) = y'(\frac{\pi}{\sqrt{3}}) = 0$ 

Per x = # offenism imponuolo de y (#) =0 offenism

$$c_{1}e^{-\frac{\pi}{2\sqrt{3}}} + \frac{\pi}{3} - \frac{2\pi}{\sqrt{3}} - 1 = 0$$

Da 1 otherises 
$$C_2 = (1 + \frac{2\pi}{\sqrt{3}} - \frac{\pi^2}{3}) e^{\frac{\pi}{2}\sqrt{3}}$$

e sostitudo in 2

$$-\frac{1}{2}\left(1+\frac{2\pi}{\sqrt{3}}-\frac{\pi^{2}}{3}\right)-\frac{\sqrt{3}}{2}e^{\frac{-\pi}{2\sqrt{3}}}C_{1}+2\frac{\pi}{\sqrt{3}}-2=0$$

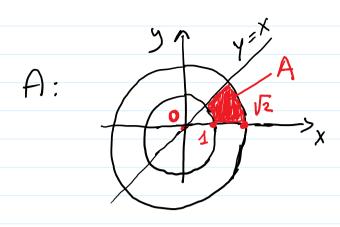
A) 
$$\int_{\Omega} \left(1 + \frac{Y^2}{X^2}\right) dx dy$$

dove 
$$A = \{ (x,y) \in \mathbb{R}^2 : 1 < x^2 + y^2 < 2, y < x, y > 0 \}$$

B) 
$$\int \left(1 + \frac{x^{2}}{y^{2}}\right) dxdy$$

$$\int A dwe \Delta = \left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^{2} : 1 < x^{2} + y^{2} < 2, y > x > 0 \right\}$$

A)



In wordinste poloni l'integrale diviene

B) F susloge and A)