1) - a) (olulan la somme oble suie
$$\frac{+\infty}{2}\left(\frac{(-1)^{n}}{9^{n}} - \frac{1}{3^{n}}\right)$$
 (X)

$$(*) = \frac{1}{2} \frac{1}{2^{M}} - \frac{1}{2^{M}} = \frac{1}{2^{M}} =$$

1)-5) Studiae : l'anottre delle suie
$$\sum_{u=1}^{+\infty} (-1)^u \sin(\frac{1}{u})$$

È us suie 2 signi etteni doto che nin (1) >0, tuzs.
Verifichiens che noddisp il mitris di deibniz:

3) ling Sin
$$\left(\frac{1}{n}\right) = 0$$
 olato che $\frac{1}{n} = 0$

Poide
$$\left(\frac{1}{\mu}\right)_{421}$$
 & statt. drawate & $y = \sin x$ & statt. (uscate $\sin \left(\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)$ ($\sin \cot \theta = 0$) $\sin \theta = 0$. ($\sin \left(\frac{1}{\mu}\right) = 1$) $\sin \theta = 0$. In the order state.

Le jotisi del arteir di dibuit sour soddiojette e quinti la suie orignate à convergente.

F:
$$(x,y) \mapsto (xe^{\sqrt{x-y}}, \log(\frac{x-2y}{x+2y})) \in \mathbb{R}^2$$

G: $(t_1,t_2) \mapsto (t_1t_2, t_1^2+t_2^2, 2t_1+t_2)$

Si detenini il doninis di H=GoF e lo si ropopresente sul prisur, Specificanolis se si trotti di un inienne aputo, chino, hintoto, connemi per archi si stobilisso de H = differni oble sel sur doninis. Si colcoli lo moture Jacolicas di H ral puto (1,0) Poilé G è définte su R2 il doni ur di H é nguel el doni ur di F

dow
$$\mp$$
:
$$\begin{cases} x-y \ge 0 \\ \frac{x-2y}{x+2y} > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-y}{y} \ge 0 \\ \frac{x-2y}{x+2y} > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{y} = \frac{y \le x}{y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{y} = \frac{x}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{x+2y} > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{x+2y} = \frac{y}{2} \end{cases}$$

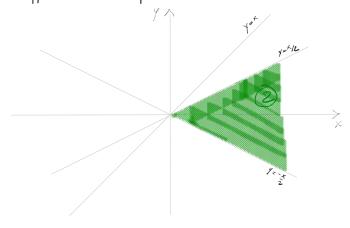
$$\begin{cases} \frac{y \le x}{x+2y} > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{x+2y} = \frac{x}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{x+2y} > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{y \le x}{x+2y} = \frac{x}{2} \end{cases}$$

Repulsations del pions le solurioni du du moteni



Come no declece, cercousto oli

Toppesentore sul fisher & sue

Soluzioni, A mon ho soluzioni

me este D ho per solutioni

tati, i porte old como

Toppa utsto in verde in figure.

done H = cloue F è quinti il

600 qui a ficuro borolo escho.

È deque un inviere aparto,

convesso (quindi comesso per 1 rchi)

illiento to

Studismo le differmi oblito di H:

Poidé il compor & é di donc (su R² (la sue compounte sous plinoni velle voniabli (f, te)) è que di differentiable; pu il teoreme sulla olifferentiablità delle funioni composte, H é differentiable sul mes dominis se F lo è Dato ch le compoute di F sous di close C m, su chout, F è differentiable sul sur observis.

Duque
$$\forall (\bar{x},\bar{y}) \in dout$$
, $J_{H}(\bar{x},\bar{y}) = \bar{J}_{G}(F(\bar{x},\bar{y})) \cdot J_{F}(\bar{x},\bar{y})$
Cholisms $J_{F}(4,0) = \bar{J}_{G}(F(4,0))$

$$\overline{J}_{F}(1,0) = \begin{pmatrix}
e^{\sqrt{x-y}} + xe^{\sqrt{x-y}} & \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{x-y}} & xe^{\sqrt{x-y}} & \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{x-y}} \\
\frac{x+2y}{x-2y} & \frac{x+2y-x+2y}{(x+2y)^{2}} & \frac{x+2y}{x-2y} & \frac{-2(x+2y)-2(x-2y)}{(x+2y)^{2}}
\end{pmatrix}$$

$$\overline{J}_{F}(1,0) = \begin{pmatrix}
e + \frac{e}{2} & -\frac{e}{2} \\
0 & -4
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
\frac{3}{2}e^{-\frac{e}{2}} \\
0 & -4
\end{pmatrix}$$

$$F(I_{1}0) = \begin{pmatrix} e_{1} & \log A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e_{1}0 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e_{1}0 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} ; \quad J_{G}(P_{1}0) = \begin{pmatrix} 0 & e_{1} \\ 2 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$
aurudi
$$J_{H}(I_{1}0) = J_{G}(P_{1}0) \cdot J_{F}(I_{1}0) = \begin{pmatrix} 0 & e_{1} \\ 2 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \frac{3}{2}e^{-\frac{e_{1}}{2}} \\ 0 & -4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & -4e_{1} \\ 3e^{2} & -e^{2} \\ 3e^{-1} & -e^{-1} \end{pmatrix}$$

3) Déterme le solutione del problem di Cauchy

$$\begin{cases} y'' + 4y = \frac{t}{2} - 2\omega st & (x) \\ y(\pi) = 0 \\ y'(\pi) = 1 \end{cases}$$

f' 0 wo general 2550 vieto g'' + 4y = 0 ho pur integrale generale $g(t) = C_{\ell}(os(xt) + C_{\ell}siu(2t))$

(exhismo us soluzione portivolere di (x) un il untodo di nicilento appliato seponde unti s

$$y''' + 4y = \frac{t}{2}$$

Patouto

$$\tilde{Y}_{1}(t) = \frac{t}{8}$$

 $V_2(t) = \cos t + d \cot t$ $V_2(t) = -\cot t + d \cot t$ $V_2(t) = -\cot t + d \cot t$ $V_2(t) = -\cot t + d \cot t$ guirdi

due escue

-c wst - d nut + 4c wst + 4 d nut = -2 cost

€D 3c(vost + 3d rivt = -2vost, ch

é roddurfette se e solv se

$$\begin{cases}
3c = -2 & o(s) = c = -\frac{2}{3} & e(s) = 0; \text{ gwidi} \\
3d = 0 & o(s) = c = -\frac{2}{3} & e(s) = 0;
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
7 & \text{(t)} = -\frac{2}{3} & \text{(s)} = \frac{2}{3} & \text{(s)} = 0;
\end{cases}$$

Our solutioner de (x) è quoti $\tilde{\gamma}(t) = \tilde{\gamma}_{1}(t) + \tilde{\gamma}_{2}(t) = \frac{t}{8} - \frac{2}{3}$ lost d'integrale general di (x) i ollore dotto de

Descricioner le solutione che soddishi le conditioni in noli assegnate

$$0 = \gamma(\pi) = c_1 + \frac{\pi}{8} + \frac{2}{3} \iff c_4 = -\frac{\pi}{8} - \frac{2}{3}$$

$$y'(t) = -2C_1 \sin(2t) + 2C_2 \cos(2t) + \frac{1}{8} + \frac{2}{3} \sin t$$

$$1=Y'(\pi)=2(z+\frac{1}{8})=2(z-\frac{7}{8})=2(z-\frac{7}{8})=2(z-\frac{7}{16})=2(z-\frac{7}{$$

Dère la définition di dominis nouse nel pism rispetto sol un digli ani ed emicar la confrondate balo d'idu tion.

suvertie foi l'ordice di interposione nel seguete integrale clove f à un guoluque fuive continuo sa IR à l'intoto $\int_{0}^{\sqrt{2}} \left(\int_{0}^{\sqrt{2}} f(x,y) \, dy \right) dx$

ACR' à mude rispetto ell'one delle x (y) x 3 &: [9,5] -> R, X & (°([9,5]), X = P

A = { (x,4/e R2: xe[q,6] , a(x) < y < p(x) }

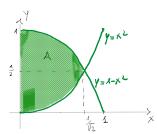
(A = {(x,y) e R2 : YE [9,6] x 9(1) < x < p(4) })

 $k \quad f \in C(A) \quad \text{ollow} \qquad \left(\begin{array}{c} f = \int_{a}^{b} \left(\int_{a(x)}^{\beta(x)} f(x, y) \, dy \right) dx \\ A = \int_{a}^{b} \left(\int_{a(x)}^{\beta(x)} f(x, y) \, dx \right) dy \end{array} \right)$

In John (J finin) dy) dx l'ordine di integratione pri essere

inkelito dato che il obministo di interposione, no ensua ripetto oll'one della x à nouvel such rispetto all'one delle y. sufatti

A = { (x,4) \in 12 : x \in [0, \frac{1}{\sqrt{\epsilon}} \right] \epsilon \times^2 \le y \le 1 - x^2 } à il segunte insieme. Quivoli A et suche oloto do



quite insieme. Quivoli A et suele oloto de
$$A = \frac{1}{4}(x,y) \in \mathbb{R}^2$$
: $4 \in [0, \pm] \in 0 \le x \le \beta(y) \ge 0$

dove $\beta(y) = \begin{cases} \sqrt{3} & \text{se } y \in [0, \frac{4}{3}] \end{cases}$
 $y = x^2$
 $y = x^2$

Existing
$$\int_{0}^{1/2} \left(\int_{0}^{1/2} f(x,y) dy\right) dx = \int_{0}^{1/2} \left(\int_{0}^{1/2} f(x,y) dx\right) dy = \int_{0}^{1/2} \left(\int_{0}^{1/2} f(x,y) dx\right) dy + \int_{1/2}^{1/2} \left(\int_{0}^{1/2} f(x,y) dx\right) dy$$