Analisi Matematica - corso C - modulo A

venerdì 23 febbraio 2018 08:30

$$\sqrt[3]{27}i = 3\left(\cos\left(\frac{\pi}{6} + \frac{1}{3}\pi k\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{6} + \frac{1}{3}\pi k\right)\right), k=0,1,2$$

$$= \frac{3\sqrt{3} + 3i}{2} + \frac{3}{2}i \quad (pu = 0)$$

$$= \frac{-3\sqrt{3} + 3i}{2} + \frac{3}{2}i \quad (pu = 1)$$

$$-3i \quad (pu = 2)$$

$$f$$
  $\bar{\epsilon}$  somms shelle functioni  
 $g(x) = log_1(x^3+1)$  cle  $\bar{\epsilon}$  strett. dechisante in  
 $\bar{\beta}$  quo uto composto do  $g_1(x) = x^3+1$   
stre lla mente everante e  $g_2(x) = log_1 \times s$   
stretta unte de crescute

$$h(x) = e^{-x+1} = e^{-(\frac{1}{e})^{x}}$$
 che è strettanieute oleonexista

animali sude f i strettsmente duce soute

$$\operatorname{Im} f := f\left(\left(-1,+\infty\right)\right) = \left(\lim_{x \to +\infty} f(x), \lim_{x \to 2^+} f(x)\right) = \left(-\infty,+\infty\right)$$

2) down f: 
$$\frac{2+x^2}{x^2-4} > 0 < => x^2-4>0 < => x>2 \lor x<-2$$

$$f \in C^{\circ}\left(\left(-\infty, -2\right) \cup \left(2, +\infty\right)\right) \text{ quinohi ghi union}$$

a first ti verticati somo ola cucare in 2 ola ola e xi -2 olo sx

$$\lim_{x\to -2^+} f(x) = \lim_{x\to 2^+} \left(\frac{x^2+2}{x^2-4}\right)^{\times} = (+\infty)^2 = +\infty \text{ olongue bally}$$

$$\lim_{x\to -2^+} \frac{x^2+2}{x^2-4} = (+\infty)^2 = 0 \quad x=-2 \text{ hore is sint do}$$

$$\lim_{x\to -2^-} \left(\frac{x^2+2}{x^2-4}\right)^{\times} = (+\infty)^{-2} = 0 \quad x=-2 \text{ hore is sint do}$$

$$\lim_{\chi \to -2} \left( \frac{\chi^2 + 2}{\chi^2 - 4} \right)^{\chi} = (+\infty)^{-2} = 0 \quad \chi = -2 \text{ non $\bar{z}$ sint $\bar{d}$ $\bar{z}$}$$

$$\times \log_{\bar{z}} \left( \frac{\chi^2 + 2}{\chi^2 - 4} \right)$$

$$\lim_{\chi \to +\infty} f(\chi) = \lim_{\chi \to +\infty} e$$

$$\lim_{X \to 1} x \log_{\frac{X^{2}+2}{X^{2}-4}} = \lim_{X \to 1} x \left(\log(1 + \frac{6}{X^{2}-4})\right)$$

$$= \lim_{X \to 1} \frac{6x}{x^{2}-4} = \lim_{X \to 1} x \left(\log(1 + \frac{6}{X^{2}-4})\right)$$

$$= \lim_{X \to 1} \frac{6x}{x^{2}-4} = \lim_{X \to 1} x \left(\log(1 + \frac{6}{X^{2}-4})\right)$$

$$= \lim_{X \to 1} \frac{6x}{x^{2}-4} = \lim_{X \to 1} x \left(\log(1 + \frac{6}{X^{2}-4})\right)$$

Qui voli live  $f(n) = l^2 = 1$  e oluque lo celle y = 1 e

dintoto orizzontale per X-7+00. Du modo anologo si vede de la stessa sella é asintoto orizzontale ancle per X->-00.

fi duivabil sul sur dominit, qui noti in x = 4 il grafico di Cammette cetta tauget

$$f'(x) = e^{x \log \left(\frac{x^{2}+2}{x^{2}-4}\right)} \left( \log \frac{x^{2}+2}{x^{2}-4} + x \frac{x^{2}-4}{x^{2}+2} \frac{2x(x^{2}-4)-2x(x^{2}+2)}{(x^{2}-4)^{2}} \right)$$

$$= \left(\frac{\chi^{2}+2}{\chi^{2}-4}\right)^{\chi} \left( log \frac{\chi^{2}+2}{\chi^{2}-4} - \frac{12 \chi^{2}}{(\chi^{2}+2)(\chi^{2}-4)} \right)$$

$$f'(4) = \left(\frac{3}{2}\right)^4 \left(\log \frac{3}{2} - \frac{12 \cdot 16}{18 \cdot 12}\right) = \left(\frac{3}{2}\right)^4 \left(\log \frac{3}{2} - \frac{8}{9}\right) < 0$$

L'eyus visue sells rutts laugente el grafico di f nel purto xo = 4 è

$$y = f(4) + f'(4)(x-4) = \left(\frac{3}{2}\right)^4 + \left(\frac{3}{2}\right)^4 \left(\frac{3}{2} - \frac{8}{3}\right)(x-4)$$

Poi ché f'(4) 20 e f'è continue due terreme delle permanenta de segno delle funtioni continue si ha cle f'(x) <0 in un intorno di Xo=4 e quindi f è strettamente decrescente in tale intorno.

3) 
$$\int_{x} \frac{x^{2}t}{dt} dt = 2x dx$$

$$= \frac{1}{2} \int_{x} \int_{x} \frac{1}{2} \int_{x} \int_{x} \frac{1}{2} \int_{x} \frac{1}{2$$

4) Si vers 201 esempno, p. 106 e pagg. 112-113 del manusce Marcellini, Storolone "Elementi di Analini Natemotica unu", Lignori Ed.