

convien adabre l'integele assignato in coordinate polisi. A tol fine à reconsvis nicevare l'equozione delle aironferme di cuto 1 e reggis 1 in coordinate polisi con polo hel cuto del sistemo di assi cantenimi 0(0,0)

$$(x-1)^{2} + y^{2} = 1$$
 $4=0$ $(\beta (0)0-1)^{2} + \beta^{2} \sin^{2}\theta = 1$
 $4=0$ $\beta^{2} - 2\beta \cos^{2}\theta + 1 = 1$ $\leftarrow > \beta (\beta - 2\cos^{2}\theta) = 0$
Avoidi l'equorione \bar{z} olots de $\beta = 2\cos^{2}\theta$

l'insierre A è in constitute plui car fols in O è dote primer obe

$$\left\{ \begin{array}{ccc} \left(\begin{array}{c} \rho, \theta \end{array} \right) : & \Theta \in \left(\begin{array}{c} -\frac{T}{2}, \frac{T}{2} \end{array} \right) & \wedge & 2\omega s \theta < \rho < 1 \end{array} \right\}$$

$$\int_{A} \sqrt{x^{2} + y^{2}} dx dy = \int_{-\frac{11}{Z}}^{\frac{11}{Z}} \left(\int_{2\omega_{5}0}^{1} (\rho \cdot \rho \cdot \rho) d\rho \right) d\theta$$

$$= \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right)^{3} = \left(\frac{1}{3} - \frac{8}{3} + \frac{1}{3} \right)^{3} = \left(\frac{1}{3} - \frac{8}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \right)^{3} = \left(\frac{1}{3} - \frac{8}{3} + \frac{1}{3} \right)^{3} = \left(\frac{1}{3} - \frac{8}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \right)^{3} = \left(\frac{1}{3} - \frac{8}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \right)^{3} = \left(\frac{1}{3} - \frac{8}{3} + \frac{1}{3} +$$

$$= \frac{1}{3}\pi - \frac{8}{3} \int_{-\pi}^{\pi} \omega s^{3} \theta = \frac{1}{3}\pi - \frac{16}{3} \int_{0}^{\pi} \omega s^{3} \theta d\theta;$$

$$\int_{0}^{\pi} \omega s^{3} \theta d\theta = \sin \theta \omega s^{2} \theta \int_{0}^{\pi} + \int_{0}^{\pi} \sin^{2} \theta \omega s \theta$$

$$= 0 + \frac{2}{3} \sin^{3} \theta \int_{0}^{\pi} = \frac{2}{3}$$

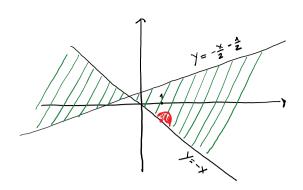
Acidi l'integrale 2 ssegueto è quale 2 $\frac{\pi}{3} - \frac{32}{7}$

2) Determinant of dominion of $(x,y) = \log \left(\frac{x-2y+1}{y+x} \right)$

e repperatorts sul prost. Due se sitzetta eli un insiene apeta, chiaso, limboto, connerso per archi Cladre line f(x,4) (x,4) -> (1,-1)

Stable cle f is different subset of some substitution of $\frac{\partial f}{\partial v}(1,0)$ can $v = \left(-\frac{1}{\sqrt{2}},\frac{4}{\sqrt{2}}\right)$

dow $f: \frac{x-2y+1}{y+x} > 0$ d=P $\begin{cases} x-2y+1 > 0 \\ y+x > 0 \end{cases} \quad \forall \begin{cases} x-2y+1 < 0 \\ y+x < 0 \end{cases}$



oluque la porte del fisher

tratteggista in verde.

É un invience spects, illimatoto
hou connesso per sochi

 $f \in C^{\infty}$ (dowf) olds the i composts della furious corisuale $(x,y) \in douf$ $\Longrightarrow \frac{x-2y+1}{x+y}$ e della furrious logaritus

Par il teorne del differentiale f è quindi differeziable in tulti i parti alel sur alouisio.

Indho,
$$\frac{\partial f}{\partial x}(1,0) = \langle \nabla f(1,0), x \rangle$$

$$\frac{\partial f}{\partial f}(x,4) = \frac{x+4}{x+4} \frac{x+4-x+54-1}{(x+4)_{5}} = \frac{3^{3}-1}{(x-5^{4}+1)(x+4)}$$

$$\frac{\partial f}{\partial x}(1,0) = \frac{-1}{2 \cdot 1} = -\frac{1}{2}$$

$$\frac{\Im f(x,y)}{\Im y}(x,y) = \frac{x+y}{x-2y+4} \frac{-2(x+y)-x+2y-4}{(x+y)^2} = \frac{-3x-4}{(x-2y+4)(x+y)}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(1,0) = \frac{-4}{2\cdot 1} = -2$$

anishi
$$\frac{2f}{2v}(1,0) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{1-4}{2\sqrt{2}} = -\frac{3}{4}\sqrt{2}$$

Colcole 2 no juliue

Not: 2 wor le (1,-1) € O (dou f.)

lu
$$\times -2y+1 = 4$$
 puivoli il numerido le $(x_1y_1) \rightarrow (x_1x_1)$

di
$$\frac{X-2Y+1}{\times +Y}$$
 = definitionmente position per $(x_1Y) \rightarrow (1,-1)$

Poiclé X+y>0 pu y>-x ed mote un intorno di (1,-1) de interrente con il obvino di f è dote do pute pu mi X+y>0 (201 esempio l'inniene testraggiste in 10550 in figure)

Si ha:
$$\lim_{(x,y)\to 11,-1} \frac{x-2y+1}{x+y} = \frac{4}{0^{+}} = +\infty$$
e quindi porto $f = \frac{x-2y+1}{x+y}$ obliquo fu il tessure sul limite sulle furiori composti
$$\lim_{(x,y)\to (3,-1)} f(x,y) = \lim_{t\to +\infty} \log t = +\infty$$

$$(x,y)\to (3,-1)$$

Risolvere il problum di (auch)
$$\begin{cases}
y'' + y' + y = x + \cos(\sqrt{3}x) & (*) \\
y'(0) = 0 \\
y'(0) = 1
\end{cases}$$

L'equezione anotteristice dell'omogene 2550 aste 2 (*) \bar{e} $\Lambda^2 + \Lambda + \Lambda = 0 \quad \text{ele he solution} \quad \Lambda_{12} = -\frac{1 \pm \sqrt{3} i}{2}$ Chi whi l'integrale generale dell'omogene 2550 aste \bar{e} $Y(x) = e^{-\frac{1}{2}x} \left(c_1 \cos(\sqrt{3}x) + c_2 \sin(\sqrt{3}x) \right)$

Cuchismo one soluzioni della equozioni

$$y^{\eta} + y' + y' = x$$

$$y_{1}(x) = ax + b$$

$$\alpha + ax + b = x = x$$

$$\alpha = 1 \quad e \quad b = -1$$
quinchi $\tilde{y}_{1}(x) = x - 1$

$$y'' + y' + y = \omega_{S} \left(\frac{13}{2} \times \right)
 \hat{y}_{2}(x) = K_{1} \omega_{S} \left(\frac{13}{2} \times \right) + k_{2} \sin_{u} \left(\frac{13}{2} \times \right)
 \hat{y}_{2}'(x) = -\frac{\sqrt{3}}{2} k_{1} \sin_{u} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \times \right) + K_{2} \frac{13}{2} \omega_{S} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \times \right)
 \hat{y}_{2}''(x) = -\frac{3}{4} k_{1} \omega_{S} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \times \right) - \frac{3}{4} k_{2} \sin_{u} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \times \right)
 Animbi$$

$$\left(-\frac{3}{4}k_{1} + \frac{15}{2}k_{2} + k_{1}\right) \omega_{3}\left(\frac{13}{2}x\right) + \left(-\frac{3}{4}k_{2} - \frac{15}{2}k_{1} + k_{2}\right) \sin\left(\frac{13}{2}x\right) = \omega_{3}\left(\frac{13}{2}x\right)$$

$$de ai \left[-\frac{3}{4}k_{1} + \frac{13}{2}k_{2} + k_{1} = 1\right] \left[-3k_{1} + 2\sqrt{3}k_{1} + 4k_{1} = 4\right]$$

$$\left[-\frac{3}{4}k_{2} - \frac{15}{2}k_{1} + k_{2} = 0\right] \left[-3k_{2} - 2\sqrt{3}k_{1} + 4k_{2} = 0\right]$$

$$\begin{cases} k_{1} = \frac{k_{2}}{2\sqrt{3}} \\ \frac{1}{2\sqrt{3}} k_{3} + 2\sqrt{3}k_{2} = 4 \end{cases} \begin{cases} k_{1} = \frac{k_{1}}{2\sqrt{3}} \\ 13 k_{2} = 8\sqrt{3} \end{cases} k_{1} = \frac{4}{13}$$

aundi $\hat{y}_{2}(x) = \frac{4}{13} \cos \left(\frac{15}{2}x\right) + \frac{813}{13} \sin \left(\frac{15}{2}x\right) \in \ell'$ integrale

generale di (x) è dots do

$$y(x) = \ell \left((1 \cos \left(\frac{\sqrt{3}}{2} x \right) + (2 \sin \left(\frac{\sqrt{3}}{2} x \right) \right) + x - 1 + \frac{4}{13} \cos \left(\frac{\sqrt{3}}{2} x \right) + \frac{8\sqrt{3}}{13} \sin \left(\frac{\sqrt{3}}{2} x \right) \right)$$

$$0 = \frac{1}{9}(0) = \frac{1}{13} + \frac{4}{13} \implies c_1 = \frac{9}{13}$$

$$y'(x) = e^{\frac{-2x}{2}} \left[-\frac{9}{13} \frac{15}{2} \sin \left(\frac{15x}{2} \right) + \frac{15}{2} (2 \cos \left(\frac{15x}{2} \right) \right]$$

$$-\frac{1}{2} e^{\frac{-2x}{2}} \left[\frac{9}{13} \cos \left(\frac{15x}{2} \right) + (2 \sin \left(\frac{15x}{2} \right) \right] + 1 - \frac{\sqrt{13}}{13} \sin \left(\frac{15x}{2} \right) + \frac{12}{13} \cos \left(\frac{15x}{2} \right) \right]$$

$$1 = 9^{1}(0) = \frac{\sqrt{3}}{2}(2 - \frac{9}{26} + 1 + \frac{12}{13} < 7 < 2 = -\frac{5\sqrt{3}}{13}$$

4) Dare le définizione di somme per une seil numerice conversente. Enmaire e dimostrore hoi il niterior della

convergente. Enuncière e di mostrone poi il niterior della vadice per une serie 2 termini non negotivi.

Per la définizione si veolo, sol escupió, la lisione 30; puil aitur della radice, la lisione 31.