

Cognome\_\_\_\_\_Nome\_\_\_\_\_N° Matricola\_\_\_\_\_

- 1) Determinare il carattere della seguente serie:

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \arctan(\sqrt{n-1}) \left(1 - \cos^2\left(\frac{1}{n}\right)\right).$$

7 pts.

- 2) Determinare i punti stazionari della funzione

$$f(x, y) = \frac{(x-y)^2 x}{y}$$

e studiarne la loro natura.

8 pts.

- 3) Determinare la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + y' + y = x^2 - 1 \\ y(\pi/\sqrt{3}) = 0 \\ y'(\pi/\sqrt{3}) = 0 \end{cases}$$

8 pts.

- 4) Calcolare

$$\int_A \left(1 + \frac{y^2}{x^2}\right) dx dy,$$

dove  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 1 < x^2 + y^2 < 2, y < x, y > 0\}$ .

7 pts.

Cognome\_\_\_\_\_Nome\_\_\_\_\_N° Matricola\_\_\_\_\_

- 1) Determinare il carattere della seguente serie:

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \sin(\sqrt{n-1}) \left(1 - \cos\left(\frac{1}{n}\right)\right).$$

7 pts.

- 2) Determinare i punti stazionari della funzione

$$f(x, y) = \frac{(y-x)^2 y}{x}$$

e studiarne la loro natura.

8 pts.

- 3) Determinare la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + y' + y = xe^x \\ y(\pi/\sqrt{3}) = 0 \\ y'(\pi/\sqrt{3}) = 0 \end{cases}$$

8 pts.

- 4) Calcolare

$$\int_A \left(1 + \frac{x^2}{y^2}\right) dx dy,$$

dove  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 1 < x^2 + y^2 < 2, x < y, x > 0\}$ .

7 pts.