

- 1) (a) Determinare in forma cartesiana le soluzioni dell'equazione in  $\mathbb{C}$

$$z^7 + 2z = 0$$

e rappresentarle sul piano complesso

- (b) Sia

$$f(x) = 3^{\frac{1}{x-1}} + 2^{\frac{1}{x^2+1}}.$$

Si determini il dominio di  $f$ . Si determinino, poi, il tipo di monotonia di  $f$  sull'intervallo  $(1, +\infty)$  e l'insieme  $f((1, +\infty))$ .

8 pts.

- 2) Determinare gli asintoti della funzione

$$f(x) = x \sin\left(\frac{1}{x^2}\right).$$

Stabilire poi che  $f$  è prolungabile per continuità in 0 e determinarne il prolungamento continuo  $\tilde{f}$ . Dimostrare, infine, che  $\tilde{f}$  non è derivabile in 0.

8 pts.

- 3) Calcolare

$$\int_3^4 \frac{dx}{(x-1)(\log(x-1))^{1/3}}.$$

6 pts.

- 4) Enunciare la formula di Taylor di ordine 2 e centro  $x_0$  per una funzione  $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $x_0 \in \overset{\circ}{I}$ ,  $I \subset \mathbb{R}$  intervallo. Usarla poi per dimostrare che se  $f'(x_0) = 0$  e  $f''(x_0) > 0$ , allora  $x_0$  è un punto di minimo locale forte per  $f$ .

8 pts.