

# Değişkenler

Special  
Thanks  
Efecan

+++

Qualitative  
(Nitel)

Nümerik olmayan  
data içeren  
kolonlar

Quantitative  
(Nispet)

Nümerik data  
içeren kolonlar

→ Nominal

(Sıralama içermeyen)

Sanlıurba, Mardin, Şanlıurfa

→ Ordinal

(Sıralama içeren data)

Ptesi., Sali, Cürsümbe

→ Discrete  
(Sayılabilir  
ve

Sonlu (Sinf-falm  
öğrenci  
sayısı)

→ Continuous

- Sayımsız  
mümkün  
olmayan

- Sonsuz

Yaş.

- 22, 8 ay, 4 gün

- Maaş

# VeriSistemler

Bilgiler

Öğ. ID	Ad	Not	Sehr	Not	Consist
01	Enes	47	Menden	D	E
02	Emre	72	Batman	B	K
03	Efecan	73	Sırnak	B	E
04	Emir	85	izmir	A	E

Kıymetli  
kolon

Qualit.  
Nominal

Quantit.  
Discrete.

Qualit.  
Ordinal

# Olasılık - Teorisi

$$\underline{\underline{0}} \leq P(E) \leq \underline{\underline{1}}$$

○

- Deney (Experiment) → Bir madeni paranın atılması
- Sonuç (Outcome) → Ölçülen deneyin sonucu
- Olay (Event) → Bir veya daha fazla deneyin yapılması.

○

2 madeni para (bilersiz) atılıyor.

$\{ \overset{1}{Y} \overset{1}{Y}, \overset{1}{Y} T, T \overset{1}{Y}, T T \}$  Örneklerin kümesi

$\frac{1}{4}$

$\frac{1}{4}$

$\frac{1}{4}$

$\frac{1}{4}$

(Yarı gelme olasılığı)

$\{ \underline{\underline{0}}, \underline{\underline{1}}, \underline{\underline{2}} \}$

$\frac{1}{4}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{4}$

Kümeye  
İhtimal değeri

## Olasılığın Kuralları

① Örneklem kümesinin olasılıkları toplamı 1'dir.

→ Hilesiz 6 yüzeyle bir zar atılır.

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

$\frac{1}{6} \quad \frac{1}{6} \quad \frac{1}{6} \quad - \quad - \quad \frac{1}{6}$

$$\sum_{i \in S} P_i = 1$$

$$P(1) + P(2) + \dots + P(6) = 1$$

②  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$   
(Bağımsız olaylarda olasılıkları toplanır.)



Ör: Her defasında bir madeni para 2 defa atılıyor.

$\{YY, YT, TY, TT\}$

A = Her defasında farklı yüz gelmes

B = Aynı yüz gelmes.

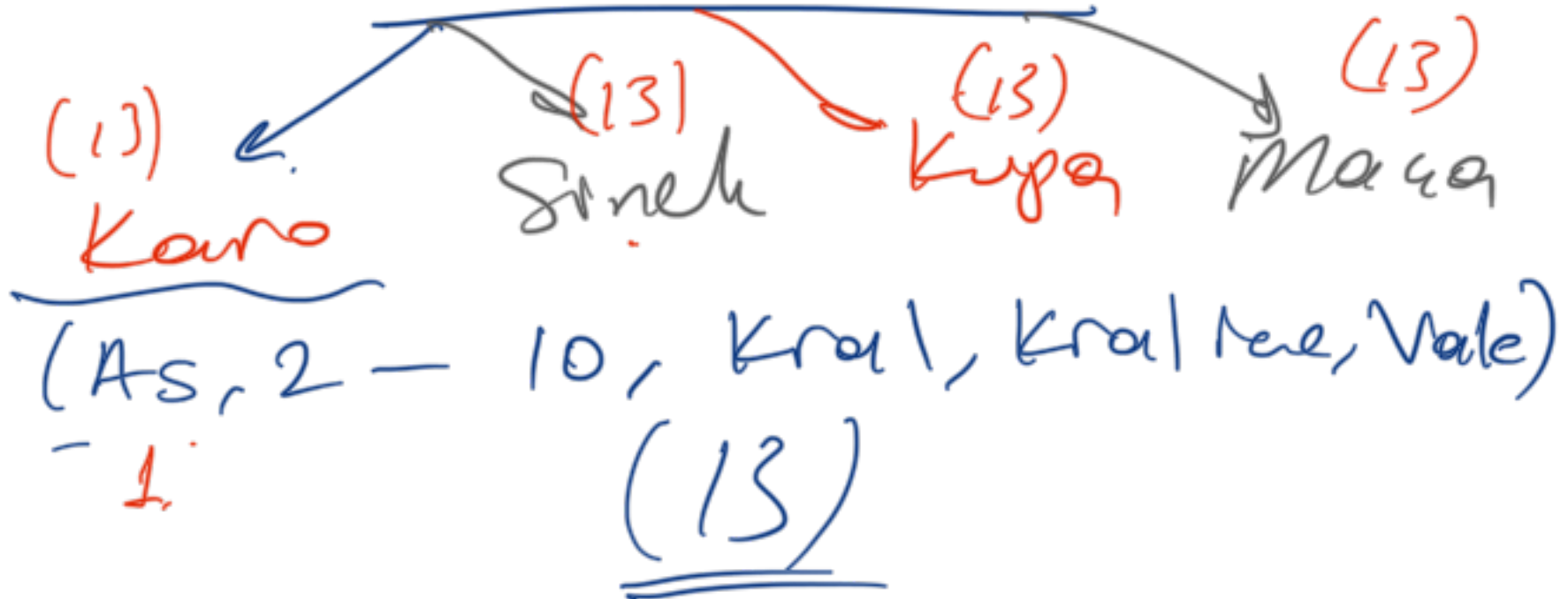
$$P(A) = \underline{1/2} \quad P(B) = \underline{1/2}$$

$$P(A \cup B) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \underline{1} //$$

---

⑤  $\boxed{P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)}$

52 Destesi



$$P(\text{Kral}) = \frac{4}{52} = \frac{1}{13}$$

$$P(\text{Syrah}) = \frac{26}{52} = \frac{1}{2}$$

$$\text{ör} \underline{P}(\text{Vale, veyKupa}) = \frac{A}{B}$$

Bir desteden  
cehnen kuyun  
Vale veyKupa  
olma olasılışı

$$A = \{V_{\text{maer}}, V_{\text{kone}}, \underline{V_{\text{kupa}}}, V_{\text{syrah}}\}$$

$$B = \{As, 2-10, \text{Kral}, \text{Knech}, \underline{V_{\text{kupa}}}\}$$

$$P(A) = \frac{4}{52}$$

$$P(B) = \frac{13}{52}$$

$$P(A \cup B) = \frac{4}{52} + \frac{13}{52} - \frac{1}{52} = \frac{16}{52}$$

(Mazlum  
thanks)

$$Q) P(A) + P(\bar{A}) = 1$$

Soru! A ve B olayları ayrık  
olaylar ise  $P(A) = 0.3$   $P(B) = 0.4$   
 $P(A \cup B) = ?$  Cevap: 0.7

$$= P(A) + P(B) = \underline{\underline{0.7}}$$

---

Soru! Bir kart oyununda kupa  
çekme olasılığı  $P(K) = \frac{13}{52}$  ise  
kupa çekme olasılığı nedir?

$$P(A) + P(\bar{A}) = 1$$

$$\frac{13}{52} + ? = 1$$

Soru 6 yüzlü kullerz bir zar  
atılıyor. A olayı çift gelme  
ve B olayı 3'ten büyük gelme  
olsun.  $P(A \cap B)$ 'yi hesaplayın.

$$A = \{2, 4, 6\}$$

$$B = \{4, 5, 6\}$$

$$A \cap B = 4, 6$$

$$P(A \cap B) = \frac{2}{6} \\ = \frac{1}{3} //$$

THANKS ENDS



## Bağımlı Olaylar

→ Birbirini etkileyen olaylardır.  
Örneğin deneyin sonuna sonradan  
deneyi ettikler.

$\{y, y, T, T, Y, Y, Y, T, T, T\}$

→ Bir tahmin madeni para attıysa  
ne gelir?

Gambler fallacy Yarı  
gelme istisna belki tahmin  
halen olasılık  $\frac{1}{2}$  'dir

Yarı ve Tura .1'dir.



Bir top çekilip <sup>rensi</sup>net edilir. Sonra başka bir top daha çekilip o da net edilir ve bağımlı olayların olasılığı hesaplanır.

$P(SM) \Rightarrow$  ilk top sarı ve  
2. top mor gelme  
olasılığı

$$P(S) = 2/5$$

$$P(\text{mor gelme} \mid S) = \frac{3}{4}$$

$$P(SM) = P(S) \times P(B|S) = \underline{\underline{0.3}}$$

$$P(A \cup B) = P(A) \times \underline{P(B|A)}$$

Soru 1 Bir 52 deste karıştırılıp rasgele ve artarda geri konulmadan 2 kart çekiliyor.

Her iki kartın As gelme olasılığı nedir?

A = ilk kartın As gelmesi

B = ikinci kartın As gelmesi

Thanks  
again  
to you.

$$P(A) = \frac{4}{52} \quad P(B|A) = \frac{3}{51}$$

$$P(A \cup B) = \frac{4}{52} \cdot \frac{3}{51} = \frac{1}{221} //$$

# Rasgele Değişkenler

Bir deneyin yada rasgele olayın sayısal sonucunu ifade eder. Her bir olası sonuca değer atayarak olasılığı kolaylaştırır.

$X = 2$  Madeni atılması sonucunda  
yarı puan verilir.

$$\{2, 1, 0\}$$

$$20 \quad 5 \quad -5$$

$$= \underline{\underline{20}}$$

$$\begin{array}{r} \text{rasgele öđđ} \\ Y \rightarrow 10 \\ \hline \bar{Y} \rightarrow -5 \\ \hline \end{array}$$



→ Sürekli Rasgele Değişkenler

Belirli bir aralık içinde her değeri alabilen değişkenler.

ör: Sıcaklık ( $Z$ )

$20.3^{\circ}\text{C}, 40.4^{\circ}\text{C}$

Sonsuz ve sürçümlüdür.

→ Ayrık Rasgele Değişken

Genellikle sayılabilen düzeylerdeki sonuçları alan sonlu bir dizi.

örnek: 6 yüzlü zar atma.

~~X~~ →  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$   
 $\frac{1}{6} \quad \frac{1}{6} \quad \frac{1}{6} \quad - \quad - \quad - \frac{1}{6}$



