## Simulation Numérique de l'Effet de Cheerios

#### BRAUN-DELVOYE Baptiste et ÇAN Erdi

Sorbonne Université, CMI Mécanique

6 décembre 2022



#### Sommaire

- 1 Introduction
- 2 Motivation
- 3 Modélisation de l'Effet de Cheerios
- 4 Méthodes Utilisées
- 5 Algorithme du code
- 6 Résultats
- 7 Conclusion

Introduction

## Introduction

#### Motivation

Erdi aime trop la mécanique des fluides. Vous lui avez refusé son idée, on a pris cela à la place

### Modélisation de l'Effet de Cheerios

# Méthodes Utilisées

# Algorithme du code

Résultats

## Résultats

## Conclusion

#### Références I

- [1] F. CRIVELLI, "The Störmer-Verlet method,", p. 14, 8 mai 2008.
- [2] R. P. AGARWAL, K. PERERA et S. PINELAS, *An Introduction to Complex Analysis*. New York: Springer, 2011, 331 p., ISBN: 978-1-4614-0194-0.
- [3] F. BOWMAN, *Introduction to Bessel functions / by Frank Bowman*, eng. New York: Dover Publications, 1958, ISBN: 0-486-60462-4.
- [4] G. K. BATCHELOR, An introduction to fluid dynamics / by G.K. Batchelor,... (Cambridge mathematical library), eng. Cambridge New York: Cambridge University Press, 2000, ISBN: 0-521-66396-2.

### Références II

- [5] R. Benzi, S. Succi et M. Vergassola, "Introduction to the Lattice Boltzmann Equation for Fluid Dynamics," in *Relaxation in Complex Systems and Related Topics*, sér. NATO ASI Series, I. A. Campbell et C. Giovannella, éd., Boston, MA: Springer US, 1990, p. 329-334, ISBN: 978-1-4899-2136-9. DOI: 10.1007/978-1-4899-2136-9\_45. adresse: https://doi.org/10.1007/978-1-4899-2136-9\_45 (visité le 03/10/2022).
- [6] D. CHAN, J. HENRY et L. WHITE, "The interaction of colloidal particles collected at fluid interfaces," Journal of Colloid and Interface Science, t. 79, n° 2, p. 410-418, fév. 1981, ISSN: 00219797. DOI: 10.1016/0021-9797(81)90092-8. adresse: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/0021979781900928 (visité le 29/11/2022).

### Références III

- [7] N. CHARLTON, "Drawing and Animating Shapes with Matplotlib," (s. d.), adresse: https://nickcharlton.net/posts/drawing-animating-shapes-matplotlib.html (visité le 16/11/2022).
- [8] K. D. DANOV, R. DIMOVA et B. POULIGNY, "Viscous drag of a solid sphere straddling a spherical or flat surface," *Physics of Fluids*, t. 12, n° 11, p. 2711, 2000, ISSN: 10706631. DOI: 10.1063/1.1289692. adresse: http://scitation.aip.org/content/aip/journal/pof2/12/11/10.1063/1.1289692 (visité le 29/11/2022).

#### Références IV

- [9] H. N. DIXIT et G. M. HOMSY, "Capillary effects on floating cylindrical particles," Physics of Fluids, t. 24, n° 12, p. 122 102, déc. 2012, ISSN: 1070-6631, 1089-7666. DOI: 10.1063/1.4769758. adresse: http://aip.scitation.org/doi/10.1063/1.4769758 (visité le 29/11/2022).
- [10] D.-x. FENG et A. V. NGUYEN, "Contact angle variation on single floating spheres and its impact on the stability analysis of floating particles," *Colloids and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects*, t. 520, p. 442-447, mai 2017, ISSN: 09277757. DOI: 10.1016/j.colsurfa.2017.01.057. adresse: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0927775717300948 (visité le 29/11/2022).

#### Références V

- [11] M. A. FORTES, "Attraction and repulsion of floating particles," Canadian Journal of Chemistry, t. 60, n° 23, p. 2889-2895, 1er déc. 1982, ISSN: 0008-4042, 1480-3291. DOI: 10.1139/v82-414. adresse: http://www.nrcresearchpress.com/doi/10.1139/v82-414 (visité le 29/11/2022).
- [12] W. GIFFORD et L. SCRIVEN, "On the attraction of floating particles," Chemical Engineering Science, t. 26, n° 3, p. 287-297, mars 1971, ISSN: 00092509. DOI: 10.1016/0009-2509(71)83003-8. adresse: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/0009250971830038 (visité le 29/11/2022).

#### Références VI

- [13] J. B. Keller, "Surface tension force on a partly submerged body," Physics of Fluids, t. 10, n° 11, p. 3009-3010, nov. 1998, ISSN: 1070-6631, 1089-7666. DOI: 10.1063/1.869820. adresse: http://aip.scitation.org/doi/10.1063/1.869820 (visité le 29/11/2022).
- [14] P. A. KRALCHEVSKY et K. NAGAYAMA, "Capillary interactions between particles bound to interfaces, liquid films and biomembranes," *Advances in Colloid and Interface Science*, t. 85, n° 2-3, p. 145-192, mars 2000, ISSN: 00018686. DOI: 10.1016/S0001-8686(99)00016-0. adresse: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0001868699000160 (visité le 29/11/2022).

#### Références VII

[15] J. -- LOUDET, M. QIU, J. HEMAUER et J. J. FENG, "Drag force on a particle straddling a fluid interface: Influence of interfacial deformations," The European Physical Journal E, t. 43, n° 2, p. 13, fév. 2020, ISSN: 1292-8941, 1292-895X. DOI: 10.1140/epje/i2020-11936-1. adresse: http://link.springer.com/10.1140/epje/i2020-11936-1 (visité le 29/11/2022).

#### Références VIII

[16] E. H. MANSFIELD, H. R. SEPANGI et E. A. EASTWOOD, "Equilibrium and mutual attraction or repulsion of objects supported by surface tension," Philosophical Transactions of the Royal Society of London. Series A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences, t. 355, n° 1726, p. 869-919, 15 mai 1997, ISSN: 1364-503X, 1471-2962. DOI: 10.1098/rsta.1997.0049. adresse: https://royalsocietypublishing.org/doi/10.1098/rsta.1997.0049 (visité le 29/11/2022).

#### Références IX

- [17] A. MARCHAND, J. H. WEIJS, J. H. SNOEIJER et B. ANDREOTTI, "Why is surface tension a force parallel to the interface?" American Journal of Physics, t. 79, no 10, p. 999-1008, oct. 2011, ISSN: 0002-9505, 1943-2909. DOI: 10.1119/1.3619866. adresse: http://aapt.scitation.org/doi/10.1119/1.3619866 (visité le 29/11/2022).
- [18] J. C. MAXWELL, The Scientific Papers of James Clerk Maxwell, 1<sup>re</sup> éd., W. D. NIVEN, éd. Cambridge University Press, 20 jan. 2011, ISBN: 978-1-108-01538-7. DOI: 10.1017/CB09780511710377. adresse: https://www.cambridge.org/core/product/identifier/9780511710377/type/book (visité le 29/11/2022).

### Références X

- [19] M. M. NICOLSON, "The interaction between floating particles," Mathematical Proceedings of the Cambridge Philosophical Society, t. 45, n° 2, p. 288-295, avr. 1949, ISSN: 0305-0041, 1469-8064. DOI: 10.1017/S0305004100024841. adresse: https://www.cambridge.org/core/product/identifier/S0305004100024841/type/journal\_article (visité le 29/11/2022).
- "Calculateur de Tension Superficielle dune Aiguille ń Flottante ż Hydraulique Fluides Convertisseurs dunités En Ligne," (s. d. ), adresse:

  https://www.translatorscafe.com/unit-converter/fr-FR/calculator/surface-tension/ (visité le 07/11/2022).

### Références XI

- [21] "Compressible Lattice Boltzmann Method and Applications | SpringerLink," (s. d.), adresse: https://link.springer.com/chapter/10.1007/978-3-642-11842-5\_3 (visité le 01/10/2022).
- [22] Computational Physics. s. d. adresse:
  https://link-springer-com.accesdistant.sorbonneuniversite.fr/book/10.1007/978-3-319-00401-3 (visité le 01/12/2022).

### Références XII

- [23] T. Ondarquhu, P. Fabre, E. Raphaël et M. Veyssié, "Specific properties of amphiphilic particles at fluid interfaces," *Journal de Physique*, t. 51, n° 14, p. 1527-1536, 1990, ISSN: 0302-0738. DOI: 10.1051/jphys:0199000510140152700. adresse: http://www.edpsciences.org/10.1051/jphys:0199000510140152700 (visité le 29/11/2022).
- [24] J. ONISHI, A. KAWASAKI, Y. CHEN et H. OHASHI, "Lattice Boltzmann simulation of capillary interactions among colloidal particles," *Computers & Mathematics with Applications*, t. 55, n° 7, p. 1541-1553, avr. 2008, ISSN: 08981221. DOI: 10.1016/j.camwa.2007.08.027. adresse: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0898122107006463 (visité le 29/11/2022).

### Références XIII

- [25] Reducible, director, Building Collision Simulations: An Introduction to Computer Graphics, 19 jan. 2021. adresse: https://www.youtube.com/watch?app=desktop&v=eED4bSkYCB8&ab\_channel=Reducible (visité le 03/10/2022).
- [26] F. BOWMAN, *Introduction to Bessel functions / by Frank Bowman*, eng. New York: Dover Publications, 1958, ISBN: 0-486-60462-4.
- [27] N. B. VARGAFTIK, B. N. VOLKOV et L. D. VOLJAK, "International Tables of the Surface Tension of Water," Journal of Physical and Chemical Reference Data, t. 12, n° 3, p. 817-820, juill. 1983, ISSN: 0047-2689, 1529-7845. DOI: 10.1063/1.555688. adresse: http://aip.scitation.org/doi/10.1063/1.555688 (visité le 29/11/2022).

### Références XIV

- [28] N. D. VASSILEVA, D. van den ENDE, F. MUGELE et J. MELLEMA, "Capillary Forces between Spherical Particles Floating at a Liquid-Liquid Interface,"

  Langmuir, t. 21, n° 24, p. 11190-11200, 1er nov. 2005, ISSN: 0743-7463, 1520-5827. DOI: 10.1021/la0511860. adresse: https://pubs.acs.org/doi/10.1021/la0511860 (visité le 29/11/2022).
- [29] D. VELLA et L. MAHADEVAN, "The Cheerios effect," American Journal of Physics, t. 73, n° 9, p. 817-825, sept. 2005, ISSN: 0002-9505, 1943-2909. DOI: 10.1119/1.1898523. adresse: http://aapt.scitation.org/doi/10.1119/1.1898523 (visité le 29/11/2022).

## Références XV

- [30] D. VELLA et L. MAHADEVAN, "The 'Cheerios effect'," American Journal of Physics, t. 73, n° 9, p. 817-825, sept. 2005, ISSN: 0002-9505, 1943-2909. DOI: 10.1119/1.1898523. arXiv: cond-mat/0411688. adresse: http://arxiv.org/abs/cond-mat/0411688 (visité le 29/11/2022).
- [31] D. VELLA, P. D. METCALFE et R. J. WHITTAKER, "Equilibrium conditions for the floating of multiple interfacial objects," Journal of Fluid Mechanics, t. 549, p. 215, -1 8 fév. 2006, ISSN: 0022-1120, 1469-7645. DOI: 10.1017/S0022112005008013. adresse: http://www.journals.cambridge.org/abstract\_S0022112005008013 (visité le 29/11/2022).
- [32] D. J. R. Vella, "The Fluid Mechanics of Floating and Sinking,", p. 143, s. d.