# מטלה - החלפת בתים וכליות

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם.

### שאלה 1: החלפת בתים - יעילות ואדישות

בהרצאה הוכחנו, שאלגוריתם מעגלי המסחר הוא יעיל פארטו כאשר כל יחסי ההעדפה הם חזקים (אין אדישות).

א. הוכיחו (ע"י דוגמה) שאלגוריתם מעגלי המסחר אינו יעיל פארטו כאשר יחסי ההעדפה הם לא חזקים (-יש אדם שהוא אדיש בין שני בתים).

ב [מחקרי]. הציעו שיפור לאלגוריתם, כך שיהיה יעיל פארטו גם כשיש אנשים שהם אדישים בין שני בתים (האלגוריתם עדיין צריך לעודד השתתפות). הדגימו את פעולת האלגוריתם שלכם.

פתרון: נעמה.

רעיונות נוספים לסעיף ב: דביר, אלישיב, מעוז.

## שאלה 2: הסתברות להחלפה מוצלחת

נניח שיש n אנשים עם n בתים, וההעדפות של כל אדם מתפלגות באופן אחיד (ההסתברות שאדם i הכי רוצה את בית j היא 1 חלקי n). מה ההסתברות שאדם מסויים יהיה חלק ממעגל-החלפה בסיבוב הראשון?

[N] נסו לפתור לערכים קטנים, למשל 2, 3, וכו'...]

**פתרון**: מעוז, תימור.

# שאלה 3: החלפת משמרות בפייתון

כיתבו פונקציה בפייתון המבצעת החלפת משמרות בין עובדים, בעזרת אלגוריתם מעגלי המסחר. העזרו במחלקה הבאה (ניתן לשנות לפי הצורך):

הפונקציה מקבלת כקלט וקטור עם כל העובדים במערכת (לכל עובד רשום סדר העדיפויות שלו והמשמרת הנוכחית שלו), וכותבת למסך את השינויים שיש לבצע בלוח השיבוצים, למשל:

#### ברוד ה' חונו הדעת

Avraham moves from shift 0 to shift 1.

Isaac moves from shift 1 to shift 2.

Yaakov moves from shift 2 to shift 0.

כותרת הפונקציה:

def exchange shifts (workers: List[Worker])

.doctest בדקו את הפונקציה בעזרת

https://github.com/arielBar1295/algorithms-5780- פתרון: דנה ואריאל
Course-/blob/master/Ex11.py

עמית

https://github.com/S1rK/Economic-Algorithms/blob/master/11-3.py

### שאלה 4: הסתברות להחלפת כליות

0, לצורך השאלה, הניחו שהתאמה בין תורם לחולה תלויה רק בסוג הדם, ושההסתברות לכל סוג דם (A, B, AB

א. נניח שאדם חולה וזקוק לכליה, ואשתו בריאה ומוכנה לתרום לו. מה ההסתברות שהכליה מתאימה?

A או A – הסתברות A

סה"כ: הסתברות 9/16.

ב. נניח שיש שני זוגות כמו בסעיף א. מה ההסתברות שאפשר לבצע החלפת-כליות מוצלחת? בכמה ההחלפה משפרת את סיכויי ההצלה של כל אחד מהחולים?

**פתרון**: ראו בטבלה המצורפת. יוצא, שלכל חולה, יש **161** מקרים שבהם הוא יכול להינצל, מתוך 256. בניגוד למצב הרגיל, שבו יש 184=144 מקרים מתוך 256. כלומר ההסתברות להינצל גדלה ב 17/256 – בערך 1/16.

בסעיפים הבאים נניח שיש שלושה זוגות כמו בסעיף א.

ג. מה ההסתברות שאפשר לבצע החלפת-כליות מוצלחת, אם החלפות מתבצעות בזוגות בלבד?

פתרון: בשנה הבאה..

ד. מה ההסתברות שאפשר לבצע החלפת-כליות בשלשה, בכמה ההחלפה משפרת את סיכויי ההצלה של החולים?

פתרון: בשנה הבאה..

#### ברוך ה' חונן הדעת

## שאלה 5: החלפת כליות בפייתון

כיתבו פונקציה המקבלת מטריצת התאמה בין זוגות, ומוצאת מעגלים באורך 2 או באורך 3, כך שמספר המושתלים הכולל הוא הגבוה ביותר. הפונקציה לא חייבת להיות יעילה חישובית (אפשר לכתוב פתרון brute force). כותרת אפשרית לפונקציה:

def find\_max\_matches (compatible: List[List[bool]]): ...

המטריצה compatible מתארת התאמה בין תורם לחולה. למשל

כול לתרום לחולה מספר 12 יכול לתרום לחולה מספר 22; compatible[11,22]==True

ב – ושימו לב – compatible[22,11]==True אומר שתורם מספר 22 יכול לתרום לחולה מספר 11 (שימו לב – המטריצה לא בהכרח סימטרית).

פלט לדוגמה:

Length 2 cycle: 11→22 and 22→11

Length 3 cycle:  $44\rightarrow55$  and  $55\rightarrow99$  and  $99\rightarrow44$ 

פתרון: טל, עמית, גל

https://github.com/S1rK/Economic-Algorithms/blob/master/11-5.py