מטלה - שידוכים יציבים

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם.

שאלה 1. שידוכים עם כמה מקומות בכל מחלקה

נניח שבכל מחלקה יש מקום לשלושה סטודנטים.

- א. הגדירו באופן פורמלי את המושג "שידוך יציב" במצב זה.
- ב. הדגימו את פעולת אלגוריתם "קבלה על תנאי" על שתי מחלקות וחמישה סטודנטים.
- ג. עמי ותמי הם שניים מתוך חמשת הסטודנטים מהסעיף הקודם. הם זוג, יש להם סדר עדיפות זהה על המחלקות, והם חייבים להיות באותה מחלקה. האם אלגוריתם "קבלה על תנאי" עדיין מחזיר שידוך יציב?

שאלה 2. תיכנון מערכת לשידוך יציב

בעקבות תלונות על תהליך השיבוץ בין מתנדבות שירות-לאומי לבין מקומות-שירות, קיבלתם מכתב מרשות השירות הלאומי המבקש מכם לתכנן מערכת שיבוץ חדשה. המערכת אמורה לקבל קלט מהמתנדבות וממקומות-השירות, ולהחזיר כפלט את השיבוץ.

- א. תארו את המערכת בפירוט באופן שראש הרשות לשירות לאומי יוכל להבין.
- ב. מהו הקלט למערכת? מה הם מסכי-הקלט הדרושים, מי צריך להשתמש בכל מסך ומה בדיוק להקליד שם? תנו דוגמה לכל מסך.
 - ג. מתי ואיך בדיוק מתבצע האלגוריתם, ואיך נראה הפלט?

?שאלה 3: מי נשאר בחוץ

נניח שמספר הסטודנטים גדול ממספר המחלקות (ובכל מחלקה יש מקום אחד). במצב זה, בכל שידוך, חלק מהסטודנטים יישארו בחוץ.

- א. הראו דוגמה עם 3 סטודנטים ו-2 מחלקות, שבה יש לפחות שני שידוכים יציבים. מיצאו את שניהם והראו איזה סטודנט נשאר בחוץ בכל שידוד יציב.
- ב. הוכיחו, שבכל שידוך יציב (לא משנה באיזה אלגוריתם מצאנו אותו), אותס סטודנטים יישארו בחוץ. כלומר, אם מישהו נשאר בחוץ בשידוך יציב א, אז הוא נשאר בחוץ גם בשידוך יציב ב.

אם אתם נתקעים, קיראו בויקיפדיה על "Rural hospitals theorem".

?שאלה 4: כמה שידוכים יצירים יש?

כשיש 3 סטודנטים ו-3 מחלקות, יש 6 שידוכים אפשריים (3 עצרת). כמה מהם יציבים?

ברוך ה' חוגן הדעת

- א. הראו דוגמה שבה יש רק שידוך יציב אחד.
- ב. הראו דוגמה שבה יש בדיוק 2 שידוכים יציבים.
- ג. הראו דוגמה שבה יש בדיוק 3 שידוכים יציבים.
- ד. האם ייתכן שכל 6 השידוכים הם יציבים? אם כן הראו דוגמה, אם לא הוכיחו.

שאלה 5: שידוכים יציבים עם אדישות

בשיעור הנחנו, שלסטודנטים ולמחלקות יש סדרי עדיפות חזקים (ללא אדישות). במציאות ייתכן שסדרי העדיפות הם חלשים, כלומר ייתכן שסטודנט מסויים אדיש בין שתי מחלקות או יותר (מדרג אותן באותו מקום), ושמחלקה מסויימת אדישה בין שני סטודנטים או יותר.

"שידוך סופר-יציב" הוא שידוך

שאלה 6: בדיקת יציבות בפייתון

כיתבו פונקציה בפייתון, המקבלת שידוך ובודקת אם הוא יציב. בדקו את הפונקציה בעזרת doctest.