מטלה - חלוקה הוגנת של קרקעות ועוגות

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם. שאלות המסומנות בכוכבית * מזכות בניקוד כפול.

שאלה 1: חלוקה פרופורציונלית בשני מימדים

נתונה חלקת-אדמה בצורת מלבן. השווי הכללי של החלקה הוא 4000. אנחנו רוצים לחלק אותה לארבעה אנשים בעזרת אלגוריתם אבן-פז. תארו דוגמה שבה:

- א. אם נבצע את כל האלגוריתם בעזרת קוים אופקיים, אז כל משתתף יקבל ערך של 1000, אבל -
 - ב. אם נבצע את כל האלגוריתם בעזרת קוים אנכיים, אז כל אחד יקבל ערך של 4000.

תארו את ערכי המשתתפים בדוגמה שלכם (אפשר ע"י ציור), ותארו את הרצת האלגוריתם.

שאלה 2: חלוקת תורנויות פרופורציונלית

אמא ואבא נסעו לנופש, והשאירו את n ילדיהם הגדולים לשמור על התינוקת ה-n+1. הם מעוניינים לחלק ביניהם את זמן השמירה בצורה הוגנת. לכל ילד יש העדפות שונות לגבי זמן השמירה - יש כאלה שמעדיפים לשמור בלילה, יש כאלה שמעדיפים לשמור דווקא בצהריים, וכו'.

א [חימום]. בסעיף זה הניחו שהילדים **אוהבים** לשמור על התינוקת – כל אחד רוצה לשמור כמה שיותר. באיזה אלגוריתם תשתמשו כדי למצוא חלוקה פרופורציונלית?

ב. בסעיף זה הניחו שהילדים **לא אוהבים** לשמור – כל אחד רוצה לשמור כמה שפחות. הסבירו למה האלגוריתם של סעיף א לא עובד, ותארו אלגוריתם חדש המוצא חלוקה פרופורציונלית. הוכיחו את נכונות האלגוריתם.

שאלה 3: חלוקה עם זכויות לא-שוות

עמי ותמי עזרו לאמא להכין עוגה, אבל תמי עזרה יותר. עמי השקיע k שעות ותמי השקיעה n שעות, אמא רוצה לחלק את העוגה ביניהם בצורה הוגנת בהתאם לכמות ההשקעה.

- א. תנו הגדרה הגיונית למושג "חלוקה פרופורציונלית" במצב זה, בעזרת הפונקציה (פונקציית הערך של ה.ח., ג מונית הפרמטרים n, א. תנו הגדרה הפרמטרים (i, ובעזרת הפרמטרים
 - ב. כיתבו אלגוריתם המוצא חלוקה פרופורציונלית לפי ההגדרה של סעיף א. הוכיחו את נכונות האלגוריתם.

* שאלה 4: משולש החלוקות

רוצים לחלק נהר באורך 300 מטר בין שלושה אנשים. לאורך הנהר, בין 0 ל-100 מטר גדלים עשבים, בין 100 ל-200 מטר גדלים שיחים, ובין 200 ל-300 גדלים עצים. אנשים מייחסים ערכים שונים לעשבים, שיחים, ועצים, לפי הטבלה הבאה (הטבלה כוללת את הערך ל-100 מטר):

- עשבים, שיחים, עצים •
- 20 , 30 , 50 ישחקן א: •
- שחקן ב: 30 , 40 , 30
- 70, 20, 10 שחקן ג: 10

ציירו את משולש-החלוקות, חלקו אותו למשולשונים עם אורך צלע של 25 מטר, וחשבו את המספרים שכותב כל אחד מהשחקנים על כל אחד מהקודקודים. הסבירו את אופן החישוב.

* שאלה 5: חלוקה הוגנת בפייתון

הורידו את הספריה - fairpy הוגנת בפייתון: - fairpy הורידו את הספריה - fairpy https://qithub.com/erelsql/fairpy

השתמשו במחלקות של הספריה, הנמצאות בתיקיה cake, כדי לממש את אלגוריתם אבן-פז.

שימו לב: המימוש כולל שני קבצים – האלגוריתם עצמו בקובץ even_paz.py ותוכנית הדגמה בקובץ even_paz.py ותוכנית הדגמה בקובץ.even_paz.py

(ראו דוגמאות בקבצים

cut_and_choose.py, cut_and_choose_demo.py
.(last diminisher.py, last diminisher demo.py

בשאלה זו אפשר להגיש קישור לגיטהאב שלכם.