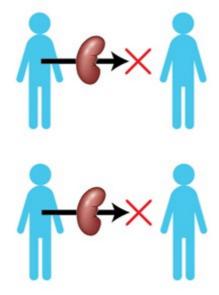
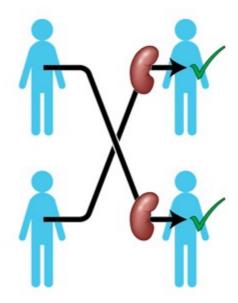
החלפת כליות

אראל סגל-הלוי חלק מהשקפים של: Wayne Racey



The donor in each pair cannot give their kidney to the recipient because they are not a match

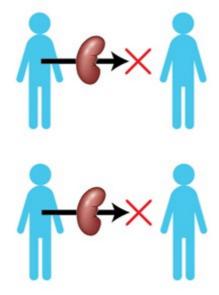


The donors can give their kidney to the **other** recipient because they are a good match

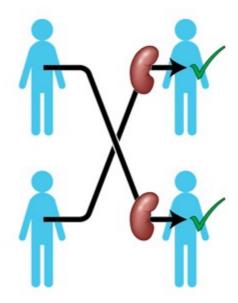
© UHN Patient Education

החלפת כליות

אראל סגל-הלוי חלק מהשקפים של: Wayne Racey



The donor in each pair cannot give their kidney to the recipient because they are not a match



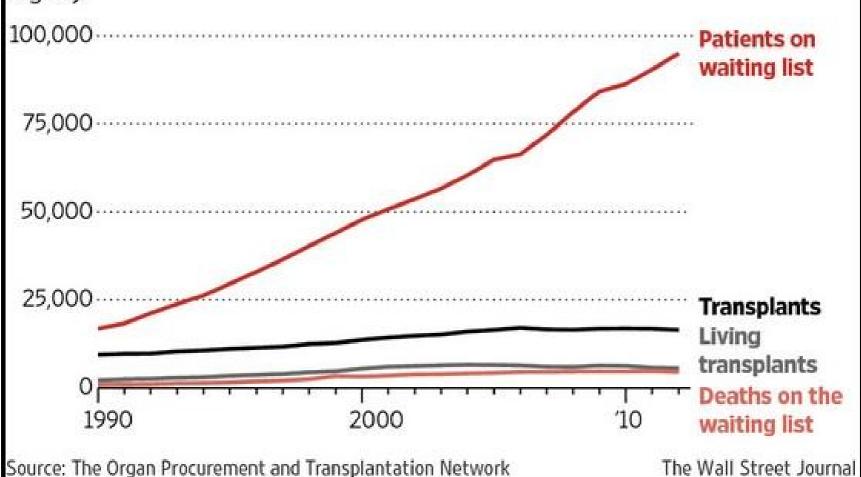
The donors can give their kidney to the **other** recipient because they are a good match

© UHN Patient Education

התור להשתלת כליות

A Long Wait for a Kidney

Since 1990, the number of people on the waiting list for a kidney transplant has grown sharply, while the number of transplants has increased only slightly.



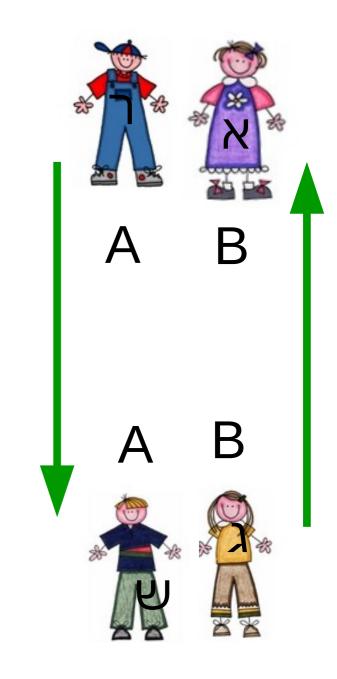
החלפת כליות

- כמעט בכל המדינות:
- יש מחסור בכליות להשתלה.
- **אסור** לתרום כליות תמורת כסף.
 - מותר לתרום כליה תמורת כליה.

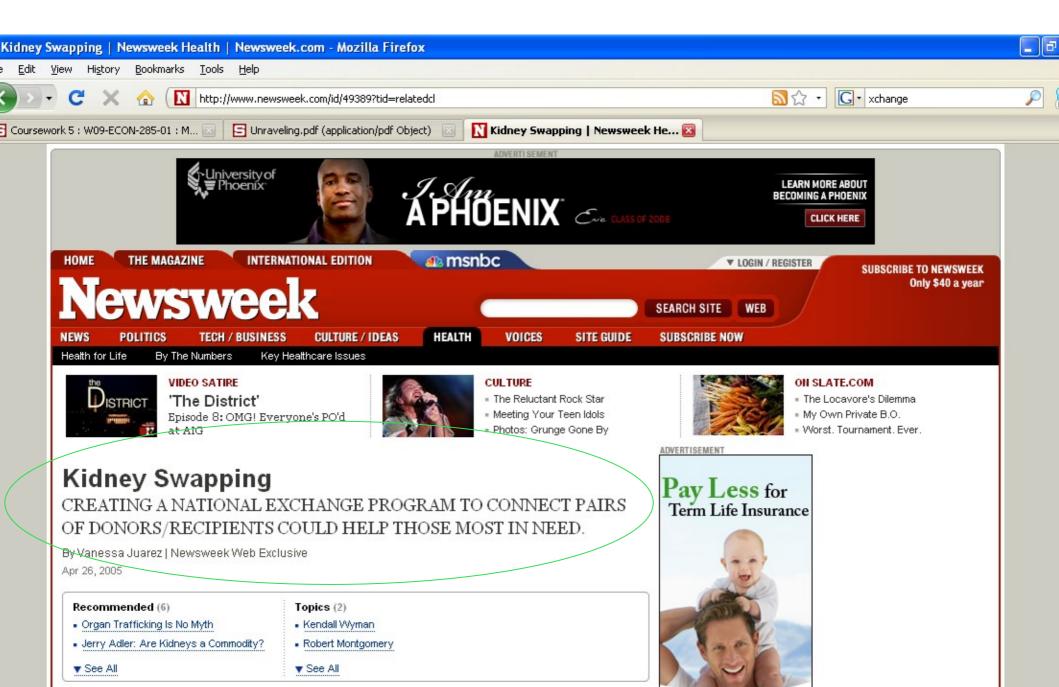
למה להחליף כליות?

תורם מוכן לתרום לחולה אבל לא מתאים, בגלל סוג הדם או סיבות נוספות:

< נתרם תורם V	0	A	В	AB
0	JO	JO	JO	JO
Α	לא	כן	לא	כן
В	לא	לא	12	J
AB	לא	לא	לא	J



החלפת כליות 2004 - מעגלי מסחר



החלפת כליות 2005 - שידוכי מסחר

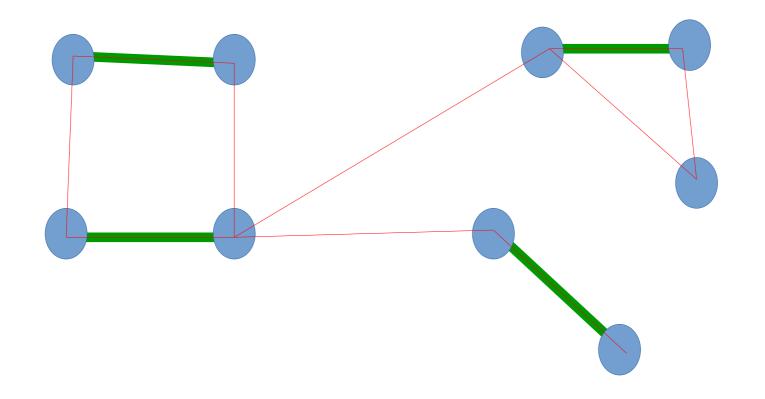
:אלגוריתם מעגלי המסחר לא התאים לבעיה

- המעגלים ארוכים מדי! בהחלפת כליות מעדיפים מעגלים קצרים – באורך 2 או 3 – כי כל ההשתלות במעגל חייבות להתבצע במקביל.
 - מצד שני, בהחלפת כליות ההעדפות בינאריות –
 כל חולה מוכן לקבל כליה מכל תורם מתאים.

הפתרון: במקום לחפש מעגלים, נחפש **שידוכים**.

מציאת שידוך גדול ביותר

שידוך בגרף כללי = אוסף של זוגות-צמתים זרים. כל צומת מייצג זוג; כל קשת מייצגת התאמה הדדית. כדי להציל הכי הרבה חולים, נרצה למצוא שידוך גדול ביותר.

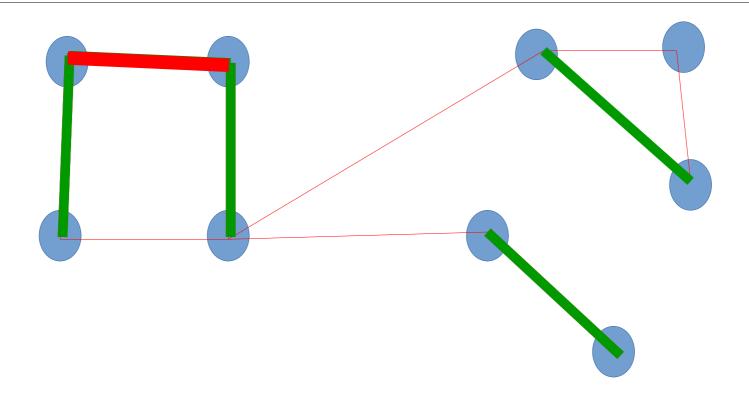


אלגוריתם למציאת שידוך גדול ביותר

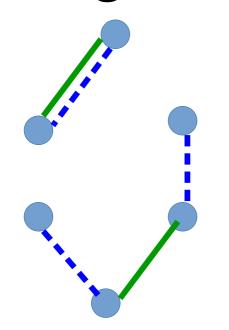
מסלול שיפור = מתחיל ומסתיים ב*צמתים לא* משודכים, ומתחלף בין קשתות בתוך ומחוץ לשידוך.

:האלגוריתם

כל עוד יש מסלול-שיפור -- הפוך אותו.

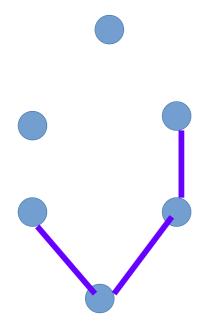


(Berge's Lemma) הלמה של ברג'



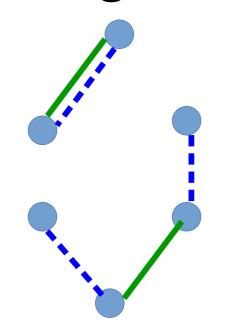
למה: שידוך M הוא גדול ביותר אם"ם אין מסלול שיפור.

הוכחה: -->: אם יש מסלול שיפור – אפשר להפוך אותו וכך להגדיל את M ב-1.



<--: נניח ש-M לא גדול ביותר.
יהי K שידוך גדול יותר מ-M.
נסתכל על ההפרש הסימטרי
– כל הקשתות הנמצאות
באחד השידוכים ולא בשניהם.

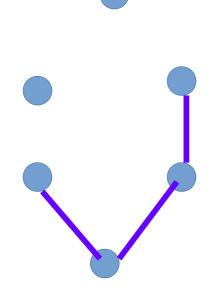
(Berge's Lemma) הלמה של ברג'



[המשך]כל צומת בגרף סמוך לכל היותר לקשת אחת מכל שידוך. לכן, רכיבי הקשירות בגרף ההפרש הם:

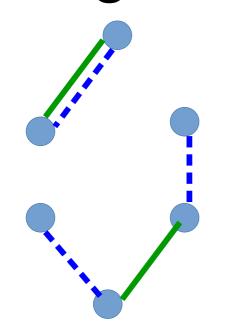
א. צמתים מבודדים, או -

ב. מסלולים מתחלפים, או -



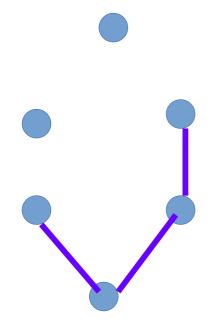
ג. מעגלים מתחלפים - באורך זוגי ועם מספר זהה של קשתות משני השידוכים.

(Berge's Lemma) הלמה של ברג'



[המשך] הנחנו ש-K גדול יותר מ-M.

לפי כלל שובך היונים, רכיב אחד חייב לכלול *יותר* קשתות של K מקשתות של M.



הרכיב הזה חייב להיות מסלול מתחלף, שבו הקשת הראשונה והקשת האחרונה הן ב-K ולא ב-M. זה מסלול-שיפור עבור M! ***

אלגוריתם למציאת שידוך גדול ביותר

מהלֶמה של ברג' נובע שהאלגוריתם הבא מוצא שידוך גדול ביותר בגרף כללי:

> כל עוד יש מסלול-שיפור: הפוך אותו.

אלגוריתם הפרחים (Blossom Algorithm – Edmonds 1965)

- ?איך מוצאים מסלול שיפור
- בעזרת *אלגוריתם הפרחים* פותח ע"י אדמונדס.
 - $O(|V|^2 |E|)$:מן ריצה
 - אפשר למצוא גם שידוך עם משקל גדול ביותר.
 - נלמד בקורס מתקדם בתורת הגרפים.
 - networkx.max_weight_matching•

מעבר לזוגות – מעגלי-החלפה באורך 3

- כיום אפשר לבצע שישה ניתוחים בו זמנית החלפת כליות במעגלים באורך 3.
 - איך מוצאים הכי הרבה מעגלים באורך ?3•
 - יש רדוקציה: הבעיה היא NP-קשה! יש רדוקציה
- •NP \rightarrow SAT \rightarrow 3-coloring \rightarrow
 - Set cover \rightarrow 3D matching \rightarrow 3-Circles
 - יש שתי גישות לפתרון בעיה NP-קשה:
 - •א. פתרון אופטימלי-בקירוב בזמן פולינומי;
 - •ב. פתרון אופטימלי-ממש בזמן מעריכי.
 - מה לדעתכם הפתרון המתאים לבעיה שלנו?



השתלת כליות בין יבשתית

5:00

8:00

החלפת כליות בישראל

משרד הבריאות

2 כליות נתרמות משתי תורמות בביה"ח בילינסון







הכליה מוטסת לצ'כיה

9:00

12:00

13:00

כליה מתורמת בהדסה הועברה לביה"ח בילינסון



כליה מצ'כיה מוטסת לישראל ומושתלת בהדסה

Ynet 17/12/2019

- שרשראות-החלפה מעבר לזוגות – שרשראות-החלפה מתחילות בתורם אחד חסיד (אלטרואיסט)



- In July 2007, Alliance for paired donations started an "Altruistic Donor Chain"
- Altruistic donor in Michigan donated kidney to woman in Phoenix.
- Husband of Phoenix woman gave kidney to woman in Toledo.
- Her mom gave kidney to patient A in Columbus, whose daugher simultaneously gave kidney to patient B in columbus.
- And so on....

שרשרת החלפה באורך 60



