

V\V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	1		1	4		4	5		3	4	
e2	1	0		3	5				1	2	4	4
e3			0		4	3		5		3	5	5
e4	1	3		0	3	2	3	1			5	5
e5	4	5	4	3	0	3				5	2	
e6			3	2	3	0	2			2		
e7	4			3		2	0	2		2	5	
e8	5		5	1			2	0		2	1	
e9		1							0	5		
e10	3	2	3		5	2	2	2	5	0		4
e11	4	4	5	5	2		5	1			0	5
e12		4	5	5						4	5	0

Шаг №1: Найти гамильтонов цикл

- Для начала возьмем в S вершину e_1 . $S = \{e_1\}$
Последовательно будем включать *возможные* вершины в S
- e_2 : $S = \{e_1, e_2^+\}$
- e_4 : $S = \{e_1, e_2, e_4^+\}$
- e_5 : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5^+\}$
- e_3 : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3^+\}$
- e_6 : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6^+\}$
- e_7 : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7^+\}$
- e_8 : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8^+\}$
- e_{10} : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}^+\}$
- e_9 : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}, e_9^+\}$
- У e_9 больше нет возможных вершин, удалим ее.
 $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}\}$
- Вернемся к e_{10} .
- e_{12} : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}, e_{12}^+\}$
- e_{11} : $S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}, e_{12}, e_{11}^+\}$
- У e_{11} больше нет возможных вершин, удалим ее.

$$S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}, e_{12}\}$$

16. Вернемся к e_{12} .

17. У e_{12} больше нет возможных вершин, удалим ее.

$$S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{10}\}$$

18. Вернемся к e_{10} .

19. У e_{10} больше нет возможных вершин, удалим ее.

$$S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8\}$$

20. Вернемся к e_8 .

$$21. e_{11}: S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{11}^+\}$$

$$22. e_{12}: S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{11}, e_{12}^+\}$$

$$23. e_{10}: S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{11}, e_{12}, e_{10}^+\}$$

$$24. e_9: S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{11}, e_{12}, e_{10}, e_9^+\}$$

25. Ребра (e_9, e_1) нет, найдена гамильтонова цепь.

26. Удалим из S вершину e_9 .

$$S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_3, e_6, e_7, e_8, e_{11}, e_{12}, e_{10}\}$$

27. Вернемся к e_{10} .

28. У e_{10} больше нет возможных вершин, удалим ее.

...

Таким образом проходим по вершинам, пока не доходим до гамильтонова пути:

$$S = \{e_1, e_2, e_4, e_5, e_9, e_{10}, e_6, e_3, e_{12}, e_{11}, e_7, e_8\}$$

Перенумеруем вершины согласно полученному гамильтонову циклу (чтобы ребра были внешними)

	e_1	e_2	e_3	e_4	e_5	e_6	e_7	e_8	e_9	e_{10}	e_{11}	e_{12}
e_1	0	1	1	1	0	1	0	0	0	1	1	1
e_2	1	0	1	1	1	1	0	0	1	1	0	0
e_3	1	1	0	1	0	0	1	0	1	1	1	1
e_4	1	1	1	0	1	1	1	1	0	1	0	0
e_5	0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0
e_6	1	1	0	1	1	0	1	1	1	0	1	1
e_7	0	0	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0
e_8	0	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1

e_9	0	1	1	0	0	1	0	1	0	1	0	0
e_{10}	1	1	1	1	0	0	0	1	1	0	1	1
e_{11}	1	0	1	0	0	1	1	0	0	1	0	1
e_{12}	1	0	1	0	0	1	0	1	0	1	1	0

До перенумерации вершин: $e_1, e_2, e_3, e_4, e_5, e_6, e_7, e_8, e_9, e_{10}, e_{11}, e_{12}$

После перенумерации вершин: $e_1, e_2, e_4, e_5, e_9, e_{10}, e_6, e_3, e_{12}, e_{11}, e_7, e_8$

Шаг №2. Построение графа пересечений G'

Определим r_{2-10} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{2-10}

Ребро (e_2e_{10}) пересекается с $(e_1e_3), (e_1e_4), (e_1e_6)$

Определим r_{2-9} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{2-9}

Ребро (e_2e_9) пересекается с $(e_1e_3), (e_1e_4), (e_1e_6)$

Определим r_{2-6} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{2-6}

Ребро (e_2e_6) пересекается с $(e_1e_3), (e_1e_4)$

Определим r_{2-5} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{2-5}

Ребро (e_2e_5) пересекается с $(e_1e_3), (e_1e_4)$

Определим r_{2-4} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{2-4}

Ребро (e_2e_4) пересекается с (e_1e_3)

Определим r_{3-12} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{3-12}

Ребро (e_3e_{12}) пересекается с

$(e_1e_4), (e_1e_6), (e_1e_{10}), (e_1e_{11}), (e_2e_4), (e_2e_5), (e_2e_6), (e_2e_9), (e_2e_{10})$

Определим r_{3-11} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{3-11}

Ребро (e_3e_{11})

пересекается с $(e_1e_4), (e_1e_6), (e_1e_{10}), (e_2e_4), (e_2e_5), (e_2e_6), (e_2e_9), (e_2e_{10})$

Определим r_{3-10} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{3-10} .

Ребро (e_3e_{10}) пересекается с $(e_1e_4), (e_1e_6), (e_2e_4), (e_2e_5), (e_2e_6), (e_2e_9)$

Определим r_{3-9} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{3-9}

Ребро (e_3e_9) пересекается с $(e_1e_4), (e_1e_6), (e_2e_4), (e_2e_5), (e_2e_6)$

Определим r_{3-7} , для чего в матрице R выделим подматрицу R_{3-7}

Ребро (e_3e_7) пересекается с $(e_1e_4), (e_1e_6), (e_2e_4), (e_2e_5), (e_2e_6)$

Найдено 15 пересечений графа.

	p1-3	p2-10	p1-4	p1-6	p2-9	p2-6	p2-5	p2-4	p3-12	p1-10	p1-11	p3-11	p3-10	p3-9	p3-7
p1-3	1	1	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
p2-10	1	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0
p1-4	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	1	1	1	1
p1-6	0	1	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1	1	1	1
p2-9	1	0	1	1	1	0	0	0	1	0	0	1	1	0	0
p2-6	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1
p2-5	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1	1
p2-4	1	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	1	1	1	1
p3-12	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
p1-10	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0	0	0
p1-11	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
p3-11	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0	0
p3-10	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0
p3-9	0	0	1	1	0	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0
p3-7	0	0	1	1	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	1

Шаг №3. Построить семейства ψG

1. Рассмотрим 1 строку матрицы. Найдём первый нулевой элемент.
2. Запишем дизъюнкцию $M_{1-3} = r_1 \vee r_3 =$
 $110011110000000 \vee 011011101001111 = 111011111001111$
3. В строке M_{1-3} находим номера нулевых элементов, $J' = \{4, 10, 11\}$.
4. Запишем дизъюнкцию $M_{1-3-4} = M_{1-3} \vee r_4 =$
 $111011111001111 \vee 010110001001111 = 111111111001111$
5. В строке M_{1-3-4} находим номера нулевых элементов, $J' = \{10, 11\}$.
 Запишем дизъюнкцию $M_{1-3-4-10} = M_{1-3-4} \vee r_{10} =$
 $111111111001111 \vee 000000001101000 = 111111111101111$
6. В строке $M_{1-3-4-10}$ находим номера нулевых элементов, $J' = \{11\}$.
 Запишем дизъюнкцию $M_{1-3-4-10-11} = M_{1-3-4-10} \vee r_{11} =$
 $111111111101111 \vee 000000001010000 = 111111111111111$
7. В строке $M_{1-3-4-10-11}$ все числа равны единице.
8. Построено $\psi_1 = \{u_{13}, u_{14}, u_{16}, u_{10}, u_{11}\}$

Получаем:

$$\psi_9 = \{u_{1\ 6}, u_{2\ 6}, u_{2\ 5}, u_{2\ 4}, u_{1\ 10}, u_{1\ 11}\}$$

Для каждой пары множеств вычислим значение критерия

...

$$\alpha_{1-9} = |\psi_1| + |\psi_9| - |\psi_1 \cap \psi_9| = 8$$

Все результаты отобразим в матрице:

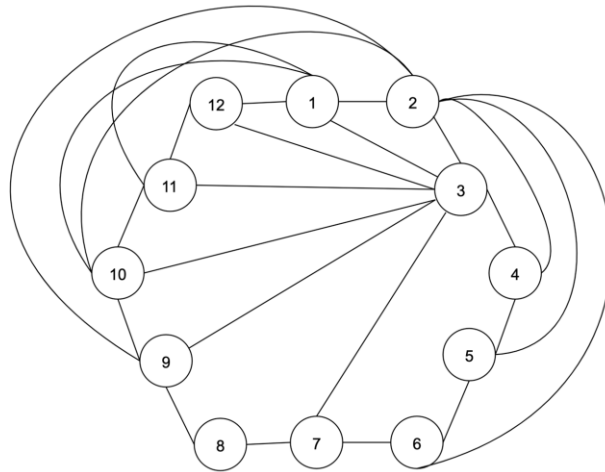
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	0	1 0	8	9	10	9	9	6	8
2		0	8	7	13	10	9	11	1 2
3			0	7	11	8	7	9	1 0
4				0	12	9	8	10	1 1
5					0	9	1 0	9	8
6						0	7	9	1 0
7							0	9	1 0
8								0	7
9									0

$\max \alpha_{i-j} = \alpha_{2-5} = 13$ дает лишь пара множеств

$\psi_2 = \{u_{1\ 3}, u_{3\ 12}, u_{3\ 11}, u_{3\ 10}, u_{3\ 9}, u_{3\ 7}\}$ и

$\psi_5 = \{u_{2\ 10}, u_{2\ 9}, u_{2\ 6}, u_{2\ 5}, u_{2\ 4}, u_{1\ 10}, u_{1\ 11}\}$

В суграфе H , содержащем максимальное число непересекающихся ребер, проведем ребра из ψ_2 внутри, а из ψ_5 снаружи.



Удалим из ψ_G ребра, которые вошли в ψ_2 и ψ_5 . Объединим одинаковые множества ψ_1 и ψ_8, ψ_9 входит в ψ_1

Не реализованными остались два ребра. Проведем их. Итоговый граф:

