

DM-05: 課題 1

dm-05-assign1

1. ある疾病の罹患率は 1000人に1人であることが知られている。この疾病の検査は、罹患している人の95%を正しく「陽性」と判定できる。また罹患していない人の90%を正しく「陰性」と判定できる。検査結果が陽性だったときに、実際に罹患している確率を、ベイズ推定の考え方を用いて求めよ。

ヒント: $P(\text{陽性})$ の計算には全確率の公式を用いる

2. 1回目の検査が陽性だったとき、罹患している人の98%を正しく「陽性」と、また罹患していない人の95%を正しく「陰性」と判定できる再検査を受けた。再検査結果も陽性だったときに、実際に罹患している確率を、ベイズ推定の考え方を用いて求めよ。

ヒント: 1. の事後確率を、2. の事前確率とする。

dm-05-assign1 解答例

dm-05-assign1-ans.ipynb

1.

- 事前確率 $P(\text{罹患}) = 1 / 1000 = 0.001$
- 尤度 $P(\text{陽性}|\text{罹患}) = 0.95$
- $P(\text{陽性}) = P(\text{陽性}|\text{罹患}) \times P(\text{罹患}) + P(\text{陽性}|\text{非罹患}) \times P(\text{非罹患})$

全確率の公式 $= 0.95 \times 0.001 + (1-0.90) \times (1-0.001) = 0.100\dots$

- 事後確率 $P(\text{罹患}|\text{陽性})$
 $= P(\text{陽性}|\text{罹患}) \times P(\text{罹患}) / P(\text{陽性})$
 $= 0.95 \times 0.001 / 0.100\dots$
 $= 0.00941\dots (= 0.941\dots\%)$

dm-05-assign1 解答例

2.

- 事前確率 $P(\text{罹患}) = 0.00941\dots$
- 尤度 $P(\text{陽性}|\text{罹患}) = 0.98$
- $P(\text{陽性}) = P(\text{陽性}|\text{罹患}) \times P(\text{罹患}) + P(\text{陽性}|\text{非罹患}) \times P(\text{非罹患})$

全確率の公式 $= 0.98 \times 0.00941\dots + (1-0.95) \times (1-0.00941\dots) = 0.05876\dots$

- 事後確率 $P(\text{罹患}|\text{陽性})$
 $= P(\text{陽性}|\text{罹患}) \times P(\text{罹患}) / P(\text{陽性})$
 $= 0.98 \times 0.00941\dots / 0.05876\dots$
 $= 0.1571\dots (= 15.71\dots\%)$

DM-05: 課題 2

dm-05-assign2

Mr. O、Ms. H、Mr. Tの3氏の、最近2週間のつぶやきを、解析対象を10語に絞って調べたところ、以下の出現があった。

O氏(つぶやき数10): USA great Democrats care mother

H氏(つぶやき数15): mother love Democrats care mother USA

T氏(つぶやき数25): Russia fake USA Mexico great Mexico haters

「USA Democrats mother」を含む新たなつぶやきが発信された。上のデータと単純ベイズ分類器の考え方をもとに、この新たなつぶやきが、3氏のうちの誰のものと考えられるか予測せよ。なお、各氏の最近2週間のつぶやき数を、事前確率とすること。また、全度数の初期値を1とするLaplace smoothingを用いよ。

dm-05-assign2

提出するもの

1. 3氏それぞれの事前確率
2. 3氏それぞれの尤度
3. 3氏それぞれの事後確率 ($P(\text{単語群})=1$ とみなす)
4. 3.を $\text{post}['O']$, $\text{post}['H']$, $\text{post}['T']$, この3つの和を $\text{post}['\text{tot}']$ としたとき、 $\text{post}['O'] / \text{post}['\text{tot}]$, $\text{post}['H'] / \text{post}['\text{tot}]$, $\text{post}['T'] / \text{post}['\text{tot}]$ の値
5. 予測結果 (3氏のうち誰のものと予測するか)

dm-05-assign2 解答例

dm-05-assign2-ans.ipynb

1. 事前確率

$$\blacksquare P(O) = 10 / (10+15+25) = 1 / 5 = 0.2$$

$$\blacksquare P(H) = 15 / (10+15+25) = 3 / 10 = 0.3$$

$$\blacksquare P(T) = 25 / (10+15+25) = 1 / 2 = 0.5$$

2. 尤度

$$\blacksquare P(\text{USA}|O) \times P(\text{Democrats}|O) \times P(\text{mother}|O) = 2/15 \times 2/15 \times 2/15$$

$$\blacksquare P(\text{USA}|H) \times P(\text{Democrats}|H) \times P(\text{mother}|H) = 2/16 \times 2/16 \times 3/16$$

$$\blacksquare P(\text{USA}|T) \times P(\text{Democrats}|T) \times P(\text{mother}|T) = 2/17 \times 1/17 \times 1/17$$

dm-05-assign2 解答例

dm-05-assign2-ans.ipynb

3. 事後確率 = 尤度 x 事前確率

$$\blacksquare P(O|\text{単語群}) = 2/15 \times 2/15 \times 2/15 \times 0.2 = 8 / 16875 = 0.0004744\cdots$$

$$\blacksquare P(H|\text{単語群}) = 2/16 \times 2/16 \times 3/16 \times 0.3 = 9 / 10240 = 0.0008789\cdots$$

$$\blacksquare P(T|\text{単語群}) = 2/17 \times 1/17 \times 1/17 \times 0.5 = 1 / 4913 = 0.0002035\cdots$$

4. 割合

$$\blacksquare P(O|\text{単語群}) / (P(O|\text{単語群}) + P(H|\text{単語群}) + P(T|\text{単語群})) = 0.3045\cdots$$

$$\blacksquare P(H|\text{単語群}) / (P(O|\text{単語群}) + P(H|\text{単語群}) + P(T|\text{単語群})) = 0.5646\cdots$$

$$\blacksquare P(T|\text{単語群}) / (P(O|\text{単語群}) + P(H|\text{単語群}) + P(T|\text{単語群})) = 0.1307\cdots$$

5. 最大の事後確率に対応するのは Ms. H