Semântica Operacional Big-Step

prof. André Rauber Du Bois

Universidade Federal de Pelotas http://minerva.ufpel.edu.br/~dubois/ dubois@ufpel.edu.br

1 Semântica Operacional Big-Step da Linguagem IMP

1.1 Sintaxe

$$\begin{array}{lll} n \in \mathbf{Int} & \text{números inteiros} \\ x \in \mathbf{Var} & \text{variáveis} \\ b \in \{ \text{true,false} \} & \text{valores booleanos} \\ \hline E \in \mathbf{ExpArit} & \text{expressões aritméticas} \\ E ::= n & \text{número inteiro} \\ & | x & \text{váriavel} \\ & | E + E & \text{soma} \\ & | E - E & \text{subtração} \\ & | E \times E & \text{multiplicação} \\ \hline B \in \mathbf{ExpBool} & \text{expressões booleanas} \\ B ::= b & \text{valor booleano} \\ & | E == E & \text{equivalência} \\ & | E \leq E & \text{menor ou igual} \\ & | \neg B & \text{negação} \\ & | B \wedge B & \text{e} \\ & | B \vee B & \text{ou} \\ \hline \hline C \in \mathbf{Comandos} & \text{comandos} \\ C ::= \mathbf{skip} & \text{skip} \\ & | x := E & \text{atribuição} \\ & | C \in \mathbf{C} & \text{sequência de comandos} \\ & | \mathbf{if} \ B \ \mathbf{then} \ C \ \mathbf{else} \ C \ \mathbf{if} \\ & | \ \mathbf{while} \ B \ \mathbf{do} \ C & \mathbf{while} \\ \hline \end{array}$$

1.2 Semântica de Expressões Aritméticas

(NUM)
$$\frac{\langle n,\sigma\rangle \Downarrow \langle n,\sigma\rangle}{\langle x,\sigma\rangle \Downarrow \langle \sigma(x),\sigma\rangle}$$
 (VAR)

(SOMA)
$$\frac{\langle E1, \sigma \rangle \Downarrow \langle n1, \sigma \rangle \quad \langle E2, \sigma \rangle \Downarrow \langle n2, \sigma \rangle}{\langle E1 + E2, \sigma \rangle \Downarrow \langle \operatorname{sum}(n1, n2), \sigma \rangle}$$

Obs1: nesta regra o + é o simbolo sintático da linguagem que representa a soma e sum() é uma operação que executa a soma de dois inteiros. Se vemos a semântica como uma descrição matemática do comportamento dos programas, essa operação pode ser implementada como a soma matemática de dois inteiros. Se vemos a semântica como um interpretador, a operação sum() pode ser vista como uma função implementada na arquitetura alvo.

1.3 Semântica de Expressões Booleanas

 $\overline{\langle \mathsf{true}, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{true}, \sigma \rangle}$

(FALSE) $\overline{\langle \mathsf{false}, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{false}, \sigma \rangle}$

(NOT1) $\frac{\langle B, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{true}, \sigma \rangle}{\langle \neg B, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{false}, \sigma \rangle}$

(NOT2) $\frac{\langle B, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{false}, \sigma \rangle}{\langle \neg B, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{true}, \sigma \rangle}$

(E1) $\frac{\langle B1, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{true}, \sigma \rangle \quad \langle B2, \sigma \rangle \Downarrow \langle b2, \sigma \rangle}{\langle B1 \land B2, \sigma \rangle \Downarrow \langle b2, \sigma \rangle}$

(E2) $\frac{\langle B1, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{false}, \sigma \rangle}{\langle B1 \wedge B2, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{false}, \sigma \rangle}$

(OU1) $\frac{\langle B1,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{true},\sigma\rangle}{\langle B1 \vee B2,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{true},\sigma\rangle}$

 $\frac{\langle B1, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{false}, \sigma \rangle \quad \langle B2, \sigma \rangle \Downarrow \langle b2, \sigma \rangle}{\langle B1 \vee B2, \sigma \rangle \Downarrow \langle b2, \sigma \rangle}$

(EQ) $\frac{\langle E1, \sigma \rangle \Downarrow \langle n1, \sigma \rangle \quad \langle E2, \sigma \rangle \Downarrow \langle n2, \sigma \rangle}{\langle E1 == E2, \sigma \rangle \Downarrow \langle \text{equal}(n1, n2), \sigma \rangle}$

(MENORIGUAL) $\frac{\langle E1, \sigma \rangle \Downarrow \langle n1, \sigma \rangle \quad \langle E2, \sigma \rangle \Downarrow \langle n2, \sigma \rangle}{\langle E1 \leq E2, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{leq}(n1, n2), \sigma \rangle}$

1.4 Semântica de Comandos

$$\overline{\langle \mathsf{skip}, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip}, \sigma \rangle}$$

(ATRIB)

$$\frac{\langle E, \sigma \rangle \Downarrow \langle n, \sigma \rangle}{\langle x := E, \sigma \rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip}, \sigma[x \mapsto n] \rangle}$$

(SEQ)

$$\frac{\langle C1,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle \quad \langle C2,\sigma'\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma''\rangle}{\langle C1;C2,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma''\rangle}$$

(IF1)

$$\frac{\langle B,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{true},\sigma\rangle \quad \langle C1,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle}{\langle \mathsf{if}\ B\ \mathsf{then}\ C1\ \mathsf{else}\ C2,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle}$$

(IF2)

$$\frac{\langle B,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{false},\sigma\rangle \quad \langle C2,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle}{\langle \mathsf{if}\ B\ \mathsf{then}\ C1\ \mathsf{else}\ C2,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle}$$

(WHILE1)

$$\frac{\langle B,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{true},\sigma\rangle \quad \langle C; \mathsf{while} \ B \ \mathsf{do} \ C,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle}{\langle \mathsf{while} \ B \ \mathsf{do} \ C,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma'\rangle}$$

(WHILE2)

$$\frac{\langle B,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{false},\sigma\rangle}{\langle \mathsf{while}\; B\; \mathsf{do}\; C,\sigma\rangle \Downarrow \langle \mathsf{skip},\sigma\rangle}$$