



Avaliação A1

12/04/2024, 13h30m

Estudante: _____

Instruções

- i A prova pode ser feita a lápis, porém o professor se dará ao direito de não aceitar reclamações relativas à correção.
- ii Coloque o seu nome nas folhas de respostas.
- iii A duração da prova é de 2 horas.
- iv Manter celulares desligados!

1. Calcule a complexidade dos algoritmos abaixo e argumente sua resposta, justificando o seu cálculo:

(a) (1.0 ponto)

```
int binary_search(int arr[], int n, int target) {  
    int low = 0, high = n - 1;  
    while (low <= high) {  
        int mid = low + (high - low) / 2;  
        if (arr[mid] == target) {  
            return mid;  
        } else if (arr[mid] < target) {  
            low = mid + 1;  
        } else {  
            high = mid - 1;  
        }  
    }  
    return -1;  
}
```

(b) (1.0 ponto)

```
int **matrix_multiply(int **A, int **B, int n) {  
    int **C = (int **)malloc(n * sizeof(int *));  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        C[i] = (int *)malloc(n * sizeof(int));  
    }  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        for (int j = 0; j < n; j++) {  
            C[i][j] = 0;  
        }  
    }  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        for (int j = 0; j < n; j++) {  
            for (int k = 0; k < n; k++) {  
                C[i][j] += A[i][k] * B[k][j];  
            }  
        }  
    }  
    return C;  
}
```

2. (1.0 ponto) Assinale VERDADEIRO (V) ou FALSO (F) para as afirmativas abaixo:

- a. () O algoritmo *MergeSort* divide o vetor a ser ordenado recursivamente em duas partes e intercala esses dois segmentos.
- b. () O algoritmo *BubbleSort* compara pares de elementos adjacentes; se o elemento da esquerda é maior do que o da direita, troca-os de posição.
- c. () O algoritmo *CountingSort* ordena o vetor através da contagem de ocorrências de cada valor.
- d. () O Algoritmo *HeapSort* utiliza uma estrutura de árvore para realizar a ordenação.
- e. () O algoritmo *InsertionSort* percorre o vetor da esquerda para a direita, inserindo cada elemento em sua posição correta na parte ordenada.
- f. () O algoritmo *QuickSort* utiliza um elemento pivô para dividir o vetor a ser ordenado.

3. (1.0 ponto) Associe a coluna da esquerda que contém critérios de avaliação relativos aos tipo de busca com a sua definição correspondente na coluna da direita e assinale abaixo a resposta que define a ordem correta de associação:

1. <i>SelectionSort</i>	() Divide o vetor a ser ordenado recursivamente em duas partes e intercala esses dois segmentos.
2. <i>BubbleSort</i>	() Compara pares de elementos adjacentes; se o elemento da esquerda é maior do que o da direita, troca-os de posição.
3. <i>InsertionSort</i>	() Ordena o vetor através da contagem de ocorrências de cada valor.
4. <i>QuickSort</i>	() Utiliza uma estrutura de árvore para realizar a ordenação.
5. <i>MergeSort</i>	() Percorre o vetor da esquerda para a direita, inserindo cada elemento em sua posição correta na parte ordenada.
6. <i>HeapSort</i>	() Utiliza um elemento pivô para dividir o vetor a ser ordenado.
7. <i>RadixSort</i>	() Consiste em selecionar o menor valor e trocá-lo com o elemento que está na primeira posição.
8. <i>CountingSort</i>	() Realiza a ordenação através dos dígitos de cada número iniciando do menos significativo para o mais significativo.

- a. 5, 2, 8, 6, 3, 4, 1, 7.
- b. 5, 2, 8, 6, 4, 3, 1, 7.
- c. 5, 2, 7, 6, 3, 4, 1, 8.
- d. 4, 1, 7, 6, 3, 5, 2, 8.
- e. Nenhuma das anteriores.

4. Imagine que você está desenvolvendo um sistema embarcado com recursos limitados de hardware para um dispositivo IoT, que coleta e processa dados em tempo real. Este sistema possui apenas 128MB de RAM e um processador de baixa potência, limitando significativamente a capacidade de computação e memória disponível. Os dados coletados são armazenados em uma estrutura que mantém os itens parcialmente ordenados, e frequentemente recebe pequenas quantidades de novos dados que precisam ser integrados de forma ordenada na estrutura existente. O volume de novos dados a serem ordenados a cada atualização é pequeno, raramente excedendo 100 itens. Considerando as limitações do sistema e a necessidade de eficiência na ordenação de pequenas quantidades de dados novos ou ligeiramente desordenados:

- (a) (1.0 ponto) Descreva qual algoritmo de ordenação seria escolhido na situação apresentada e argumente a sua escolha, justificando a sua resposta.
- (b) (1.0 ponto) Apresente os passos de ordenação do algoritmo escolhido utilizando o vetor

$$v = \{1, 2, 2, 8, 3, 10, 5, 9\}$$

5. Um servidor destinado a operações de processamento de dados em grande volume necessita ordenar um vetor de 600 itens, onde cada item ocupa 0,5MB, totalizando 300MB de dados a serem ordenados. A configuração do servidor inclui um processador quadcore de 2.5GHz e 8GB de RAM, dos quais apenas 1GB estão disponíveis para a operação de ordenação, devido a outros processos em execução. Além disso, estima-se que cada operação de ordenação leve aproximadamente 1 milissegundo por item. Para atender às demandas de desempenho de um sistema de análise de dados em tempo real, o vetor precisa ser ordenado e disponibilizado para consulta em menos de 3 segundos.

- (a) (1.0 ponto) Descreva qual algoritmo de ordenação seria escolhido na situação apresentada e argumente a sua escolha, justificando a sua resposta.
- (b) (1.0 ponto) Apresente os passos de ordenação do algoritmo escolhido utilizando o vetor

$$v = \{5, 14, 9, 1, 29, 17, 6, 12\}$$

6. Considere um ambiente de processamento de dados de alta performance que frequentemente lida com a ordenação de grandes conjuntos de dados. A configuração do sistema inclui um servidor com 32GB de RAM, um processador octa-core de 3.2GHz e discos SSD para armazenamento rápido. Este sistema é utilizado para processar grandes volumes de dados numéricos, que variam de milhões a bilhões de registros, cada um contendo uma chave numérica única utilizada para a ordenação. Um dos requisitos críticos é a capacidade de ordenar estes grandes volumes de dados de forma eficiente, maximizando o uso da capacidade de processamento paralelo do servidor e minimizando o tempo total de processamento. A memória disponível é suficiente para manter os conjuntos de dados a serem ordenados, mas o objetivo é otimizar o throughput de ordenação para suportar análises de dados em tempo real.

- (a) (1.0 ponto) Qual seria o algoritmo mais adequado para cumprir as restrições da situação descrita acima? Justifique sua escolha, levando em consideração as características de cada algoritmo.
- (b) (1.0 ponto) Apresente os passos de ordenação do algoritmo escolhido utilizando o vetor

$$v = \{38, 28, 31, 22, 33, 6, 10, 19, 12, 47\}$$