

# Revisão P1 Pesquisa e Ordenação de Dados

## Giancarlo

Erickson G. Müller

September 25, 2024

### **1 Conteúdos**

1. Complexidade de Algoritmos
2. Bubble Sort
3. Selection Sort
4. Insertion Sort
5. Merge Sort
6. Quick Sort
7. Heap Sort

## 2 Métodos de Ordenação

### 2.1 Ordenação Estável

Preserva a ordem relativa dos elementos que possuem o mesmo valor para a chave de ordenação. Composto por mais de uma chave.

### 2.2 Ordenação Não Estável

### 2.3 In place/In situ

Os valores são permutados dentro da própria estrutura do vetor, não havendo necessidade de duplicar a memória.

### 2.4 Ordenação Interna

O arquivo a ser ordenado cabe dentro da memória principal (RAM), qualquer registro pode ser acessado imediatamente.

### 2.5 Ordenação Externa

O arquivo a ser ordenado não cabe na memória principal(RAM), os registros são acessados sequencialmente ou em grandes blocos.

## 3 Bubble Sort

Compara pares de elementos adjacentes, dois de cada vez, colocando os dois em ordem. Se o elemento da esquerda é maior que o da direita, troca-os de posição. São realizadas até  $n - 1$  iterações, em que cada uma delas:

1. Percorre a lista a partir do início
2. Compara cada elemento com o seu sucessor
3. Troca os elementos caso o sucessor seja menor que o elemento comparado

O objetivo de cada iteração é levar o maior elemento para o final do vetor. Portanto, a parte ordenada fica à direita.

Complexidade:  $O(n^2)$

Memória: *in place*(constante)

Estável.

Número de comparações:  $\frac{n^2 - n}{2}$

## 4 Selection Sort

Consiste em identificar o menor valor e trocar com o elemento de menor índice, e assim sucessivamente até que reste apenas o elemento de último índice. Durante o processo, dividir a lista em parte ordenada (à esquerda) e parte não ordenada (à direita).

São realizadas  $n - 1$  iterações, em que cada uma delas:

1. Seleciona o menor elemento da parte não ordenada.
2. Troca-o com o elemento de menor posição da parte não ordenada.
3. Incorpora esse elemento na parte ordenada.

Complexidade:  $O(n^2)$  em **todos** os casos.

Memória: *in place*(constante).

Não é estável.

Recomendado para registros muito grandes, onde o custo da movimentação supera o custo das comparações (nessa ordenação, são feitas no máximo  $n$  trocas).

## 5 Insertion Sort

Divide-se o vetor em parte ordenada (à esquerda) e parte não ordenada (à direita). A parte não ordenada funciona como uma fila para entrar na parte ordenada, o primeiro elemento da parte ordenada é removido e posicionado no local certo da parte ordenada, movendo todos os elementos que forem maiores que ele uma casa para a direita.

São realizadas até  $n - 1$  iterações, em que cada uma delas:

1. Pega o primeiro elemento da parte não ordenada.
2. Verifica qual seria sua posição de inserção na parte ordenada.
3. Desloca os elementos maiores para a direita até encontrar a posição.
4. P é inserido à esquerda do último elemento movido.

Complexidade:  $O(n^2)$  quando a lista for inversamente ordenada, pois cada iteração requer que todos os elementos sejam deslocados.

Memória: *in place*.

Estável.

Número de comparações:  $\frac{n^2 - n}{2}$  (pior caso) ou  $n - 1$  (melhor caso).

Eficiente para listas quase ordenadas, ou quando for necessário inserir um elemento numa lista já ordenada.

Com a complexidade  $O(n^2)$ , o algoritmo é muito mais lento que o selection sort, pois executa o mesmo número de comparações, mas com mais trocas. Com a complexidade  $O(n)$ , o algoritmo é muito mais rápido que o selection sort.

## 6 Merge Sort

Dividir em elementos ordenados e depois intercalar na ordem correta

## 7 Quick Sort

Não precisa de memória extra(in-place).

Em tese  $n \log n$

Pior caso =  $n^2$ (Quando já está ordenado).

Algoritmo de **Ordenação Instável**

Divisão e conquista.

$i$  = posição que estou fazendo a comparação

$k$  = se  $i > pivo \rightarrow k$  fica parado e  $i$  vai para o próximo elemento

se  $pivo > i \rightarrow$  elemento  $k$  troca com  $i$ ,  $k$  e  $i$  vão para o próximo elemento

Quando  $i$  chega na posição do pivô  $\rightarrow$  trocar o  $k$  pelo pivô

### 7.1 Regras

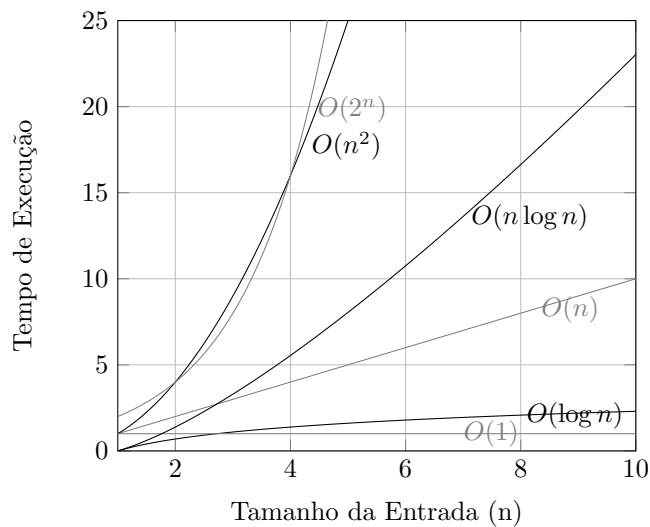
Se o Elemento for maior que o pivô :  $i$  anda,  $k$  fica parado

Se o Elemento for menor que o pivô:  $i$  anda,  $k$  anda

Se o Elemento for menor que a posição do  $k$ : troca elemento com o  $k$ ,  $k$  anda

Passos:

1. Escolher o pivô (tradicionalmente o último elemento);
2. Particionamento (posicionar em relação ao pivô)



## 8 Counting Sort

Só serve para ordenação de inteiros positivos, Complexidade  $N$ . Ruim para economizar memória (questão do  $\text{Count} = K+1$ ). Ver `counting.md`

## 9 Radix Sort

O counting do radix é de apenas 10 posições. Conta-se os dígitos do numeral.