

Revisão P2  
Divane Marcon

Erickson G. Müller

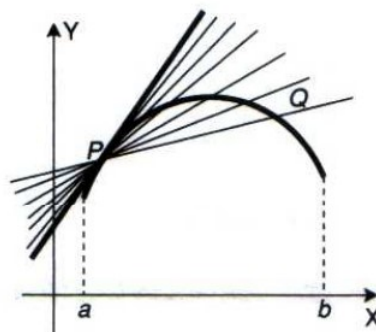
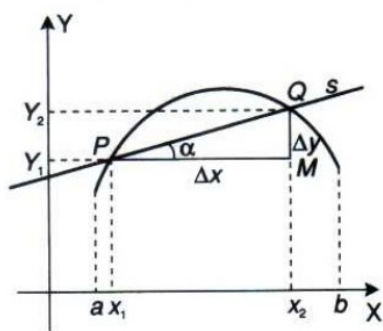
25 de Junho de 2024

## **1 Conteúdos**

1. Derivadas
2. Velocidade e Aceleração
3. Integrais Definidas e Indefinidas
4. Teorema Fundamental do Cálculo
5. Cálculo de Áreas

## 2 Derivadas

A derivada é o coeficiente angular da reta tangente à curva  $f(x)$  num determinado ponto.



A curva tangente no ponto P é calculada à medida que o ponto Q se aproxima do ponto P correndo sobre a curva.

$$\lim_{Q \rightarrow P} f(x) = P'x + b$$

Exemplo:

Encontre a inclinação da reta tangente à curva  $y = x^2 - 2x + 1$  no ponto  $(x_1, y_1)$ .

Se  $f(x) = x^2 - 2x + 1$ , então  $f(x) = x_1^2 - 2x_1 + 1$ ;

$$\begin{aligned} f(x_1 + \Delta x) &= (x_1 + \Delta x)^2 - 2(x_1 + \Delta x) + 1 \\ &= x_1^2 + 2x_1 \cdot \Delta x + \Delta x^2 - 2x_1 - 2\Delta x + 1 \end{aligned}$$

Usando limites...

$$\begin{aligned} m(x_1) &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_1 + \Delta x) - f(x_1)}{\Delta x} \\ &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{x_1^2 + 2x_1 \cdot \Delta x + \Delta x^2 - 2x_1 - 2\Delta x + 1 - (x_1^2 - 2x_1 + 1)}{\Delta x} \\ &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{2x_1 \cdot \Delta x + \Delta x^2 - 2\Delta x}{\Delta x} \\ &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta x \cdot (2x_1 + \Delta x - 2)}{\Delta x} = 2x_1 - 2 \end{aligned}$$

Por meio dessa derivação, provamos a propriedade de que  $f'(x) = n \cdot x^{n-1}$ .

Para entender melhor, irei desenhar um gráfico com as curvas  $x^2 - 2x + 1$  e  $(2x - 2).x + b$ , para  $x = 3$ :

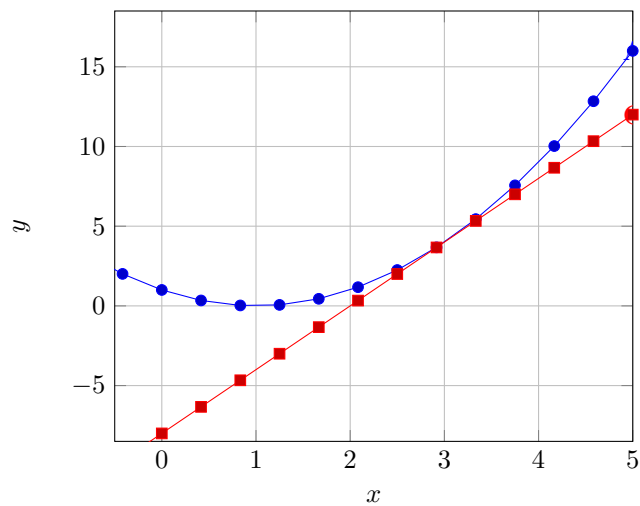
Ou seja, o  $2x + b$  passa a ser o  $a$  da nova reta a ser descoberta, deste modo, se quisermos que a reta passe no ponto  $(3, 4)$ , aplicaremos na fórmula da reta  $y = ax + b$ .

$$4 = (2.3 - 2).3 + b$$

$$a = 4$$

$$b = -8$$

$$f'(x) = 4x - 8$$



## 2.1 Propriedades

## 2.2 Derivada de uma Função num Ponto

A derivada da função  $f(x)$  no ponto  $x_1$ , denotada por  $f'(x_1)$ , é definida pelo limite:

$$f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_1 + \Delta x) - f(x_1)}{\Delta x}$$

ou

$$f'(x) = \lim_{x_f \rightarrow x_0} \frac{f(x_f) - f(x_0)}{x_f - x_0}$$

## 2.3 Velocidade e Aceleração

Existem dois tipos de cálculo para encontrar uma velocidade ou aceleração, a velocidade ou aceleração instantâneas e a velocidade e aceleração intervalares. A intervalar é calculada fazendo a média da diferença entre as distâncias ou as velocidades em um determinado intervalo de tempo  $(\frac{s(t+\Delta t) - s(t)}{\Delta t})$ . Para

calcularmos a velocidade em determinado momento, precisamos aplicar o limite das velocidades médias quando  $\Delta t$  se aproxima de 0.

$$v(\Delta t) = \frac{s(t + \Delta t) - s(t)}{\Delta t}$$
$$v(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{s(t + \Delta t) - s(t)}{\Delta t} = s'(t)$$

Para calcular a aceleração, em vez da velocidade, apenas se substituem na fórmula as variáveis distância(s) pelas variáveis velocidade(v). Assim como a velocidade é calculada pela variação de distância, a aceleração é calculada pela variação de velocidade.

## **2.4 Regra da Cadeia**

## **2.5 Derivada das Funções Elementares**

## **2.6 Derivada das Funções Trigonométricas**

# **3 Integrais**

## **3.1 Integrais Definidas**

## **3.2 Integrais Indefinidas**

## **3.3 Teorema Fundamental do Cálculo**

# **4 Cálculo de Áreas**