

1) Sean A, B y X matrices 3x3 tal que $AX - 3I = (AB^t + -2BA^t)^t$. Si $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ y

$$B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}. \text{ Calcule X. R/ } X = \begin{pmatrix} 2 & -4 & -2 \\ -3 & 2 & -5 \\ -3 & -2 & -4 \end{pmatrix}$$

2) Si $h \neq 0$, determine la matriz inversa de A, con:

$$A = 2 \begin{pmatrix} 1 & 0 & -h \\ 0 & -h & 0 \\ 0 & 0 & h \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -h & 0 & h \\ 0 & -h & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}^{-1} \text{ R/ } A^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{-h}{2} & 0 & \frac{3h^2}{2} \\ 0 & \frac{h^2}{4} & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 & -h \end{pmatrix}$$

3) Sea A una matriz no nula 3x3 tal que $A^2 = 0$. Encuentre la matriz X que satisfaga la ecuación: $(X - A)(A + I) = I$ R/ $X = I$

4) Si $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ cumplen con la ecuación:

$$(AB - I)(AB + I) - AX = AXB - I \text{ R/ } X = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

5) Si $a \neq 0$, calcule la inversa de $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a & 1 & 0 \\ 0 & a & 1 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix}^{-1}$.

$$R/ A^{-1} = \begin{pmatrix} 3a+1 & -a+1 & -a-2 \\ a-1 & a & -2a+1 \\ -a & 0 & a \end{pmatrix}$$

6) Considere la ecuación matricial $3X^t - B^t = (C + X^t)A$, donde $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$,

$$B = \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix} \text{ y } C = \begin{pmatrix} 0 & -2 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}.$$

a) Calcule la inversa de $3I_2 - A$. R/ $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.

b) Despeje X de la ecuación, utilizando las propiedades de las matrices y calcule su valor. $X = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$