



Solución Tarea 1

II Ciclo 2020

1. [15 Puntos] Realizar una revisión bibliográfica que este concentrada en los principales aportes matemáticos de: Georg Cantor, George Boole y Godfrey Harold Hardy. Citar y adjuntar referencias bibliográficas consultadas.

2. **[15 Puntos]**

Del libro que se encuentra en mediación virtual titulado: Matemáticas discretas con aplicaciones de Susanna S. Epp,

- 1. Leer de la sección 6, las páginas de 336 a la 349.
- 2. Realizar de la sección 6.1 los ejercicios: 4, 11(g,i), 15, 19, 21, 27(a,b,d)
- 4) Sea $A = \{n \in \mathbb{Z}, n = 5r \text{ para algún entero}\}\ B = \{m \in \mathbb{Z}, m = 20s \text{ para algún entero}\}\$

Le daremos valores tanto r en A y s en B para poder formar por extensión, cuales son los números que están en los conjuntos.

$$A = \{-15, -10, -5, 0, 5, 10, 15\}$$

$$B = \{-60, -40, -20, 0, 20, 40, 60\}$$

Según podemos analizar, en algún momento, elementos de B estarán dentro del conjunto de A pero no de forma contraria. Por ejemplo: El número 20 se encuentra tanto en el conjunto B y en el A, pero el numero 15 que es un elemento del conjunto de A, no pertenece al conjunto de B. Entonces: los elementos de B son múltiplos de los de A, es decir $B \subseteq A$ y $A \not\subseteq B$

- a) $_{\partial}Es\ A\subseteq B$?

 No, debido a que no se encuentran todos los elementos de A en B.
- b) $\dot{g}Es\ B\subseteq A$? Sí, debido a que si se encuentran todos los elementos de B en A.

11) Sea el conjunto universo, el conjunto \mathbb{R} de todos los números reales y sea $A = \{x \in \mathbb{R} | 0 < x \le 2\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} | 1 \le x < 4\}$ y $C = \{x \in \mathbb{R} | 3 \le x < 9\}$. Determine cada uno de los siguientes enunciados:

$$A = \{1,2\}, B = \{1,2,3\}, C = \{3,4,5,6,7,8\} \ y \ U = \mathbb{R}$$

 $g) A^c \cap B^c$

$$\mathbb{R} - (1,2) \cap \mathbb{R} - (1,2,3)$$

$$R/\{x \in \mathbb{R} | x \leqslant 0 \circ x \ge 4\}$$

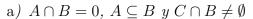
 $i) \ (A \cup B)^c$

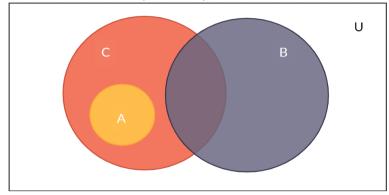
$$\{1,2\} \cup \{1,2,3\}$$

$$\mathbb{R}-(1,2)$$

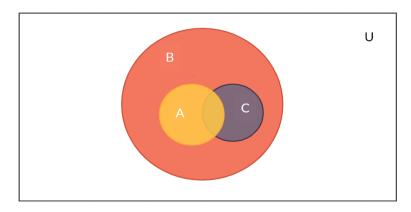
$$R/\{x \in \mathbb{R} | x < 1 \circ x \leqslant 4\}$$

15) Dibuje los diagramas de Venn para describir los conjuntos A, B y C que satisfacen las condiciones dadas.

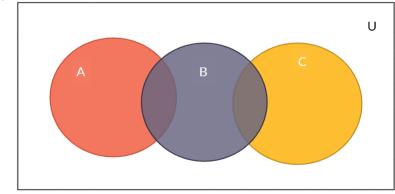




b)
$$A \subseteq B$$
, $C \subseteq B$ $y A \cap C \neq \emptyset$



c) $A \cap B \neq \emptyset$, $B \cap C \neq \emptyset$, $A \cap C = \emptyset$, $A \nsubseteq B \ y \ C \nsubseteq B$



19) Sea $A_i = \{i, i^2\}$ para todo entero i = 1, 2, 3, 4.

$$A_1 = \{1, 1^2\} = \{1\}, A_2 = \{2, 2^2\} = \{2, 4\}, A_3 = \{3, 3^2\} = \{3, 9\} \ y \ A_4 = \{4, 4^2\} = \{4, 16\}$$

a) $A_1 \cup A_2 \cup A_3 \cup A_4 =$

$$\{1\} \cup \{2,4\} \cup \{3,9\} \cup \{4,16\} =$$

 $\{1, 2, 3, 4, 9, 16\}$

b) $A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap A_4 =$

$$\{1\}\cap\{2,4\}\cap\{3,9\}\cap\{4,16\}=\emptyset$$

- c) A_1, A_2, A_3, A_4 no son mutuamente disjuntos porque, $A_2 \cap A_4 = \{4\} = \emptyset$
- 21) Sea $C_i = \{i, -i\}$ para todo entero no negativo i.

$$C_0 = \{0, -0\} = \{0\}, C_1 = \{1, -1\}, C_2 = \{2, -2\}, C_3 = \{3, -3\} \ y C_4 = \{4, -4\}$$

a) $\sum_{i=0}^4 C_i$

$$\{0\} \cup \{2,-2\} \cup \{3,-3\} \cup \{4,-4\} =$$

$$\{-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4\}$$

b) $\sum_{i=0}^{4} C_i$

$$\{0\} \cup \{2, -2\} \cup \{3, -3\} \cup \{4, -4\} = \emptyset$$

- c) C_0, C_1, C_2, C_3 ... son mutuamente disjuntos debido a que no tiene elementos en común.
- d) $\sum_{i=0}^{n} C_i = -n, -(n-1), \dots -2, -1, 0, 1, 2 \dots (n-1), n$
- e) $\sum_{i=0}^{4} C_i = \emptyset$
- f) $\sum_{i=0}^{\infty} C_i = \mathbb{Z}$
- g) $\sum_{i=0}^{\infty} C_i = \emptyset$
- 27) a) ¿Es $\{\{a,d,e\},\{b,c\},\{d,f\}\}$ una partición de $\{a,b,c,d,e\}$?

 No, debido a que los subconjuntos no son disjuntos. Se repite el elemento "d. en dos subconjuntos.
 - b) ¿Es $\{\{w,x,v\}, \{u, y, q\}, \{p, z\}\}\}$ una partición de $\{p, q, u, v, w, x, y, z\}$? Sí, debido a que se encuentra todos los elementos de A, en los subconjuntos.
 - c) {{3, 7, 8}, {2, 9}, {1, 4, 5}} una partición de {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}? No, debido a que el elemento "6", no se encuentra en los subconjuntos.

[15 Puntos] Realice las siguientes rutinas en Mathematica

1. No_Debo_Copiar_Tareas[A_,B_]

La cual debe recibir 2 conjuntos A y B y regresar la intersección de ellos.

Algoritmo .1: Intersección entre conjuntos

```
Data: A \ y \ B \ conjuntos
Result: A \cap B

1 Intersección=\emptyset;
2 for \ i=1,2,...,largo[A] do

3 for \ j=1,2,...,largo[B] do

4 for \ if \ A[i]=B[j] then

5 for \ Intersección=A\~nade[Intersección,B[j]];
6 for \ if \ Fin \ Ciclo;
8 for \ Fin \ Ciclo;
9 for \ Return[Intersección];
10 for \ Programa;
```

2. Diosito_Todo_lo_Ve[A_,B_]

La cual debe recibir 2 conjuntos A y B y regresar la diferencia simétrica de ellos. Para esta rutina hicimos uso de la propiedad:

$$A\triangle B = (A \cup B) - (A \cap B)$$

Previamente ya se han programado en el curso la intersección, la unión y la diferencia de conjuntos. Con ello tenemos:

3. Quedate_en_Casa[A_,B_]

La cual debe recibir 2 conjuntos A y B y regresar el producto cartesiano de ellos.

Algoritmo .2: Producto cartesiano entre conjuntos

```
Data: A y B conjuntos
   Result: A \times B
 1 Aux=\emptyset;
 2 Cartesiano=\emptyset;
 3 for i = 1, 2, ..., largo[A] do
       Aux = Agregar[Aux, A[i]];
       for j = 1, 2, ..., largo[B] do
 5
           Aux=AgregarFinal[Aux,B[j]];
 6
           Cartesiano=Agregar[Cartesiano,Aux];
 7
           Aux=Eliminar[Aux,2];
 8
 9
           Fin Ciclo;
       Aux=\emptyset:
10
       Fin Ciclo;
12 Return[Cartesiano];
13 Fin Programa;
```

[30 Puntos] Este ejercicio es para ser resuelto con la ayuda de Mathematica.

- 1. Defina los conjuntos a partir de las siguientes rutinas programadas en Mathematica
 - a) Una rutina que forme un conjunto que reciba dos números enteros a y b(considere casos negativos) y forme un conjunto A que contenga a todos los números enteros impares comprendidos entre a y b.

```
Algoritmo .3: Impares comprendidos entre a y b
```

```
Data: a \ y \ b \ n\'ameros \ enteros
Result: Impares \ comprendidos \ entre \ a \ y \ b

1 x=a;
2 Conjunto=\emptyset;
3 largo=|b-a|;
4 for i=1,2,...,largo do

5 x=x+1;
6 if xmod2 \neq 2 then

7 Conjunto= Agregar[Conjunto,x];
8 Fin If;
9 Fin Ciclo;
10 Return[Conjunto];
11 Fin Programa;
```

b) Una rutina que forme un conjunto B el cual contenga números de la forma $3i(-1)^i - 4$, donde $i = 0, \dots, n$. El valor de n, es un valor que debe recibir la rutina.

c) Una rutina que forme un conjunto C el cual incluya todos los números de la sucesión de Fibonacci hasta un valor n que debe recibir la rutina.

 $2. \ Haciendo\ uso\ de\ las\ rutinas\ programadas\ en\ ,\ de\ otras\ dadas\ en\ clase\ y\ de\ los\ conjuntos\ construidos\ en\ 1\ determine$

Lo primero es mostrar los conjuntos generados con las rutinas anteriores con los parámetros indicados.

a)
$$(A \cup B) - C$$

(*4-b-1*)

Difer[Unionconj[A, B], C1]

(*4-b-2*)

DifSim[Interconj[Interconj[A, B], C1], Difer[C1, A]]

{}

b)
$$(A \cap B \cap C) \triangle (C - A)$$

c)
$$(B-A) \times (B-C)$$

ProdCart[Difer[B, A], Difer[B, C1]]

Product Disfer [8, A], Disfer [8, G]]
(-4, -4); (-4, -12); (-4, 12); (-4, -25); (-4, -26); (-4, -26); (-4, -27 $\{(-4,-4),(-4,-7),(-4,-13),(-4,-13),(-4,-15),(-4,14),(-4,-25),(-4,26),(-4,-25),(-4,26),(-4,-27),(-4,26),(-4,-37),(-4,32),(-4,-43),(-4,38),(-4,-49),(-4,44),(-4,-55),(-4,56),(-4,-61),(-4,56),(-4,-67),(-4,62),(-4,-78),(-4$

Nota: para el conjunto A, considere a = -14 y b = 30, para el conjunto B considere n = 25 y para el conjunto C considere n=30

[15 Puntos] Dados tres conjuntos A, B y C

- 1. Investigue como se define el producto cartesiano de A, B y C, el cual se denota: $A \times B \times C$
- 2. Construya una rutina en Mathematica que reciba tres conjuntos A, B y C, y devuelva $A \times B \times C$.
- 3. Serán dueños de un restaurante llamado El Llorón, definirán un conjunto A que tiene las entradas que ofrecen en su restaurante, un conjunto B que contiene los platos fuertes que ofrecen y un conjunto C que incluye los postres de su restaurante, haciendo uso de la rutina implementada en el punto anterior, desplieque todas las opciones de (entrada, plato_fuerte, postre) que alguien que visite su restaurante podría disfrutar.

La rutina implementada en Mathematica es similar a la del ejercicio 3c, pero debemos considerar que tendremos 3 conjuntos por recorrer.

Un ejemplo de la rutina ejecutada es:

```
A = {sopa, ceviche, ensalada};
B = {pollo, pasta, lomito, langosta};
M = {tiramisú, helado};

ProdCart[A, B, M]
Las combinaciones de entrada: {sopa, ceviche, ensalada} plato fuerte
{pollo, pasta, lomito, langosta} y postre {tiramisú, helado} del restaurante son:
{{sopa, pollo, tiramisú}, {sopa, pollo, helado}, {sopa, pasta, tiramisú}, {sopa, pasta, helado},
{sopa, lomito, tiramisú}, {sopa, lomito, helado}, {sopa, langosta, tiramisú}, {sopa, langosta, helado},
{ceviche, pollo, tiramisú}, {ceviche, pollo, helado}, {ceviche, pasta, tiramisú}, {ceviche, pasta, helado},
{ceviche, lomito, tiramisú}, {ceviche, lomito, helado}, {ceviche, langosta, tiramisú}, {ceviche, langosta, helado},
{ensalada, pollo, tiramisú}, {ensalada, pollo, helado}, {ensalada, pasta, tiramisú}, {ensalada, langosta, helado},
{ensalada, lomito, tiramisú}, {ensalada, lomito, helado}, {ensalada, langosta, tiramisú}, {ensalada, langosta, helado}}
```

[10 Puntos] Construya una rutina en Mathematica llamada Armageddon la cual debe recibir un número natural n y una lista de números enteros que están en un conjunto A, y devuelva una lista B que contenga aquellos elementos de A que al elevarse al cubo y ser divididos por (n+2) tienen residuo 0.

Algoritmo .4: Rutina Armageddon

Data: Número natural n y una lista de números enteros de A

Result: Lista B que contenga elementos de A que al elevarse al cubo y ser divididos por (n + 2) tienen residuo 0.

- 1 Posición;
- 2 Salida;
- 3 for Posición=1 hasta Longitud/Lista/ do
- 4 | if $Lista[Posicin]^3 \% (N+2) == 0$ then
- 5 Adjuntar Lista[Posición] a Salida
- 6 Fin If;
- **7** Fin For;
- 8 Return[Salida];
- 9 Fin Programa;

Nunca deberíamos perder la grata sorpresa que genera el evidenciar la utilidad de un concepto en nuestra vida cotidiana.

MaLu