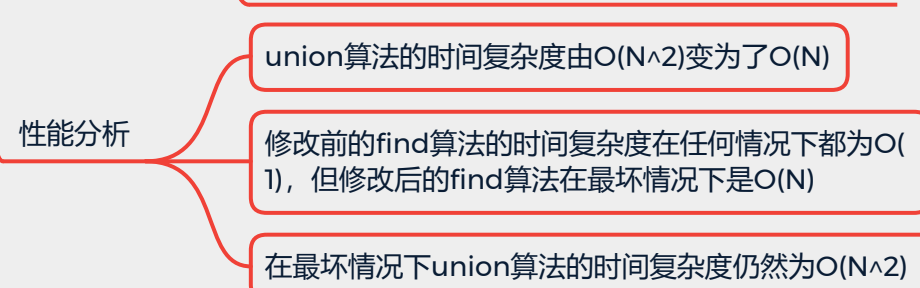
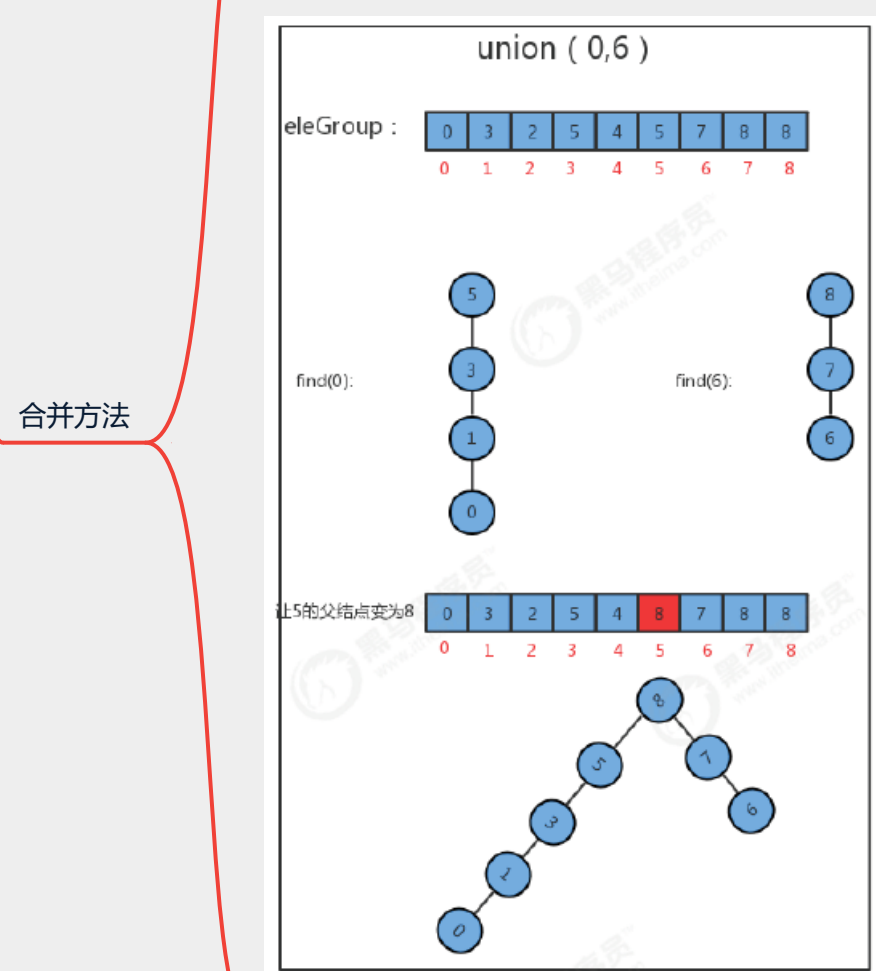
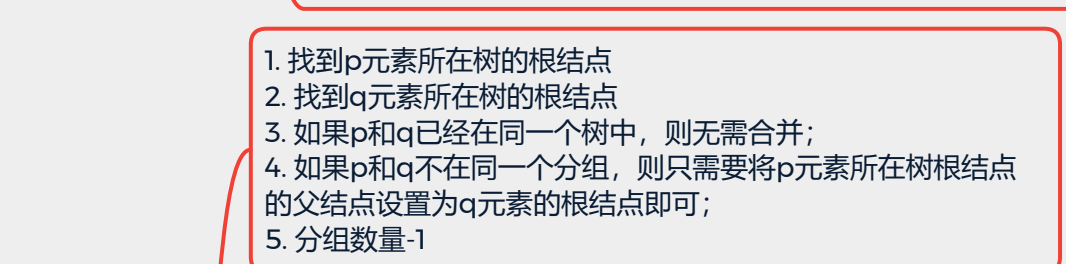


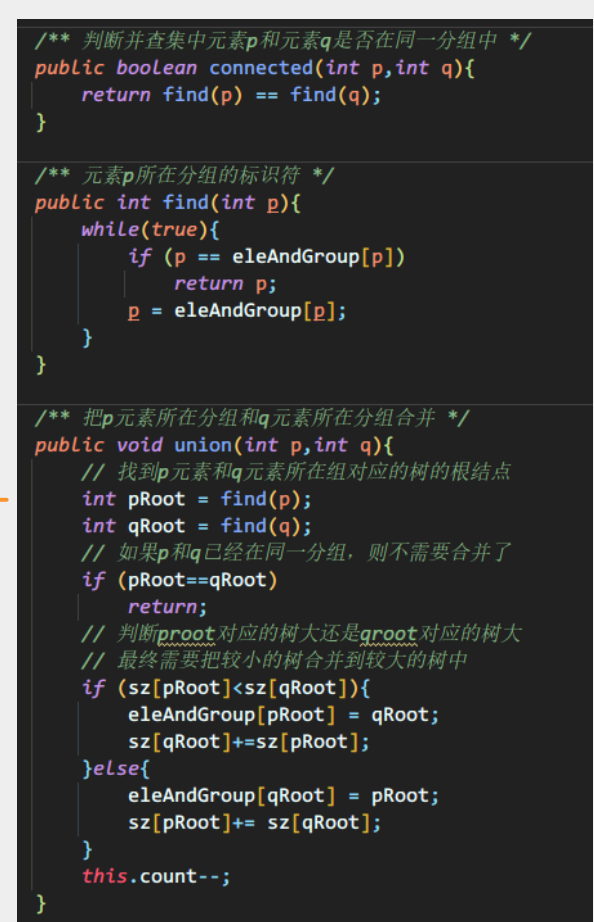
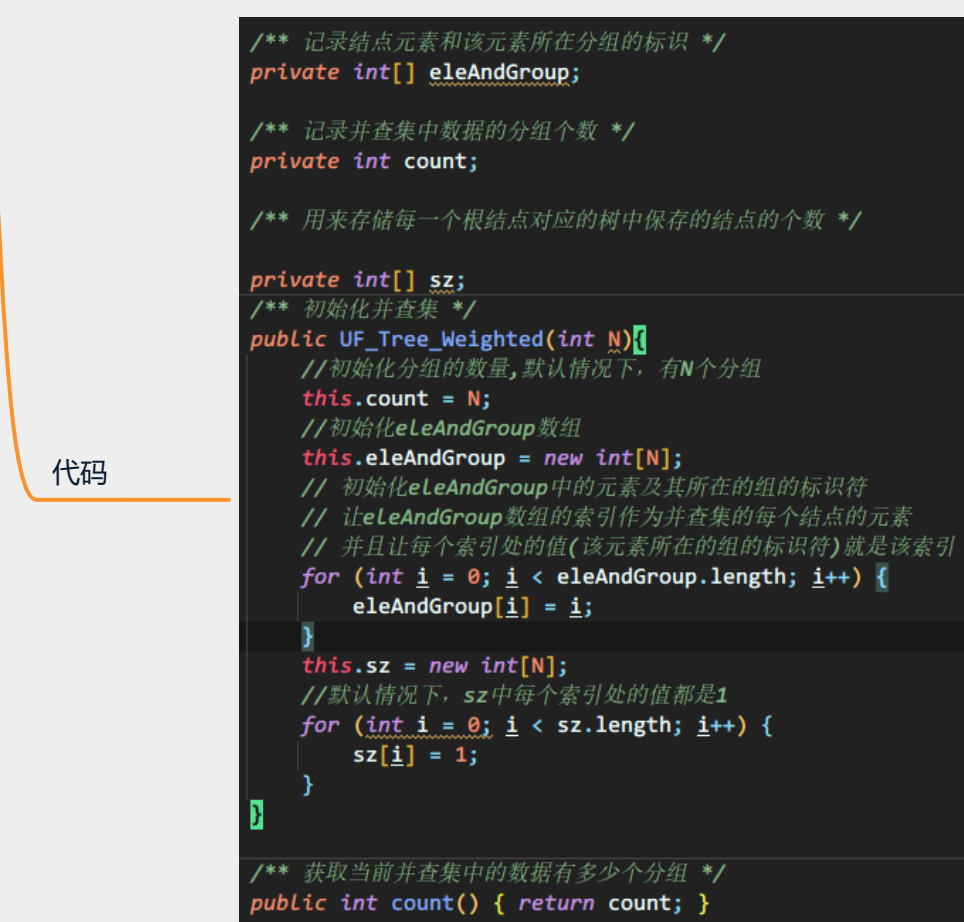
UF_Tree算法优化



UF_Tree中最坏情况下union算法的时间复杂度为 $O(N^2)$ ，其最主要的问题在于最坏情况下，树的深度和数组的大小一样，如果我们能够通过一些算法让合并时，生成的树的深度尽可能的小，就可以优化find方法。

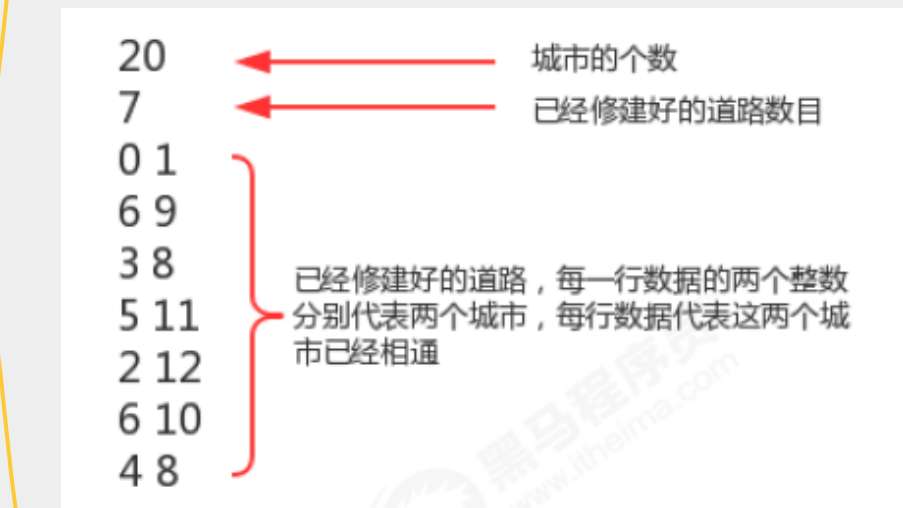
之前我们在union算法中，合并树的时候将任意的一棵树连接到了另外一棵树，这种合并方法是比较暴力的，如果我们把并查集中每一棵树的大小记录下来，然后在每次合并树的时候，把较小的树连接到较大的树上，就可以减小树的深度。

只要我们保证每次合并，都能把小树合并到大树上，就能够压缩合并后新树的路径，这样就能提高find方法的效率。为了完成这个需求，我们需要另外一个数组来记录存储每个根结点对应的树中元素的个数，并且需要一些代码调整数组中的值。



某省调查城镇交通状况，得到现有城镇道路统计表，表中列出了每条道路直接连通的城镇。省政府“畅通工程”的目标是使全省任何两个城镇间都可以实现交通（但不一定有直接的道路相连，只要互相间接通过道路可达即可）。问最少还需要建设多少条道路？

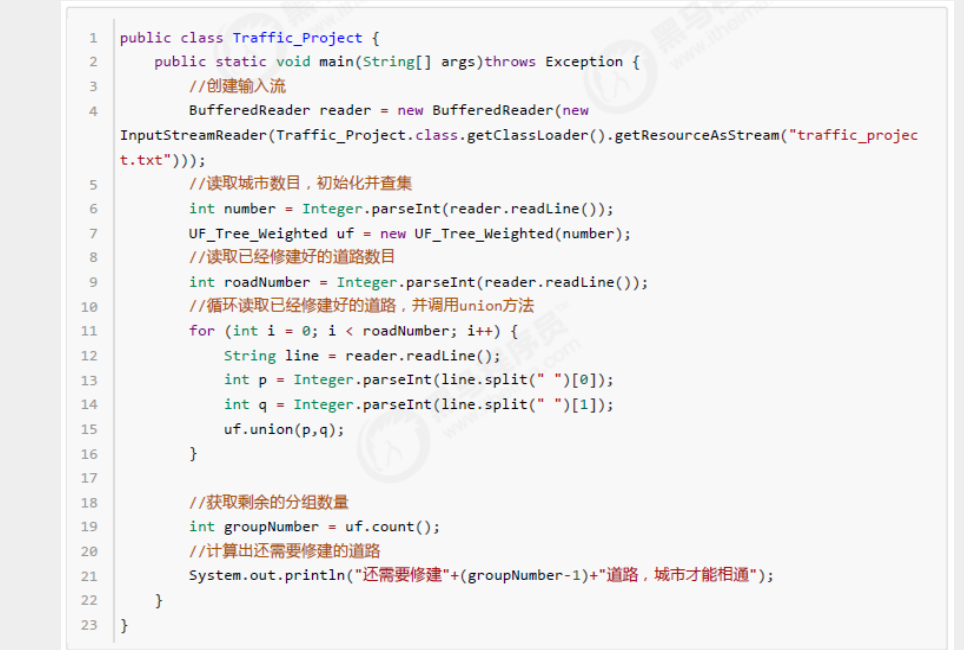
在我们的测试数据文件夹中有一个traffic_project.txt文件，它就是诚征道路统计表，下面是对数据的解释：



1.创建一个并查集UF_Tree_Weighted(20);

2.分别调用union(0,1),union(6,9),union(3,8),union(5,11),union(2,12),union(6,10),union(4,8),表示已经修建好的道路把对应的城市连接起来;

3.如果城市全部连接起来，那么并查集中剩余的分组数目为1，所有的城市都在一个树中，所以，只需要获取当前并查集中剩余的数目，减1，就是还需要修建的道路数目；

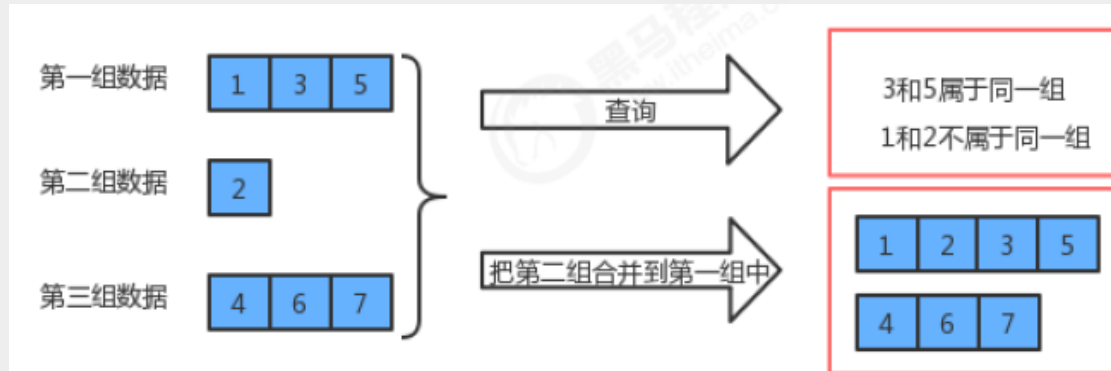


畅通工程

9. 并查集

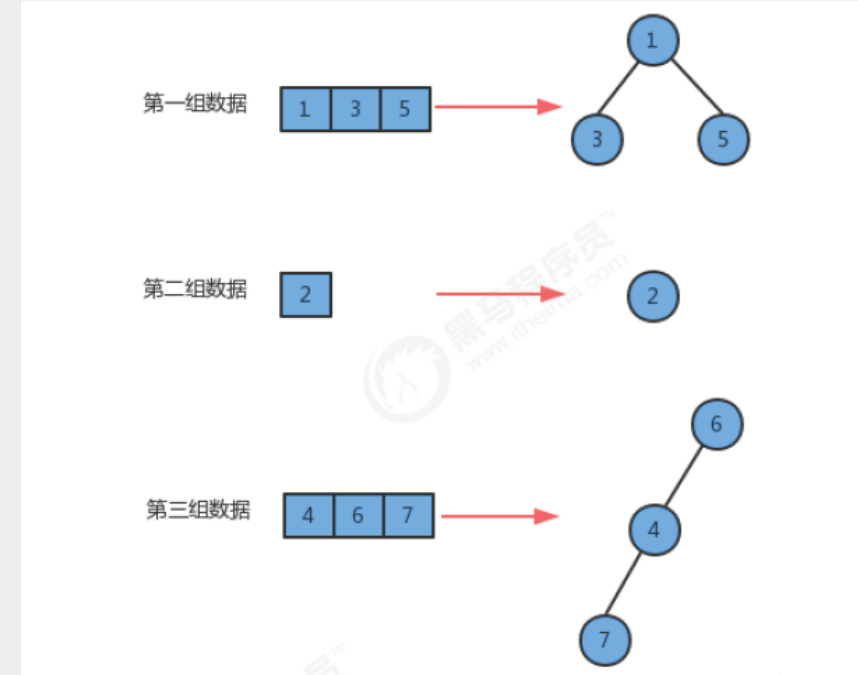
定义

并查集是一种树型的数据结构，并查集可以高效地进行如下操作：
 查询元素p和元素q是否属于同一组
 合并元素p和元素q所在的组

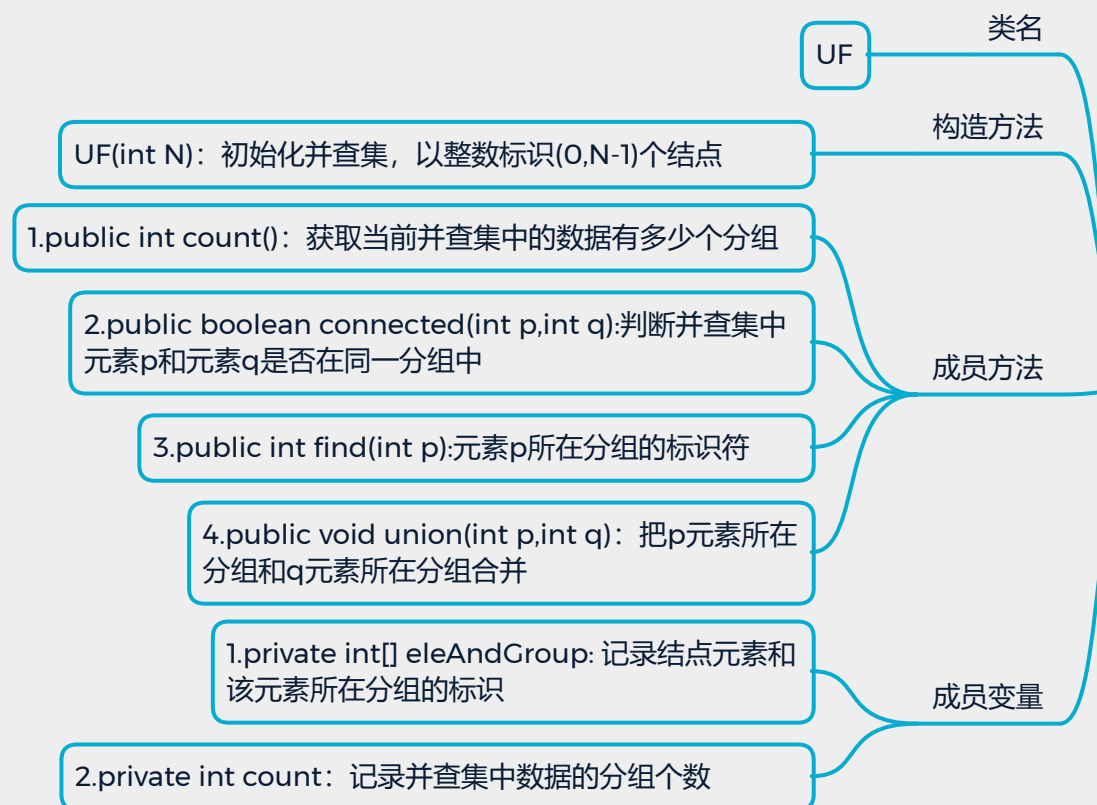


结构

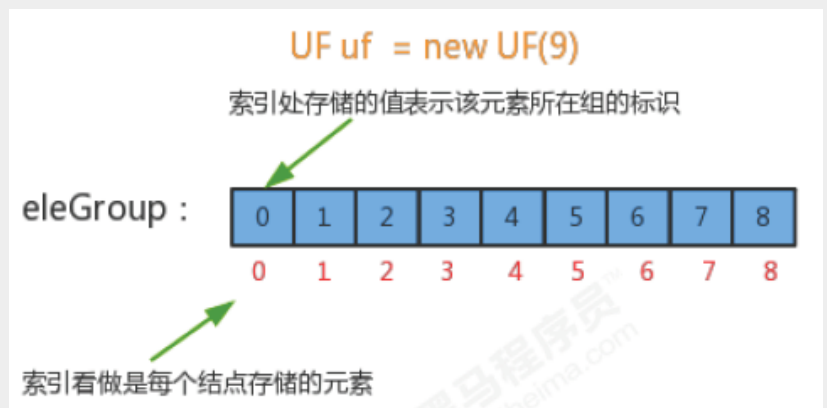
1. 每个元素都唯一的对应一个结点;
2. 每一组数据中的多个元素都在同一颗树中;
3. 一个组中的数据对应的树和另外一个组中的数据对应的树之间没有任何联系;
4. 元素在树中并没有父子级关系的硬性要求;



API设计



1. 初始情况下，每个元素都在一个独立的分组中，所以，初始情况下，并查集中的数据默认分为N个组；
2. 初始化数组eleAndGroup；
3. 把eleAndGroup数组的索引看做是每个结点存储的元素，把eleAndGroup数组每个索引引出的值看做是该结点所在的分组，那么初始化情况下，i索引处存储的值就是i

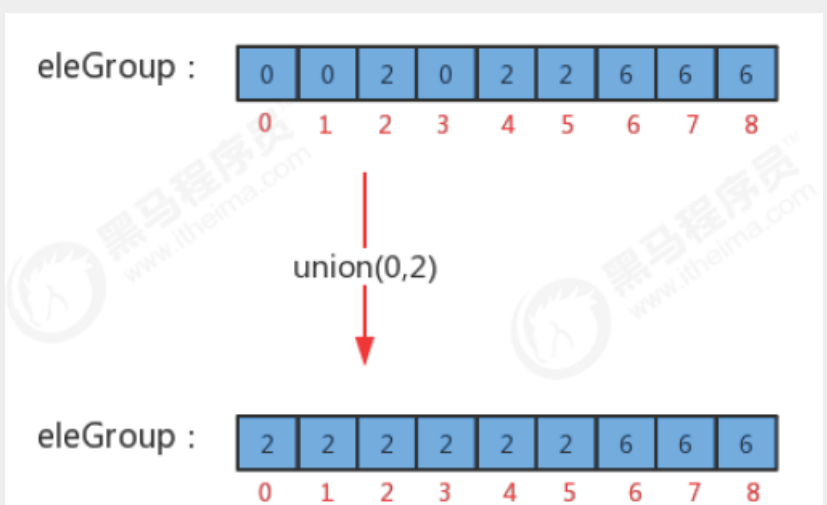


```

// 添加包含元素和该元素所在分组的标识 */
private int[] eleAndGroup;
// 已包含并查集中分组的个数 */
private int count;
// 初始化并查集 */
public UF(int N){
    // 初始化分组的数量，默认情况下，有N个分组
    this.count = N;
    // 初始化eleAndGroup数组
    this.eleAndGroup = new int[N];
    // 初始化eleAndGroup中的元素及其所在分组的标识符。
    // 因为eleAndGroup数组的大小为其包含的每个结点的元素。
    // 所以让每个元素处的值为其所在分组的标识符。避免越索引
    for (int i = 0; i < eleAndGroup.length; i++) {
        eleAndGroup[i] = i;
    }
}

```

1. 如果p和q已经在同一个分组中，则无需合并
2. 如果p和q不在同一个分组，则只需要将p元素所在组的所有的元素的组标识符修改为q元素所在组的标识符即可
3. 分组数量-1



```

// 检查数组中的数据有非空个分组 */
count() { return count; }

在分组的标识符 */
find(int p) { return eleAndGroup[p]; }

检查元素 p 和元素 q 是否在同个分组中 */
lean connected(int p, int q) {
    find(p) == find(q);
}

// 所在分组的标识符
union(int p, int q) {
    // 所在分组的标识符
    int pGroup = find(p);
    int qGroup = find(q);
    // 所在分组的标识符
    if (pGroup != qGroup) {
        // 所在分组的标识符
        int i;
        for (i = 0; i < eleAndGroup.length; i++) {
            eleAndGroup[i] = pGroup;
        }
        eleAndGroup[qGroup] = pGroup;
    }
}

// 个数-1
count--;
}

```

合并方法

```

// 检查数组中的数据有非空个分组 */
count() { return count; }

在分组的标识符 */
find(int p) { return eleAndGroup[p]; }

检查元素 p 和元素 q 是否在同个分组中 */
lean connected(int p, int q) {
    find(p) == find(q);
}

// 所在分组的标识符
union(int p, int q) {
    // 所在分组的标识符
    int pGroup = find(p);
    int qGroup = find(q);
    // 所在分组的标识符
    if (pGroup != qGroup) {
        // 所在分组的标识符
        int i;
        for (i = 0; i < eleAndGroup.length; i++) {
            eleAndGroup[i] = pGroup;
        }
        eleAndGroup[qGroup] = pGroup;
    }
}

// 个数-1
count--;
}

```