

# Л. р. 5 Работа с функциями в Python

**Цель работы:** Изучить следующие понятия: определение и вызов функций, синтаксис функций. Использование параметров функций. Использование оператора return.

Использование значения None. Позиционные аргументы. Аргументы — ключевые слова.

Значение параметра по умолчанию. Получение аргументов — ключевых слов с помощью \*\*

## Теоретическая часть

В предыдущих лабораторных работах все примеры кода представляли собой небольшие фрагменты. Они годятся для решения небольших задач, но никто не хочет набирать эти фрагменты раз за разом. Необходим какой-то способ организовать большой фрагмент кода в более удобные фрагменты. Первый шаг к повторному использованию кода — это создание функций.

Функция — это именованный фрагмент кода, отделенный от других. Она может принимать любое количество любых входных параметров и возвращать любое количество любых результатов. С функцией можно сделать две вещи:

- определить;
- вызвать.

Чтобы определить функцию, нужно написать def, имя функции, входные параметры, заключенные в скобки, и, наконец, двоеточие (:). Имена функций подчиняются тем же правилам, что и имена переменных (они должны начинаться с буквы или \_ и содержать только буквы, цифры или \_).

Для того, чтобы определить простейшую функцию, нужно использовать следующий формат:

```
>>> def add(x, y):  
    return (x+y)
```

Инструкция

return говорит, что нужно вернуть значение. В нашем случае функция возвращает сумму x и y.

Теперь мы ее можем вызвать:

```
>>> add(1,10)  
11  
>>> add('abc', 'def')  
'abcdef'
```

Функция может быть любой сложности и возвращать любые объекты (списки, кортежи, и даже функции!):

```
>>> def newfunc(n):  
    def myfunc(x):  
        return (x+n)  
    return myfunc  
  
>>> new=newfunc(100) #new - это функция  
>>> new(200)  
300
```

Функция может и не заканчиваться инструкцией return, при этом функция вернет значение None:

```
>>> def func():  
    pass  
  
>>> print(func())  
None
```

## Аргументы функции

Функция может принимать произвольное количество аргументов или не принимать их вовсе. Также распространены функции с произвольным числом аргументов, функции с позиционными и именованными аргументами, обязательными и необязательными.

```
>>> def func(a, b, c=2): #c - необязательный аргумент  
    return a+b+c  
  
>>> func(1,2) #a=1, b=2, c=2 (по умолчанию)  
5  
>>> func(1, 2, 3) #a=1, b=2, c=3  
6  
>>> func(a=1, b=3) #a=1, b=2, c=2  
6  
>>> func(a=3, c=6) #a=3, c=6, b не определён  
Traceback (most recent call last):  
  File "<pyshell#10>", line 1, in <module>  
    func(a=3, c=6) #a=3, c=6, b не определён  
TypeError: func() missing 1 required positional argument: 'b'  
>>>
```

Функция также может принимать переменное количество позиционных аргументов, тогда перед именем ставится \*:

```
>>> def func(*args):  
    return args  
  
>>> func(1, 2, 3, 'abc')  
(1, 2, 3, 'abc')  
>>> func()  
(  
>>> func(1)  
(1,)
```

Как видно из примера, args - это кортеж из всех переданных аргументов функции, и с переменной можно работать также, как и с кортежем. Функция может принимать и произвольное число именованных аргументов, тогда перед именем ставится \*\*:

```
>>> def func(**kwargs):  
    return kwargs  
  
>>> func(a=1, b=2, c=3)  
{'a': 1, 'b': 2, 'c': 3}  
>>> func()  
{  
>>> func(a='python')  
{'a': 'python'}
```

В переменной

kwargs у нас хранится словарь, с которым мы, опять-таки, можем делать все, что нам заблагорассудится.

## Анонимные функции, инструкция lambda.

Анонимные функции могут содержать лишь одно выражение, но и выполняются они быстрее. Анонимные функции создаются с помощью инструкции lambda. Кроме этого, их не обязательно присваивать переменной, как делали мы инструкцией def func():

```
>>> func = lambda x,y: x+y
>>> func(1, 2)
3
>>> func('a', 'b')
'ab'
>>> (lambda x,y: x+y)(1, 2)
3
>>> (lambda x,y: x+y)('a', 'b')
'ab'
```

Lambda-функции, в отличие от обычной, не требуется инструкция return, а в остальном, ведет себя точно так же:

```
>>> func = lambda *args: args
>>> func(1, 2, 3, 4)
(1, 2, 3, 4)
```

Далее применение функций будет рассмотрено в практических заданиях.

## Задания

Давайте действовать пошагово. Сначала определим и вызовем функцию, которая не имеет параметров. Перед вами пример простейшей функции:

```
>>> def do_nothing():  
    pass
```

Даже если функции не нужны параметры, вам все равно необходимо указать круглые скобки и двоеточие в ее определении. Следующую строку необходимо выделить пробелами точно так же, как если бы это был оператор `if`. Python требует использовать выражение `pass`, чтобы показать, что функция ничего не делает. Это эквивалентно утверждению «Эта страница специально оставлена пустой» (несмотря на то что теперь это не так).

Функцию можно вызвать, просто написав ее имя и скобки. Она сработает, не сделав ничего:

```
>>> do_nothing()  
>>>
```

Теперь определим и вызовем другую функцию, которая не имеет параметров и выводит на экран одно слово:

```
>>> def make_a_sound():  
    print('quack')  
  
>>> make_a_sound()  
quack
```

Когда вы вызываете функцию `make_a_sound()`, Python выполняет код, расположенный внутри ее описания. В этом случае он выводит одно слово и возвращает управление основной программе.

Попробуем написать функцию, которая не имеет параметров, но возвращает значение:

```
>>> def agree():  
    return True
```

Вы можете вызвать эту функцию и проверить возвращаемое ею значение с помощью if:

```
>>> if agree():
    print('Отлично!')
else:
    print('Что-то пошло не так!')
```

Отлично!

Комбинация функций с проверками вроде if и циклами вроде while позволяет вам делать ранее недоступные вещи.

Теперь пришло время поместить аргументы в скобки после названия функции. Определим функцию echo(), имеющую один параметр anything. Она использует оператор return, чтобы отправить значение anything вызывающей стороне дважды, разделив их пробелом:

```
>>> def echo(anything):
    return anything + ' ' + anything
```

Теперь вызовем функцию echo(), передав ей строку 'Эгегей':

```
>>> echo('Эгегей')
'Эгегей Эгегей'
>>>
```

Значения, которые вы передаете в функцию при вызове, называются аргументами. Когда вы вызываете функцию с аргументами, значения этих аргументов копируются в соответствующие параметры внутри функций. В предыдущем примере функции echo() передавалась строка 'Эгегей'. Это значение копировалось внутри функции echo() в параметр anything, а затем возвращалось (в этом случае оно удваивалось и разделялось пробелом) вызывающей стороне.

Эти примеры функций довольно просты. Напишем функцию, которая принимает аргумент и что-то с ним делает. Мы адаптируем предыдущий фрагмент кода, который комментировал цвета. Назовем его commentary и сделаем так, чтобы он принимал в качестве аргумента строку color. Сделаем так, чтобы он возвращал описание строки вызывающей стороне, которая может решить, что с ним делать дальше:

```
>>> def commentary(color):  
    if color=='красный':  
        return "Это помидорка"  
    elif color=='зеленый':  
        return "Это огурчик"  
    elif color=='ультрамарин':  
        return "Я не знаю такого овоща"  
    else:  
        return "Я не знаю цвет " + color + "."
```

```
>>>
```

Вызовем функцию `commentary()`, передав ей в качестве аргумента строку 'blue' Функция сделает следующее: • присвоит значение 'blue' параметру функции `color`; • пройдет по логической цепочке `if-elif-else`;

- вернет строку;
- присвоит строку переменной `comment`.

Что мы получим в результате?

```
>>> commentary('голубой')  
'Я не знаю цвет голубой.'
```

Функция может принимать любое количество аргументов (включая нуль) любого типа. Она может возвращать любое количество результатов (также включая нуль) любого типа. Если функция не вызывает `return` явно, вызывающая сторона получит результат `None`.

```
>>> print(do_nothing())  
None
```

## Использование значения `None`

`None` — это специальное значение в Python, которое заполняет собой пустое место, если функция ничего не возвращает. Оно не является булевым значением `False`, несмотря на то что похоже на него при проверке булевой переменной. Рассмотрим пример:



```
>>> thing = None
>>> if thing:
    print("It's some thing")
else:
    print("It's no thing")
```

```
It's no thing
```

Для того чтобы понять важность отличия None от булева значения False, используйте оператор is:

```
>>> if thing is None:
    print("It's nothing")
else:
    print("It's something")
```

```
It's nothing
```

Разница

кажется небольшой, однако она важна в Python. None потребуется вам, чтобы отличить отсутствующее значение от пустого. Помните, что целочисленные нули, нули с плавающей точкой, пустые строки ("), списки ([]), кортежи ((,)), словари ({} ) и множества (set()) все равны False, но не равны None.

Напишем небольшую функцию, которая выводит на экран проверку на равенство None:

```
>>> def is_none(thing):
    if thing is None:
        print("It's None")
    elif thing:
        print("It's True")
    else:
        print("It's False")
```

```
>>>
```



Теперь выполним несколько проверок:

```
>>> is_none(None)
It's None
>>> is_none(True)
It's True
>>> is_none(False)
It's False
>>> is_none(0)
It's False
>>> is_none(0.0)
It's False
>>> is_none(())
It's False
>>> is_none([])
It's False
>>> is_none({})
It's False
>>> is_none(set())
It's False
```

## Позиционные аргументы

Python довольно гибко обрабатывает аргументы функций в сравнении с многими языками программирования. Наиболее распространенный тип аргументов — это позиционные аргументы, чьи значения копируются в соответствующие параметры согласно порядку следования. Эта функция создает словарь из позиционных входных аргументов и возвращает его:

```
>>> def menu(wine, entree, dessert):
    return {'напиток': wine, 'основное блюдо': entree, 'десерт': dessert}

>>> menu('шардоне', 'цыплёнок табака', 'печеньки')
{'напиток': 'шардоне', 'основное блюдо': 'цыплёнок табака', 'десерт': 'печеньки'}
>>> __
```

Несмотря на распространенность аргументов такого типа, у них есть недостаток, который заключается в том, что вам нужно запоминать значение каждой позиции. Если бы мы вызвали функцию `menu()`, передав в качестве последнего аргумента марку вина, обед вышел бы совершенно другим:

## Аргументы — ключевые слова

```
>>> menu('говядина', 'мороженка', 'портвейн 777')
{'напиток': 'говядина', 'основное блюдо': 'мороженка', 'десерт': 'портвейн 777'}
```

Для того чтобы избежать путаницы с позиционными аргументами, вы можете указать аргументы с помощью имен соответствующих параметров. Порядок следования аргументов в этом случае может быть иным:

```
>>> menu(entree='шашлык', dessert='пирожок с вишней', wine='кефир')
{'напиток': 'кефир', 'основное блюдо': 'шашлык', 'десерт': 'пирожок с вишней'}
```

Вы можете объединять позиционные аргументы и аргументы — ключевые слова. Сначала выберем вино, а для десерта и основного блюда используем аргументы — ключевые слова.

```
>>> menu('вдова Клико', dessert='тирамису', entree='рыба')
{'напиток': 'вдова Клико', 'основное блюдо': 'рыба', 'десерт': 'тирамису'}
```

Если вы вызываете функцию, имеющую как позиционные аргументы, так и аргументы — ключевые слова, то позиционные аргументы необходимо указывать первыми.

## Указываем значение параметра по умолчанию

Вы можете указать значения по умолчанию для параметров. Значения по умолчанию используются в том случае, если вызывающая сторона не предоставила соответствующий аргумент. Эта приятная особенность может оказаться довольно полезной. Воспользуемся предыдущим примером:

```
def menu(wine, entree, dessert='вкусняшка'):
    return{'напиток': wine, 'основное блюдо': entree, 'десерт': dessert}
```

В этот раз мы вызовем функцию menu(), не передав ей аргумент dessert:

```
>>> menu('Кисель', 'Курица с нежным сливочным соусом')
{'напиток': 'Кисель', 'основное блюдо': 'Курица с нежным сливочным соусом', 'десерт': 'вкусняшка'}
```

Если вы предоставите аргумент, он будет использован вместо аргумента по умолчанию:

```
>>> menu('Компот', 'Коржик', 'Карамелька')
{'напиток': 'Компот', 'основное блюдо': 'Коржик', 'десерт': 'Карамелька'}
```

*Значение аргументов по умолчанию высчитывается, когда функция определяется, а не выполняется. Распространенной ошибкой новичков (и иногда не совсем новичков) является использование изменяемого типа данных вроде списка или словаря в качестве аргумента по умолчанию.*

В следующей проверке ожидается, что функция buggy() будет каждый раз запускаться с новым пустым списком result, добавлять в него аргумент arg, а затем выводить на экран список, состоящий из одного элемента. Однако в этой функции есть баг: список будет пуст только при первом вызове. Во второй раз список result будет содержать элемент, оставшийся после предыдущего вызова:

```
>>> def buggy(arg, result=[]):
    result.append(arg)
    print(result)

>>> buggy('a')
['a']
>>> buggy('b') #ожидаем увидеть ['b']
['a', 'b']
```

Функция работала бы корректно, если бы код выглядел так:

```
>>> def works(arg):
    result = []
    result.append(arg)
    return result

>>> works('a')
['a']
>>> works('b')
['b']
```

Решить проблему можно, передав в функцию что-то еще, чтобы указать на то, что вызов является первым:

```
>>> def nonbuggy(arg, result=None):
    if result is None:
        result = []
    result.append(arg)
    print(result)

>>> nonbuggy('a')
['a']
>>> nonbuggy('b')
['b']
```

## Получаем позиционные аргументы с помощью \*

Если вы работали с языками программирования C или C++, то можете предположить, что астериск (\*) в Python как-то относится к указателям. Это не так, Python не имеет указателей. Если символ \* будет использован внутри функции с параметром, произвольное количество позиционных аргументов будет сгруппировано в кортеж. В следующем примере args является кортежем параметров, который был создан из аргументов, переданных в функцию print\_args():

```
>>> def print_args(*args):  
    print('Кортеж позиционных аргументов:', args)
```

Если вы вызовете функцию без аргументов, то получите пустой кортеж:

```
>>> print_args()  
Кортеж позиционных аргументов: ()
```

Все аргументы, которые вы передадите, будут выведены на экран как кортеж args:

```
>>> print_args(3, 2, 1, 'Леген...', 'подождите...', '...дарно!!!')  
Кортеж позиционных аргументов: (3, 2, 1, 'Леген...', 'подождите...', '...дарно!!!')
```

Это полезно при написании функций вроде print(), которые принимают произвольное количество аргументов. Если в вашей функции имеются также обязательные позиционные аргументы, \*args отправится в конец списка и получит все остальные аргументы:

```
>>> def print_more(required1, required2, *args):  
...     print('Need this one:', required1)  
...     print('Need this one too:', required2)  
...     print('All the rest:', args)  
...  
>>> print_more('cap', 'gloves', 'scarf', 'monocle', 'mustache wax')  
Need this one: cap  
Need this one too: gloves  
All the rest: ('scarf', 'monocle', 'mustache wax')
```

При использовании \* вам не нужно обязательно называть кортеж параметров args, однако это распространенная идиома в Python.

## Получение аргументов — ключевых слов с помощью \*\*

Вы можете использовать два астериска (\*\*), чтобы сгруппировать аргументы — ключевые слова в словарь, где имена аргументов станут ключами, а их значения — соответствующими значениями в словаре. В следующем примере определяется функция `print_kwargs()`, в которой выводятся ее аргументы — ключевые слова:

```
>>> def print_kwargs(**kwargs):  
...     print('Keyword arguments:', kwargs)  
... 
```

Теперь  
попробуйте  
вызвать ее,  
передав

несколько аргументов:

```
>>> print_kwargs(wine='merlot', entree='mutton', dessert='macaroon')  
Keyword arguments: {'dessert': 'macaroon', 'wine': 'merlot', 'entree': 'mutton'}
```

Внутри функции `kwargs` является словарем.

Если вы используете позиционные аргументы и аргументы — ключевые слова (`*args` и `**kwargs`), они должны следовать в этом же порядке. Как и в случае с `args`, вам не обязательно называть этот словарь `kwargs`, но это опять же является распространенной практикой.

### Строки документации

Дзен Python гласит: удобочитаемость имеет значение. Вы можете прикрепить документацию к определению функции, включив строку в начало ее тела. Она называется строкой документации:

```
>>> def echo(anything):  
...     'echo returns its input argument'  
...     return anything
```

Вы  
можете  
сделать  
строку

документации довольно длинной и даже, если хотите, применить к ней форматирование, что показано в следующем примере:

```
def print_if_true(thing, check):  
    '''  
    Prints the first argument if a second argument is true.  
    The operation is:  
    1. Check whether the *second* argument is true.  
    2. If it is, print the *first* argument.  
    ...  
    if check:  
        print(thing)
```

Для того чтобы вывести строку документации некоторой функции, вам следует вызвать функцию `help()`. Передайте ей имя функции, чтобы получить список всех аргументов и красиво отформатированную строку документации:

```
>>> help(echo)
Help on function echo in module __main__:
echo(anything)
    echo returns its input argument
```

Если вы хотите увидеть только строку документации без форматирования:

```
>>> print(echo.__doc__)
echo returns its input argument
```

Подозрительно выглядящая строка `__doc__` является внутренним именем строки документации как переменной внутри функции. В пункте «Использование `_` и `__` в именах» в разделе «Пространства имен и область определения» данной работы объясняется причина появления всех этих нижних подчеркиваний.

## Функции — это объекты первого класса

В Python объектами является все, включая числа, строки, кортежи, списки, словари и даже функции. Функции в Python являются объектами первого класса. Вы можете присвоить их переменным, использовать как аргументы для других функций и возвращать из функций. Это дает вам возможность решать с помощью Python такие задачи, справиться с которыми средствами многих других языков сложно, если не невозможно.

Для того чтобы убедиться в этом, определим простую функцию `answer()`, которая не имеет аргументов и просто выводит число 42:

```
>>> def answer():
...     print(42)
```

Вы знаете, что получите в качестве результата, если запустите эту функцию:

```
>>> answer()
42
```



Теперь определим еще одну функцию с именем `run_something`. Она имеет один аргумент, который называется `func` и представляет собой функцию, которую нужно запустить. Эта функция просто вызывает другую функцию:

```
>>> def run_something(func):  
...     func()
```

Если мы передадим `answer` в функцию `run_something()`, то используем ее как данные, прямо как и другие объекты:

```
>>> run_something(answer)  
42
```

Обратите внимание: вы передали строку `answer`, а не `answer()`. В Python круглые скобки означают «вызови эту функцию». Если скобок нет, Python относится к функции как к любому другому объекту. Это происходит потому, что, как и все остальное в Python, функция является объектом:

```
>>> type(run_something)  
<class 'function'>
```

Попробуем запустить функцию с аргументами. Определим функцию `add_args()`, которая выводит на экран сумму двух числовых аргументов, `arg1` и `arg2`:

```
>>> def add_args(arg1, arg2):  
...     print(arg1 + arg2)
```

Чем является `add_args()`?

```
>>> type(add_args)  
<class 'function'>
```



Теперь определим функцию, которая называется `run_something_with_args()` и принимает три аргумента:

- `func` — функция, которую нужно запустить;
- `arg1` — первый аргумент функции `func`;
- `arg2` — второй аргумент функции `func`:

```
>>> def run_something_with_args(func, arg1, arg2):  
...     func(arg1, arg2)
```

Когда вы вызываете функцию `run_something_with_args()`, та функция, что передается вызывающей стороной, присваивается параметру `func`, а переменные `arg1` и `arg2` получают значения, которые следуют далее в списке аргументов. Вызов `func(arg1, arg2)` выполняет данную функцию с этими аргументами, потому что круглые скобки указывают Python сделать это.

Проверим функцию `run_something_with_args()`, передав ей имя функции `add_args` и аргументы 5 и 9:

```
>>> run_something_with_args(add_args, 5, 9)  
14
```

Внутри функции `run_something_with_args()` аргумент `add_args`, представляющий собой имя функции, был присвоен параметру `func`, 5 — параметру `arg1`, а 9 — параметру `arg2`. В итоге получается следующая конструкция:

```
add_args(5, 9)
```

Вы можете объединить этот прием с использованием `*args` и `**kwargs`. Определим тестовую функцию, которая принимает любое количество позиционных аргументов, определяет их сумму с помощью функции `sum()` и возвращает ее: Функция `sum()` - это встроенная в Python функция, которая высчитывает сумму значений итерабельного числового (целочисленного или с плавающей точкой) аргумента. Мы определим новую функцию `run_with_positional_args()`, принимающую функцию и произвольное количество позиционных аргументов, которые нужно будет передать в нее:

```
>>> def run_with_positional_args(func, *args):  
...     return func(*args)
```

Теперь вызовем ее:

```
>>> run_with_positional_args(sum_args, 1, 2, 3, 4)
10
```

Вы можете использовать функции как элементы списков, кортежей, множеств и словарей. Функции неизменяемы, поэтому вы можете даже применять их как ключи для словарей.

# Вариант 0.

1. Определить, являются ли три треугольника равновеликими. Длины сторон вводить с клавиатуры. Для подсчёта площади треугольника использовать формулу Герона. Вычисление площади оформить в виде функции с тремя параметрами.

Формула Герона:

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)},$$

$$\text{где } p = \frac{a+b+c}{2}$$

Решение:

```
import math
def s(x,y,z):
    p=(x+y+z)/2
    s=math.sqrt(p*(p-x)*(p-y)*(p-z))
    return s
A=[]
for i in range(3):
    print('Введите стороны ',i,'-го треугольника:')
    a=int(input('a:'))
    b=int(input('b:'))
    c=int(input('c:'))
    A.append(s(a,b,c))
for i in range(3):
    print('Площадь ',i,'-го треугольника {:.2f}'.format(A[i]))
if A[0]==A[1]:
    if A[0]==A[2]:
        print('Треугольники равновеликие')
else: print('Треугольники не равновеликие')
```

```
Введите стороны  0 -го треугольника:
a:3
b:4
c:5
Введите стороны  1 -го треугольника:
a:6
b:7
c:8
Введите стороны  2 -го треугольника:
a:9
b:10
c:11
Площадь  0 -го треугольника 6.00
Площадь  1 -го треугольника 20.33
Площадь  2 -го треугольника 42.43
Треугольники не равновеликие
```

2. Ввести одномерный массив A длиной m. Поменять в нём местами первый и последний элементы. Длину массива и его элементы ввести с клавиатуры. В программе описать процедуру для замены элементов массива. Вывести исходные и полученные массивы.

## Решение:

```
def zam(X):
    tmp=X[0]
    X[0]=X[len(X)-1]
    X[len(X)-1]=tmp
A=[]
m=int(input('Введите длину массива:'))
for i in range(m):
    print('Введите ',i,'элемент массива')
    A.append(int(input()))
print(A)
zam(A)
print(A)
```

```
Введите длину массива:5
Введите  0 элемент массива
0
Введите  1 элемент массива
1
Введите  2 элемент массива
2
Введите  3 элемент массива
3
Введите  4 элемент массива
4
[0, 1, 2, 3, 4]
[4, 1, 2, 3, 0]
```

### **Вариант 1.**

1. Составить программу для вычисления площади разных геометрических фигур.
2. Даны 3 различных массива целых чисел (размер каждого не превышает 15). В каждом массиве найти сумму элементов и среднеарифметическое значение.

### **Вариант 2.**

1. Вычислить площадь правильного шестиугольника со стороной  $a$ , используя подпрограмму вычисления площади треугольника.
2. Пользователь вводит две стороны трех прямоугольников. Вывести их площади.

### **Вариант 3.**

- 1.-Даны катеты двух прямоугольных треугольников. Написать функцию вычисления длины гипотенузы этих треугольников. Сравнить и вывести какая из гипотенуз больше, а какая меньше.

Преобразовать строку так, чтобы буквы каждого слова в ней были отсортированы по алфавиту.

### **Вариант 4.**

1. Найти все простые натуральные числа, не превосходящие  $n$ , двоичная запись которых представляет собой палиндром, т. е. читается одинаково слева направо и справа налево.
2. Задана окружность  $(x-a)^2 + (y-b)^2 = R^2$  и точки  $P(p_1, p_2)$ ,  $F(f_1, f_1)$ ,  $L(l_1, l_2)$ . Выяснить и вывести на экран, сколько точек лежит внутри окружности. Проверку, лежит ли точка внутри окружности, оформить в виде функции.

#### **Вариант 5.**

1. Четыре точки заданы своими координатами  $X(x_1, x_2, x_3)$ ,  $Y(y_1, y_2, y_3)$ ,  $Z(z_1, z_2, z_3)$ ,  $T(t_1, t_2, t_3)$ .

Выяснить, какие из них находятся на минимальном расстоянии

друг от друга и вывести на экран значение этого расстояния. Вычисление расстояния между двумя точками оформить в виде функции.

2. Напишите программу, которая выводит в одну строчку все делители переданного ей числа, разделяя их пробелами.

#### **Вариант 6.**

1. Составить программу для нахождения чисел из интервала  $[M, N]$ , имеющих наибольшее количество делителей.

2. Составить программу вычисления площади выпуклого четырехугольника, заданного длинами четырех сторон и диагонали.

#### **Вариант 7.**

1. Даны числа  $X, Y, Z, T$  — длины сторон четырехугольника. Вычислить его площадь, если угол между сторонами длиной  $X$  и  $Y$  — прямой. Использовать две подпрограммы для вычисления площадей: прямоугольного треугольника и прямоугольника.

2. Напишите программу, которая переводит переданное ей неотрицательное целое число в 10-значный восьмеричный код, сохранив лидирующие нули.

#### **Вариант 8.**

1. Найти все натуральные числа, не превосходящие заданного  $n$ , которые делятся на каждую из своих цифр.

2. Ввести одномерный массив  $A$  длиной  $m$ . Поменять в нём местами первый и последний элементы. Длину массива и его элементы ввести с клавиатуры. В программе описать процедуру для замены элементов массива. Вывести исходные и полученные массивы.

#### **Вариант 9.**

1. Из заданного числа вычли сумму его цифр. Из результата вновь вычли сумму его цифр и т. д. Через сколько таких действий получится нуль?
2. Даны 3 различных массива целых чисел. В каждом массиве найти произведение элементов и среднеарифметическое значение.

#### **Вариант 10.**

1. На отрезке  $[100, N]$  ( $210 < N < 231$ ) найти количество чисел, составленных из цифр  $a, b, c$ .
2. Составить программу, которая изменяет последовательность слов в строке на обратную.

#### **Вариант 11.**

1. Два простых числа называются «близнецами», если они отличаются друг от друга на 2 (например, 41 и 43). Напечатать все пары «близнецов» из отрезка  $[n, 2n]$ , где  $n$  — заданное натуральное число, большее 2..
2. Даны две матрицы  $A$  и  $B$ . Написать программу, меняющую местами максимальные элементы этих матриц. Нахождение максимального элемента матрицы оформить в виде функции.

#### **Вариант 12.**

1. Два натуральных числа называются «дружественными», если каждое из них равно сумме всех делителей (кроме его самого) другого (например, числа 220 и 284). Найти все пары «дружественных» чисел, которые не больше данного числа  $N$ .
2. Даны длины сторон треугольника  $a, b, c$ . Найти медианы треугольника, сторонами которого являются медианы исходного треугольника. Для вычисления медианы проведенной к стороне  $a$ , использовать формулу. Вычисление медианы оформить в виде функции.



### **Вариант 13.**

1. Натуральное число, в записи которого  $n$  цифр, называется числом Армстронга, если сумма его цифр, возведенная в степень  $n$ , равна самому числу. Найти все числа Армстронга от 1 до  $k$ .
2. Три точки заданы своими координатами  $X(x_1, x_2)$ ,  $Y(y_1, y_2)$  и  $Z(z_1, z_2)$ . Найти и напечатать координаты точки, для которой угол между осью абсцисс и лучом, соединяющим начало координат с точкой, минимальный. Вычисления оформить в виде функции.

### **Вариант 14.**

1. Составить программу для нахождения чисел из интервала  $[M, N]$ , имеющих наибольшее количество делителей.
2. Четыре точки заданы своими координатами  $X(x_1, x_2)$ ,  $Y(y_1, y_2)$ ,  $Z(z_1, z_2)$ ,  $P(p_1, p_2)$ . Выяснить, какие из них находятся на максимальном расстоянии друг от друга и вывести на экран значение этого расстояния. Вычисление расстояния между двумя точками оформить в виде функции.

### **Вариант 15.**

1. Найти все простые натуральные числа, не превосходящие  $n$ , двоичная запись которых представляет собой палиндром, т. е. читается одинаково слева направо и справа налево.
2. Четыре точки заданы своими координатами  $X(x_1, x_2, x_3)$ ,  $Y(y_1, y_2, y_3)$ ,  $Z(z_1, z_2, z_3)$ ,  $T(t_1, t_2, t_3)$ .  
Выяснить, какие из них находятся на минимальном расстоянии друг от друга и вывести на экран значение этого расстояния. Вычисление расстояния между двумя точками оформить в виде функции.

**Вариант 16.**

1. Составить программу для вычисления площади разных геометрических фигур.
2. Четыре точки заданы своими координатами  $X(x_1, x_2)$ ,  $Y(y_1, y_2)$ ,  $Z(z_1, z_2)$ ,  $P(p_1, p_2)$ . Выяснить, какие из них находятся на максимальном расстоянии друг от друга и вывести на экран значение этого расстояния. Вычисление расстояния между двумя точками оформить в виде функции.

**Вариант 17.**

1. Вычислить площадь правильного шестиугольника со стороной  $a$ , используя подпрограмму вычисления площади треугольника.
2. Пользователь вводит две стороны трех прямоугольников. Вывести их площади.

**Вариант 18.**

1. Даны катеты двух прямоугольных треугольников. Написать функцию вычисления длины гипотенузы этих треугольников. Сравнить и вывести какая из гипотенуз больше, а какая меньше.
2. Преобразовать строку так, чтобы буквы каждого слова в ней были отсортированы в обратном алфавитном порядке.

**Вариант 19.**

1. Даны длины сторон треугольника  $a$ ,  $b$ ,  $c$ . Найти медианы треугольника, сторонами которого являются медианы исходного треугольника. Для вычисления медианы проведенной к стороне  $a$ , использовать формулу. Вычисление медианы оформить в виде функции.
2. Задана окружность  $(x-a)^2 + (y-b)^2 = R^2$  и точки  $P(p_1, p_2)$ ,  $F(f_1, f_1)$ ,  $L(l_1, l_2)$ . Выяснить и вывести на экран, сколько точек лежит внутри окружности. Проверку, лежит ли точка внутри окружности, оформить в виде функции.

#### **Вариант 20.**

1. Составить программу, которая изменяет последовательность слов в строке на обратную.
2. Напишите программу, которая выводит в одну строчку все делители переданного ей числа, разделяя их пробелами.

#### **Вариант 21.**

1. На отрезке  $[100, N]$  ( $210 < N < 231$ ) найти количество чисел, составленных из цифр  $a, b, c$ .
2. Составить программу вычисления площади выпуклого четырехугольника, заданного длинами четырех сторон и диагонали.

#### **Вариант 22.**

1. Вычислить площадь правильного шестиугольника со стороной  $a$ , используя подпрограмму вычисления площади треугольника.
2. Напишите функцию, которая переводит переданное ей неотрицательное целое число в 10-значный восьмеричный код, сохранив лидирующие нули.

#### **Вариант 23.**

1. Найти все натуральные числа, не превосходящие заданного  $n$ , которые делятся на каждую из своих цифр.
2. Пользователь вводит две стороны трех прямоугольников. Вывести их площади.

#### **Вариант 24.**

1. Из заданного числа вычли сумму его цифр. Из результата вновь вычли сумму его цифр и т. д. Через сколько таких действий получится нуль?
2. Найти все простые натуральные числа, не превосходящие  $n$ , двоичная запись которых представляет собой палиндром, т. е. читается одинаково слева направо и справа налево.

**Вариант 25.**

1. Найти все простые натуральные числа, не превосходящие  $n$ , двоичная запись которых представляет собой палиндром, т. е. читается одинаково слева направо и справа налево.
2. Составить программу, которая изменяет последовательность слов в строке на обратную.

**Вариант 26.**

1. Вычислить площадь правильного шестиугольника со стороной  $a$ , используя подпрограмму вычисления площади треугольника.
2. Пользователь вводит две стороны трех прямоугольников. Вывести их площади.

**Вариант 27.**

1. Найти все натуральные числа, не превосходящие заданного  $n$ , которые делятся на каждую из своих цифр.
2. Даны длины сторон треугольника  $a, b, c$ . Найти медианы треугольника, сторонами которого являются медианы исходного треугольника. Для вычисления медианы проведенной к стороне  $a$ , использовать формулу. Вычисление медианы оформить в виде функции.

**Вариант 28.**

1. Натуральное число, в записи которого  $n$  цифр, называется числом Армстронга, если сумма его цифр, возведенная в степень  $n$ , равна самому числу. Найти все числа Армстронга от 1 до  $k$ .
2. Составить программу, которая изменяет последовательность слов в строке на обратную.

### **Вариант 29.**

1. Составить программу для нахождения чисел из интервала  $[M, N]$ , имеющих наибольшее количество делителей.
2. Четыре точки заданы своими координатами  $X(x_1, x_2)$ ,  $Y(y_1, y_2)$ ,  $Z(z_1, z_2)$ ,  $P(p_1, p_2)$ . Выяснить, какие из них находятся на максимальном расстоянии друг от друга и вывести на экран значение этого расстояния. Вычисление расстояния между двумя точками оформить в виде функции.

### **Вариант 30.**

1. Найти все простые натуральные числа, не превосходящие  $n$ , двоичная запись которых представляет собой палиндром, т. е. читается одинаково слева направо и справа налево.
2. Составить программу для вычисления площади разных геометрических фигур.

### **Контрольные вопросы**

1. Определение и вызов функций.
2. Синтаксис функций.
3. Использование параметров функций.
4. Использование оператора `return`.
5. Использование значения `None`.
6. Позиционные аргументы.
7. Аргументы — ключевые слова.
8. Значение параметра по умолчанию.
9. Получение аргументов — ключевых слов с помощью `**`.